# د . فاروق كامل تقــلا مدرس في جامعة قسنطينة



ريوان المطبوعات انجامعتيا انجسندائر

#### مقد مسة

يتضمن هذا الكتاب موضاعات في الضوء والامواج الكهرطيسية. ومع أن الضوء بمفهومه الدارج ، يعني الضوء المرئي الذي يشغلل مجالا ضيقا من طيف الامواج الكهرطيسية العريض ، فإن ايراد كلمة ضوء في عنوان هذا الكتاب ، يعني تأكيدا على هذا المجال الطيفي بالذات ، لكثرة التعامل معه في حياتنا العادية ، بالاضافة الني معالجة بعض الظواهر الفيزيائية والمنظومات البصرية استنادا الى مفهوم الضوء الهندسي ، حيثما أمكن ذلك ، دون ارتكاب خطأ كبيرا

لقد قسمت هذا الكتاب الى ثمانية فصول: يحوي الفصل الأول على دراسة لتداخل الامواج الضوئية ،مع ايراد الكيفية التي تمكّين من تحقيق هذه الظاهرة تجريبيا .بالاضافة الى عرض لبعض الأجهزة الفيزيائية التي تستخدم في حياتنا العملية لاستثمار هذه الظاهرة. ويتضمن الفصل الثاني دراسة بعض الظواهر الانعراجية بنفس ترتيب الفصل الاول .وقد عمدت في بعض المواقع الى الدراسة الكميسيسة الرياضية ،بينما اكتفيت في مواقع اخرى بتفسير كيفي مع التأكيد على المغزى الفيزيائي .

يحتوي الفصل الثالث على عرض سريع لقوانين الضوء الهندسي ، مع دراسة لعدد من المنظومات البصرية التي نصادفها في حياتنـــا العملية .

وأعطيت في الفصل الرابع عرضا للمفاهيم الفوتومترية التيطالما أغفلت في الكتب باللخفة العربية ، مما أدى الى الخلط في كثير من الأحيان بين هذه المفاهيم .

أما الفصل الخامس فقد ضمنته عرضا كيفيا أكثر منه كميا لبعض ظواهر استقطاب الضوء ، ذلك لأن الدراسة الكمية لهذه الظاهر الهامة تتطلب تقديما رياضيا لمفهوم الحقل الكهرطيسي والامرواج الكهرطيسية وتفاعلاتها المتبادلة مع الأوساط المادية ، وهروضوعات تضمنتها الفصول الاخيرة (السادس والسابع والثامرون)،

وهكذا عدت لطرح ظاهرة الاستقطاب في الفصل الثامن ، الذي حسوى أيضا دراسة لبعض ظواهر الضوء اللاخطى .

إن القسط الأكبر من الجهد الذي بذلته في اعداد هذا الكتاب، إنصب على اختيار التمارين والتطبيقات المناسبة للمواضيع النظرية المطروحة ، فقد ورد في نهاية كل فصل عدد من التمارين المحلولـــة تكمل وتوضح ماتضمنه ذلك الفصل ،

لقد أعد هذا الكتاب بما يتناسب مع مستوى طلبة السنية الجامعية الثانية لمعاهد الفيزياءوالمدارس العليا للأساتذة، وهكذا لابد للدارس فيه من أن يكون ملماً بالقوانين الأساسية للكهربياء والمغناطيسية .

أخيرا أتوجه بشكري لكل من ساهم في إعداد هذا الكتـــاب، وأخص بالذكر طلبة معهد الفيزياء في جامعة قسنطينة لمشاركتـهم في حل التمارين وإذ لاأدعي الكمال في عملي هذا ، أرجو جميــع الدارسين والزملاء إبداء ملاحظاتهم المفيدة حيثما أمكن ذلــــك لكي أتداركها مستقبلا ، والله ولي التوفيق .

د . فاروق كامل تقلا قسنطينة : 20 ـ 05 ـ 1988

# النف مسل الأول

### البيــــال اخـــال

### 1 \_ القوانين الاساسية للحوادث الموجية .

سوف ندعو أية حادثة اهتزازية منتشرة في الفضاء "موجة" . وتتضمن العبارة التحليلية للموجة الاحداثيات المكانية والزمنوهكذا فإن الموجة حادثة زمكانية ( زمانية ـ مكانية ) ، لذلك لايمكن تمثيل الموجة على شكل منحني ثلاثي البعد ، ونمثل عادة تابعية المقــدار المهتز ـ بيانيا ـ للاحداثيات ،مفترضين أن الزمن ثابت ، وكأننــا نسجل صورة لحظية للحادثة الموجية ، أو نمثل التابعية للزمن ، مفترضين أن دراسة الحادثة تتم في نقطة ثابتة من الفضاء .

ويسمح لنا تعريف الموجة كحادثة دورية في الفضاء والزمن الاستنتاج بأن تابعية المقدار للاحداثي x والزمن t ، يجب أن تتميز بأن هذين المتحولين يشكلان التركيب :

$$t - \frac{x}{v} \tag{1.1}$$

حيث 🛷 سرعة انتشار الاضطراب الموجي وفق المحور 🗶 🔹

وتستنبط صحة هذا التأكيد من أن قيمة المقدار المهتز في الحادثة الموجية في نقطة الملاحظة  $\mathbf{X}$  يجب أن تساوي قيمة هذا المقدار في نقطة تبعد عن  $\mathbf{X}$  بزمن الانتشار أي بربي  $\mathbf{X}$  .

بعبارة اخرى ، إن قيمة المقدار المهتر في النقطة X تساوي قيمته في مبدأ الاحداثيات (أوأية نقطة مفروضة اخرى) في اللحظة الزمنية التي تسبق لحظة التحديد بالزمن للهم ، أي أن قيمة المقدار المدروس في النقطة X تساوي تلك القيمة التي ملكها المقدار في النقطة على قبل زمن قدره للهم.

اذا عرّفت الموجة بالزمن واحداثي وحيد ( أُواُي اتجاه اختياري ثابت ) فإن هذه الموجة تدعى بالموجة المستوية ، لأن المقدارالمهتر في لحظة زمنية معطلة يملك نفس القيمة في مستوي لانهائي معامد لاتجاه الانتشار ، وهذا يدل بشكل قاطع على عدم وجود موجة مستوية في الطبيعة ، ذلك لأن الموجة التي تشغل جبهة مستوية لامتناهية في الكبر يجب أن تحمل طاقة لانهائية ،غير أن هذا لايمنع من استعمال الحلول على شكل موجة مستوية، لأنها تمثل بشكل جيد الظواهر الموجية

في منطقة بعيدة عن المنابع ، اضافة إلى أن الكثير من الحوادث ` الموجية الحقيقية الناشئة عن منابع نقطية أو ممطوطة ( جبهاتها الموجية كروية أو اسطوانية ) يمكن تمثيلها على شكل تركيب لعدد لانهائي من الامواج المستوية (على شكل تكامل للامواج المستوية ) .

ويكون حل معادلات ماكسويل على شكل مجموع امواج مستوية صحيحا، إذا كان ذلك الحل تابعا واصفا للموجة المستوية ، وهذا ينتج عن خطية معادلات ماكسويل ، فمن اجل المعادلات الخطية يعتبر مجموع الحلول حلا أيضا .

من المعلوم، أن اختصار الله أو H من معادلات ماكسويل يقود الى  $\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} - \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 f}{\partial t^2} = 0$ (1.2)

حيث لم مركبة الحقل E أو ألم ، وعن سرعة انتشار الموجة . إذا قمنا بأخذ المركبة 🗴 ،على سبيل المثال ، للشعاع 🔁

من الموجة المنتشرة وفق المحور 2 ، فإن المعادلة الموجية الموافقة

من الموجه المنتشره وفق المحور 
$$\Sigma$$
 ، فإن المعادلة الموجية الموا 
 $\frac{2^2 E_X}{2^2 E_X} - \frac{E_X}{3^2 E_X} = 0$ 
 $\frac{2^2 E_X}{3^2 E_X} = 0$ 
(1-3)

ومنه نستنتج أن سرعة الامواج الكهرطيسية تساوي سرعة الضوء .فنحصل من اجل الخلاء مثلا على

$$v = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} = \frac{3.10^8 \text{m/s}}{\sqrt{\frac{4}{36\pi} 10^{-9} \cdot 4\pi \cdot 10^{-7}}} = 3.10^8 \text{m/s} \ (1.4)$$

وأصبحت هذه النتيجة اساس النظرية الكهرطيسية للضوء: تعتبر الامواج الضوئية أمواجا كهرطيسية كما هو الحال في الامواج

الراديوية ، غير أن اطوال هذه الامواج أقصر بكثير ، فهي محصورة في المجال يد الى ١٤٠ :

الضوء البنفسجي ٦2 = 0,4 MKM عام الضوء الاحمر ٦2 = 0,8 MKM توصف كثافة تدفق طاقة الموجة الكهرطيسية \_ كما سنرمى ذلك لاحقا \_ بشعاع باونتنغ

$$\vec{\delta} = \frac{c}{u\pi} \vec{E} \wedge \vec{H} \tag{1-5}$$

وبما أن  $\vec{E} = \vec{H} \, \vec{n}$  ويما أن  $\vec{E} = \vec{H} \, \vec{n}$  وبما أن  $\vec{H} = \vec{n} \, \vec{n} \, \vec{E}$  حيث أن

الانتشار ، فإن القيمتين المطلقتين للشعاع المغناطيسي والشعاع الكهربائي متساويتان :  $|\vec{H}| = |\vec{E}|$  (1-6) وبالتالي تكون القيمة المطلقة لكثافة تدفق الطاقة للموجة الكهرطيسية مع مربع السعة لشدة حقل الموجة :

 $|\mathcal{S}| = \left| \frac{c}{4\pi} \, \vec{E} \, \vec{n} \, \vec{H} \, \right| = \left| \frac{c}{4\pi} \, \vec{E} \, \vec{n} \, (\vec{n} \vec{n} \, \vec{E}) \, \right| = \left| \frac{c}{4\pi} \, \vec{E}^2 \, \vec{n} \, \right| \, (1-7)$ 

ويدعى مربع سعة شدة الحقل بشدة الموجة ويرمز لها عادة ب I · تملك معادلة الموجة للحادثة الموجية المستوية البسيطة والهنتشرة

edge lhared X lhared S = 
$$a \cos \omega \left( 4 - \frac{x}{\sqrt{2}} \right)$$
 (1-8)

حيث يمثل 5 أي مقدار واصف لحادثة موجية (شدة الحقل ، الازاحــة الميكانيكية ، كثافة الغاز في الموجة الصوتية الخ ٠٠٠ ) •

سوف ندعو المقدار

$$I = a^2 \tag{1-9}$$

بشدة هذه الموجة .

تدعى الامواج في الحالة الاولى بالامواج المترابطةوفي الحالة الثانية بالغير مترابطة .

ندرس في البداية مجموع موجتين مترابطتين

 $S_{1} = a \cos (\omega t - \frac{\omega}{v}x) = a (\omega s (\omega t - \kappa x)) (1-10)$   $S_{2} = a \cos (\omega t - \frac{\omega}{v}x + 4) = a \omega s (\omega t - \kappa x + 4)$   $S_{3} = a \left[\cos (\omega t - \kappa x) + \cos (\omega t - \kappa x + 4)\right]$   $= 2a \omega s \frac{4}{2} (\omega s (\omega t - \kappa x) + (\omega t - \kappa x + 4)) (1-11)$ 

وهكذا يبدو أن سعة الموجة الحاصلة متعلقة بفرق الطور ، وهدتها لاتساوي مجموع شدتي الموجتين المحصلتين ، وإنما

$$I = 4 a^2 \cos^2 \frac{4}{2}$$
,  $I \neq a^2 + a^2$  (1.12)

إذا تعرض فرق الطور بين موجتين مختلفتين بالطور فقط الى تغير عشوائي ، فإن ذلك يعتبر مثالا شائعا لاختفاء الترابط ، ونحصل في هذه الحالة على الشدة لمجموع مثل هاتين الموجتين بتوسيط العبارة (1.12) :

$$I = 4a^{2} \cos^{2} \frac{q}{z} = 4a^{2} \cdot \frac{1}{z} = 2a^{2} \quad (1.13)$$

وهكذا تكون شدة الموجة الحاصلة ،في حالة الامواج غير المترابطة، مساوية اللي مجموع شدات الامواج المحمّنات:

$$T = a^2 + a^2$$
 (1.14)

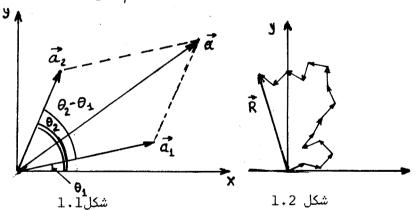
نستخدم في حالة جمع موجتين مختلفتين بالسعة والطور:

$$5_1 = a_1 \cos(\omega t - KX) = a_1 \cos \theta_1$$

 $S_2 = a_2 \omega_2 (\omega t - \kappa x + 4) = a_2 \omega_3 \theta_2$  (1.15)

التمثيل البياني للمقدارين 5 و ج \$ (الشكل 1.1) .ونحصل وفققاعدة

جمع شعاعین یحصران فیما بینهما الزاویة ( $\theta_z$ - $\theta_j$ ) علی :



$$a^2 = a_1^2 + a_1^2 + 2 a_1 a_1 \cos(\theta_2 - \theta_1)$$
 (1.16)

$$I = I_1 + I_2 + 2 \sqrt{I_1 I_2} \cos(\theta_2 - \theta_1)$$
 (1.17)

أذا كانت الموجتان غير مترابطتين والقيمة التوسيطية لتجيب فرق

$$I = I_1 + I_2$$
: Ilder naceon in the second of the second

مثلا: في حالة مجموعة من الامواج عددها ١٨ متساوية في السعـــة

ومختلفة عشوائيا في الطور (الشكل 1.2) ،نستطيع أن نكتب بعـــد اسقاط كل من هذه الامواج على المحورين × و × :

 $R_{x} = a \cos \theta_{1} + a \cos \theta_{2} + a \cos \theta_{3} + \cdots =$   $= a \sum_{i=1}^{\infty} \cos \theta_{i}, \quad R_{y} = a \sum_{i=1}^{\infty} \sin \theta_{i};$ 

$$R_{x}^{2} = \alpha^{2} \left( \sum_{i=1}^{n} \omega_{i} Q_{i}^{2} \right)^{2} =$$

$$= \alpha^{2} \left[ \sum_{i=1}^{n} c_{0} S^{2} Q_{i}^{2} + \sum_{i=1}^{n} c_{0} S Q_{i}^{2} \right]$$

$$= \alpha^{2} \left[ \sum_{i=1}^{n} c_{0} S^{2} Q_{i}^{2} + \sum_{i=1}^{n} c_{0} S Q_{i}^{2} \right]$$

$$= \alpha^{2} \left[ \sum_{i=1}^{n} c_{0} S^{2} Q_{i}^{2} + \sum_{i=1}^{n} c_{0} S Q_{i}^{2} \right]$$

وتتراوح قيم  $\mathcal{G}$  دم بين 1 و 1 في الحالة العشوائية ويكون حاصل مجموع الحد الثاني من الطرف الايمن معدوما وهكذا يبقى لدينا محموع الحد الثاني من الطرف  $\frac{1}{2}$  وهذا يبقى لدينا محموع الحد  $\frac{1}{2}$  وهذا يبقى لدينا

$$n\cos^{2}\varphi = \frac{\pi}{2\pi} \int_{0}^{2\pi} \cos^{2}\varphi d\varphi = n\sin^{2}\varphi = \frac{\pi}{2}$$

. R<sup>2</sup>= na<sup>2</sup> الشدة الحاصلة تساوي مجموع الشدات المحصلة أخيرا فان الشدة الطور في بعض الحالات ،بفرق المسار الذي تسلكه

 $\theta_1 = \omega t - K x_1$ ,  $\theta_2 = \omega t - K x_2 + Q$ : Illungario

$$\theta_z - \theta_1 = K(X_1 - X_2) + Q$$
 (1.18)

وتتغير في هذه الحالة الشدة ،وفقا للعلاقة (1-17) ،بتابعية المقدار  $X_i - X_i$  بشكل دوري بين القيمتين  $X_i - X_i$  فمن أجل  $X_i - X_i$  يكون  $X_i - X_i$ 

في الحالة الخاصة أي من اجل  $\Gamma_1=\Gamma_2$ ، بتكون النهاية الصغرى للشدة الحاصلة معدومة ، والنهاية العظمى تساوي  $\mu_1$  ويدعى الفضل  $\mu_1$  بفرق المسير ويرمز له  $\mu_2$  .

ونحصل على فرق الطور  $\frac{O}{\Delta}$  بضرب فرق المسير  $\Delta$  بالعددالموجي  $\star$ :

$$\Theta_{\Delta} = K\Delta = \frac{\omega}{v} \Delta = \frac{2\pi}{\lambda} \Delta \qquad (1.20)$$

ويلاحظ أن شدة الموجة الحاصلة تكون عظمى اذا كان فرق الطورمعدوما أو مساويا لعدد صحيح من 270 ونستطيع كتابة العلاقة التالية مــن

$$\frac{2\pi}{A} = m \cdot 2\pi \quad (m = 0, 1, 2, ..., 21)$$
  $\Delta = m A$  (1\_22)  $\Delta = m A$  (1\_22)

وبالتالى اذا كان فرق المسير بين موجتين مترابطتين محملتين مساويل عددا صحيحا من طول الموجة ، فإن شدة الموجة الحاصلة تكون عظمي. ويتضع أن الشدة تأخذ قيمة صغرى من اجل فرق في المسيرقدره

عددصحيح من انصاف طول الموجة

$$\Delta = m^2 A_2 \qquad (1-23)$$

### 2 ـ تداخـل الامواج المتـرابطة

عند انتشار الامواج المترابطة في الأوساط المختلفة ، يتعلق فرق الطور فيما بينها والذى يسببه فرق المسير بسرعة انتشار الامواج فيي تلك الأوساط . وتدعى نسبة سرعة الموجة في الخلاء الى سرعتها في الوسط المادي بقرينة الانكسار للوسط ، لنرمز لسرعة الموجة (الضوء) في الخلاء ب C ، وللسرعة في الوسط ب ع ، فتكون قرينة الانكسار M:

$$n = C/v \tag{2-1}$$

نوجد الآن تغير طور الموجة الذي يسببه عبورها في وسط ما بالمسافة d ، حيث سرعة انتشارها في ذلك الوسط هي حه.

وفقا للعلاقة (1\_20) يكون تغير الطور ٥٥ مساويا جداء العـدد

الموجى ٢⁄ بفرق المسير Δ، أي أنه في حالتنا

$$\Delta G = K \cdot d \tag{2-2}$$

$$K = \frac{2\pi}{3} = \frac{\omega}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi\nu}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi\nu}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi\nu}{\sqrt{2}}$$
(2-3)

$$\frac{2\pi v}{c} n$$

$$\frac{2\pi v}{c} n$$

$$\frac{2\pi v}{c} n$$

$$\frac{2-3v}{c} = v \text{ biscord also}$$

$$\frac{2-3v}{c} = v \text{ biscord also}$$

$$\frac{2-4v}{c} = v \text{ biscord also}$$

وبملاحظة أن  $\frac{c}{v_0}$  تمثل طول الموجة في الخلاء م $\frac{c}{v_0}$  ، يكون :

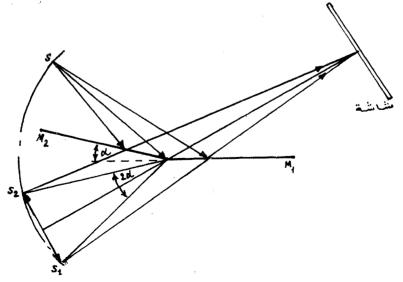
$$K = \frac{2\pi}{\lambda} h$$
 (2.5)

هكذا نلاحظ دخول جداء فرق المسير في قرينة الانكسار بتعريف فرق الطور في مكان فرق المسير ، ويدعى الجداء السابق بفرق المسير الضوئي ، أوطول المسار الضوئي ، وبالتالي لكي نحسب فرق الطور عند انتشار الموجة في وسط قرينة انكساره N ، يجب أن نأخذ جداء العدد الموجي في طول المسار الضوئي ، واذا عبرت الموجة مجموعة من الأوساط المختلفة بقرائن انكسارها  $N_2$  ،  $N_3$  ،  $N_2$  ،  $N_3$  ،  $N_4$  ، فإن تغير طور هذه الموجة الذي يحدثه فرق المسير ، يكون مساويا لجداء العدد الموجي في مجموع المسارات الضوئية :  $\Delta O = \frac{2\pi}{2\pi} \{ N_1 d_1 + n_2 d_2 + --- \}$ 

وتسمح العلاقة الأخيرة بحساب الشدة الحاصلة لامواج مترابطة تنتشر من المنابع الى نقطة الملاحظة عبر عدد من الاوساط المختلفة بقرائن انكسارها ولا يوجد في الطبيعة منابع مترابطة ، غير أنه في الامكان الحصول عليها صنعيا .

نعرض بعض الطرق التقليدية للحصول على المنابع المترابطة:

آ . مرآتا فرنل ، اذا تموضعت مرآتان مستويتان تصنعان فيما بينهما راوية قريبة من 180 درجة، كما هو مبين على الشكل 1.3 ، فإنهاتين المرآتين تشكلان للمثبع € الموضوع أمامهما خيالين وهميين 1 و 52 ويدرك الملاحظ الموجود أمام المرآتين هذين الخيالين ، كباعثيــن



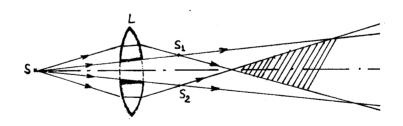
شكل 1.3

للامواج المترابطة منفصلين مكانيا .ويؤمن الترابط هنا ، كما هو الحال في كثير من الترتيبات الاخرى ، بكون الاشعة الحقيقية تتولد عن منبع وحيد . وبالتالي تكون الامواج التي تبدو كأنها صادرة عن خياليه ، كو عن مختلفة بالطور فقط ، ويحدث ، كما هو مبين على الرسم ، فلي المنطقة المخططة تداخل (تراكب) للامواج المنعكسة عن المرآتين ، غير أن مسار الاشعة يكون تماما كما لو أنها صدرت عن المنبعين ، و وكان مسار الاشعة يكون تماما كما لو أنها مدرت عن المنبعين ، وصعيا الى منبعين وهميين ، ولكن باستخدام موشورين (الشكل 1.4) .ويلاحظ

S 25 - 51

رمع ملاحظة أن انحراف الاشعة في حالة المواشير شكل S = d(n-1) . ( S = d(n-1) ) .

ج . عدسة بييه المشطورة . إن هذا الترتيب يماثل ترتيب موشورا

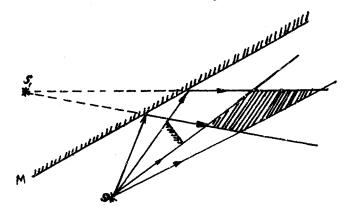


المراقب الموجودالى اليمين من الموشورين الضوء في المنطقة المخطقة على أنه مجموع اشعة منبعين مترابطين 2 و 2

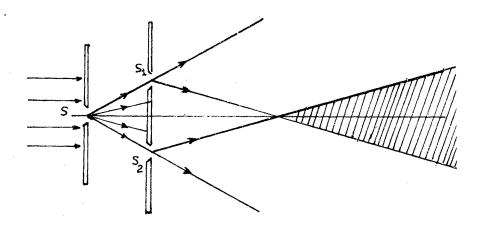
شكل 1.5

فرنل غير أنه يستعمل بدلا من الموشورين عدسة مقربة مشطوره (شكل 1.5) د . مرآة لويد . إذا كان التداخل يحدث في الترتيبات التي وردت سابقا بين الاشعة الصادرة عن خيالين وهميين أو حقيقين ، فإن التداخل باستخدام مرآة لويد يحصل بين الاشعة الصادرة عن منبع حقيقي وخياله .

الوهمي ، ونبلغ هذا الهدف باستخدام مرآة مستوية تسقط عليها حزمة ضوئية بشكل مائل من المنبع S ( الشكل 1.6) ،ويحدث تداخلاً مواج



شكل 1.6 الضوء الصادرة عن المنبع  $\bf S$  وعن خياله  $\bf S$ في المنطقة المخططه من الرسم  $\bf S$  وعن خياله  $\bf S$ في المنطقة المخططه من الرسم  $\bf S$  مضاء مــن اليسار بضوء ساطع (الشكل 1.7) . ويسقط الضوء النافذ من الشق  $\bf S$  على الشقين المتوازيين  $\bf S$  و  $\bf S$  واللذين يبعدان عن بعضهما بعــدا صغيرا . وهكذا يصبح هذان الشقان منبعين للامواج المترابطة .



شكل 1.7 وتتعلق طريقة يونغ بظواهر ضوئية أكثر تعقيدا من التداخل بمُفردة

حيث يرافق بالتواء الامواج الضوئية عند حدود الحواجز (الانعسراج) . وسوف ندرس الانعراج لاحقا . وتلقى طريقة يونغ استخداما واسعا في الاعمال والبحوث التطبيقية المرتبطة باستغلال ظاهرة التداخل .

هكذا اذا أوجدنا بواسطة أية طريقة من الطرق السابقة منبعين مفصولين مكانيا ومترابطين ، فإن الحصول على لوحة تداخلية على سطح مضاء بهذين المنبعين لايتطلب عناء كبيرا .

ندرس الان كيف تكون اضاءة شاشة مستوية  $\Xi$  مضاءة بواسطية المنبعين المترابطين  $\mathbf{S}_2$  و  $\mathbf{S}_1$  الموجودين في مستوي يوازي الشاشية ( الشكل 1.8) .

نأُخذ نقطة اختيارية A على الشاشة ، تبعد عن مبدأ الحساب ( النقطة 0 ) بالمسافة لم النقطة 0 نقطة تقاطع الناظـم المقام من منتصف

 $\begin{array}{c|c}
S & -X_1 & -X_2 \\
\hline
P & X_2 & A
\end{array}$ 

المستقيم الواصل بين المنبعين المشرابطين ،مع الشاشة ،وهذا يعني أن الطول يمثل البعد بين مستوي الشاشة ومستوي المنبعين المترابطين .

شكل 1.8

إذاكلن  $\frac{1}{2}$ و هذا يتحقق غالبا في التطبيقات العملية فإن  $\frac{h}{B} \propto \frac{\Delta}{B} \propto \frac{\Delta}{B}$ 

ومن هنا ينتج أن فرق المسير Δ الذي يحدث فرقا في الظور في النقطة عند الامواج الواردة من 5 و 5 يعطى بالعلاقة

بين الامواج الواردة من  $S_1$  و  $S_2$  يعطى بالعلاقة  $\frac{P}{D}$   $\Delta \simeq \frac{PR}{D}$ 

فاذاشكل فرق المسير فرقا في الطور مقداره عددا صحيحا من 2 قبان الامواج تصل الى A على التوافق في الطور وتقوي كل منها الاخرى ، أما إذا كان فرق الطور عددا فرديا من م يحدث في هذه الحالة انطفاء أو خبو في الامواج ، لنكتب الآن شرط تشكل النهايات العظمى والصغرى

لشدة الأضاءة على الشاشة بتابعية فرق المسير  $\Delta$  . فمن اجل النهايات  $\Delta$   $\theta$  = K  $\Delta$  = m.2  $\pi$  (m = q.1,2-.) العظمى يجب أن يتحقق الشرط

$$\Delta = m \lambda$$
 (2-10) أو  $\frac{2\pi}{\lambda} \Delta = m \cdot 2\pi$  أو (2-10) وبشكل مشابه يكون شرط تشكل النهايات الصغرى هو :  $\Delta = m \frac{\Lambda}{2}$   $m = (1,3,5,7,-...)$  (2-11) ويمكن كتابة الشرطين (10) و (11) على الشكل:

(عدد زوجي )  $\Delta = m = \frac{3}{2}$  if m = 0, 2, 4, ... نهاية عظمى (عدد زوجي )  $\Delta = m = \frac{3}{2}$  if m = 1, 3, 5, ... (عدد فردي )  $\Delta = m = \frac{3}{2}$  if m = 1, 3, 5, ...

لكي نعين شدة الضوء في النقطة A ، نعوض في العلاقة (12\_1) قيمة فرق الطور التي حصلنا عليها في مسألتنا (العلاقة 9)، فنجد

$$I = 4a^{2}\cos^{2}\frac{4}{2} = 4a^{2}\cos^{2}\frac{\pi Lh}{\lambda D}$$
 (2-13)

$$I = 4a^{2} \left(1 + \cos \frac{2\pi \ell h}{3b}\right) (2.14)$$

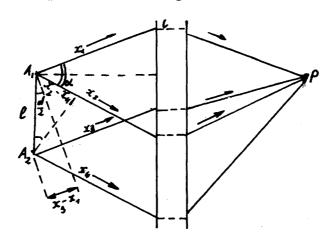
وتسمح العلاقتان الاخيرتان بايجاد توزع الشدة على الشاشة ويظهر وجود التجيب في العلاقة (13) أو (14) أن الشدة تتغير وفقالتغير  $\hbar$  أي البعد عن مركز الشاشة ،بشكل دوري مارة بقيم عظمى وصغيرى وبالتالى تتشكل اهداب التداخل .

لايجاد البعد الهدبي ، نحسب المسافة بين نهايتين عظيمتين متجاورتين ، مستخدمين العلاقة (10) :

$$\Delta_1 = m \lambda$$
,  $\Delta_2 = (m+1) \lambda$   
 $\frac{\ln 1}{\ln 1} = m \lambda$ ,  $\frac{\ln 1}{\ln 1} = (m+1) \lambda$   
 $\frac{\ln 1}{\ln 1} = m \lambda$ ,  $\frac{\ln 1}{\ln 1} = \frac{\ln 1}{\ln 1} \lambda$   
 $\frac{\ln 1}{\ln 1} = \frac{\ln 1}{\ln 1} \lambda$ 

وتكون العلاقة الاخيرة صحيحة من اجل L < 0، وذلك وفقا ل (8) وتظهر هذه العلاقة أن البعد بين النهايات العظمى المتجاورة يكون من مرتبة طول الموجة مضروبا بالنسبة D/L . وبالتالي لكي تكون اهداب التداخل منفصلة ( واضحة ) يجب زيادة D أو D (أوتصغير D) . إذا مثل D0 فيعين نقطيين فإن هيئة أهداب التداخل يمكن

تحديدها كالتالي: إن شرط تكوين محل هندسي ما للنقاط المالكة لفرق طور متساوي، هو نفس الشرط للنقاط المالكة لفرق مسير متساوي، أي لقيم متساوية للفرق X2-X2. ويكون المحل الهندسي لمثل هذه النقاط في الفضاء ، بالتعريف ، هو سطح زائد دوراني محوره SS ومحرقاه في الفضاء ، بالتعريف ، هو سطح زائد بمستوي الشاشة قطع زائد. وبالتالي تكون اهداب التداخل على شكل قطوع زائدة ، وينتج عن الشرط وبالتالي تكون اهداب التداخل على شكل قطوع زائدة ، وينتج عن الشرط الى الخطوط المستقيمة ، وتعتبر الحالة التي درسناها للتداخل حالة الى الخطوط المستقيمة ، وتعتبر الحالة التي درسناها للتداخل حالة ومرت هذه الاشعة عبر جملة ضوئية لجمعها ، فإن المسألة تتعقد . لندرس في هذه الحالة الاخيرة الشرط الضروري لتشكل اللوحة التداخلية ، لقرض أن المنبع المنبسط خطي ، طوله £ ( الشكل 1.9 ) . تنتشر عنه أشعة مترابطة ، تنفصل بعدئذ بمساعدة جملة ضوئية الى شعاعيـــن يسلكان طريقين مختلفين ، يُجمع هذان الشعاعان في النقطة £ . الذا



شكل 1.9

كان المنبع نقطيا ، فإن هذا يؤدي الى الحالة التي درسناها آنفا ، أما اذا كان المنبع منبسطا ، فإن ذلك يؤدي الى اختلاف في الطور بين الاشعة الصادرة عن ذات المنبع ، لندرس بالضبط هذا الاختلاف الذي تسببه الابعاد المحددة للمنبع ، نفرض أن الاشعة ترد من النقطة المولية براوية  $\alpha$  ، وبعدئذ تلتقي في النقطة  $\alpha$  .

ويحدث نفس الشيئ بالنسبة للاشعة الصادرة عن 🗛 ، نقوم الان بحساب  $\Delta_1 = X_2 - X_1$ : يكون ،  $A_1$  النقطة الم  $\Delta_2 = X_4 - X_3$ ومن اجل النقطة يكون: نتخذ كمقياس لكى لاتطفىء الامواج الصادرة والآتية من النقطة  $A_2$  الامواج الامواج الصادرة عن 🗛 ، المتراجحة التالية:  $\Delta_1 - \Delta_2 < \frac{\lambda}{L}$ 

 $\Delta_1 - \Delta_2 = (X_2 - X_1) + (X_3 - X_1)$  usi itais

ويمكن أن نضع من اجل الحالات التطبيقية المساوتين التقريبيتين

$$X_3 - X_4 \approx \ell \sin \frac{\alpha}{2}$$
 : Italians : Italians  $X_2 - X_4 \approx \ell \sin \frac{\alpha}{2}$  (2-17)

$$\Delta_1 - \Delta_2 = 2 \ell \sin \frac{\alpha}{2}$$

ويأخذ مقياس تشكل اللوحة التداخلية (16) الشكل الآتى : 28 sin & < 3  $(2_{18})$ 

أي كلما كانت الزاوية 🗷 كبيرة كلما وجب أن تكون أبعاد المنبعصغيرة • وتدعى الزاوية له بكوة التداخل، وتحددها أبعاد الجملة الضوئيـة المستخدمة ، وبعدها عن المنبع ، بعبارة أخرى كلما كبرت كوة التداخل كلما وجب أن تصغر ابعاد المنبع .

ندرس في النهاية حالة التداخل عندما يكون البعد بين المنبعين المترابطين اصغر من 2 (الشكل 1.10) . يكون فرق المسار ∆عندئذ

> أصغر من 🚣 ، حيث أن القيمة 🏿 🧖 العظمى △ تساوى 4 .

إن شدة الضوء في أية نقطة من اللوحة التداخلية. <u>P</u> تحدد بالعلاقة

من اللوحة التداخلية 
$$P$$
 تحدد بالعلاقة  $I = 4a^2 \cos^2 \frac{k\Delta}{2}$  (2\_15)

$$I = 4 a^2 \omega s^2 \frac{\pi \Delta}{\lambda}$$
 (2.20)

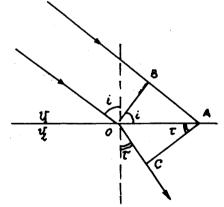
بما أن  $\frac{1}{2}$   $\Delta$  يكون  $\frac{\pi\Delta}{2}$  دم أي أن الشدة  $\Delta$  لايمكن أن تكون

شكل 1.10

معدومة ، ويمكن بلوغها قيمة عظمى  $4a^2$  ، ويتهيأ لنا حدوث تناقض حيث أنها تملك من اجل مسافات  $\frac{1}{2} > \frac{1}{2}$  قيما صغرى معدومة ، وعند تقريب المنبعين تصبح النهايات الصغرى غير ومدومة ، دون أن تتغير الشدة في النهايات العظمى ، وفي الحقيقة لايوجد اي تناقض هنا ، ذلك لأن تقريب المنبعين الى المسافة  $\frac{1}{2}$  يؤدي الى زيادة التأثير المتبادل فيما بينهما ، بحيث أن الطاقة الصادرة عنهما في هذه الحالة تختلف عن الطاقة الصادرة عنهما في الحالة الاولى ، أي قبل تقريبهما من بعض .

# 3 \_ التداخل في الصفائح والأسافين .

يحدث انكسار للاشعة الضوئية على الحدود الفاصلة بين الاوساط الشفافة المختلفة ، وذلك نتيجة لاختلاف سرعة انتشارها في تلك الأوساط لندرس حالة موجة مستوية ترد على السطح المستوي الفاصل بين وسطين بزاوية ورود ، أي الزاوية المحصورة بين اتجاه انتشار الموجـة والناظم على سطح الفصل (الشكل 1.11) ، نفرض أن سرعة الضوء في الوسط الاول من وفي الثاني من وسلم الوسط الاول من وفي الثاني من وفي الثاني من المناب المن



عندئذ يصل جزء الموجة المشار اليه بالحرف  $\mathbf{B}$  الى السطح الفاصل متخلفا عن الجزء  $\mathbf{0}$  برمن مقداره  $\mathbf{t}$  ، ويقطع المسافة  $\mathbf{t}$  ، وخلال هذا الزمن يقطع الجزء  $\mathbf{0}$  مسافة في الوسط الثاني مقدارها  $\mathbf{t}$   $\mathbf{t}$  .

نجد من المثلثين القائمين OBA و OCA أن:

$$0A = \frac{BA}{\sin i} = \frac{v_1 t}{\sin i}, \quad 0A = \frac{oc}{\sin \tau} = \frac{v_2 t}{\sin \tau}$$

$$\frac{v_1}{\sin c} = \frac{v_2}{\sin \tau} \Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \frac{\sin i}{\sin \tau}$$
(3.1)

إذا كان الوسط الاول خلاء ، فإن سرعة الضوء فيه تساوي C ، ولتكن سرعته في الوسط المادي الثاني هي 10 ، عندئذ يكون :

$$\frac{c}{w} = \frac{\sin c}{\sin x} = n$$

حيث n قرينة انكسار الوسط المادي ، ومنه  $n = \frac{\sin c}{2 - 1}$  (3\_1.a)

 $ax = \frac{1}{n(x)}$   $at = \frac{1}{c} h(x) \cdot dx$  ومنه ويأُخذ مبدأ فيرما الصياغة الرياضية التالية :

 $t = \frac{1}{c} \int_{0}^{x} n(x) \cdot dx = min$ 

وفي الحالة العامة ، تأخذ العبارة السابقة من اجل مسار اختياري على طريق طوله L ، الشكل التالي :  $t = \frac{1}{2} \int_{0}^{L} n(s) \, ds = min$ 

تسمح العلاقة ( 0.1.2 ) بتفسير تشكل لوحة تداخلية عند انعكاس الضوء على صفيحة رقيقة ، قرينة انكسارمادتها 1/2 (الشكل 1/2 ) . لنفرض أن موجة مستوية ترد على مثل هذه الصفيحة بزاوية 1/2 , ان الشعاع 1/2 ينكسر في النقطة 1/2 ، ويبلغ الوجه السفلي للصفيحة وينعكس ليرد الى النقطة 1/2 ، حيث يتحد مع الشعاع 1/2 المنعكس عن نفسس النقطة 1/2 ، وبالتالي ينطلق من النقطة 1/2 شعاعان فرق المسير بينهما 1/2 ، ويمكن حسابه اذاعلمنا سماكة الصفيحة 1/2 :

$$\Delta = (\overline{OB} + \overline{BA}) n - \overline{DA}$$

بما أن B=BA=1 فإننا نحصل من المثلث القائم OCB أو BAC على المثلث  $L=OB=BA=\frac{d}{cos\,\tau}$  (3\_2) عبر عن القطعة A بدلالة مسقط A على السطح العلوي للصفيحة فنجد

 $OA = 2\ell \cos\left(\frac{\pi}{2} - \tau\right) = 2\ell \sin\tau \tag{3-3}$ 

يمكن بالتالي إيجاد ٥ ٩ بسهولة:

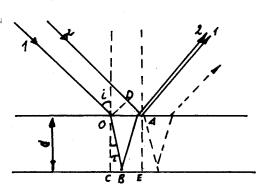
$$DA = OA \cdot Sini = 2\ell Sin \tau Sini$$
 (3.4)

ونحصل من تعريف قرينة الانكسار (1.a) على

$$Sin i = n Sin \tau \qquad (3.5)$$

وبالتالي

$$DA = 2 \ln \sin^2 \tau \tag{3-6}$$



شكل 1.12

مما تقدم نحصل على فرق المسير بين الشعاعين 1 و 2:

$$\Delta = 2 \frac{d}{\cos \pi} n - 2 \ln \sin^2 \tau$$

$$\Delta = 2 \frac{d}{\cos \tau} n - 2 \frac{d}{\cos \tau} n \sin^2 \tau \qquad (3.7)$$

$$\Delta = 2 \frac{d}{\cos \tau} n (1 - \sin^2 \tau) = 2 dn \cos^2 \tau / \cos \tau$$

$$\Delta = 2 \cdot d \cdot n \cdot \cos \tau \qquad (3.8)$$

نوجد شرط النهاية العظمى لمجموع الشعاعين 1 و 2 ، أي حالـــة مساواة فرق الطور لمضاعفات 2.00 ويجب في حالتنا هذه أن نأخــذ بالحسبان أن الشعاع 2 المنعكس على السطح العلوي للصفيحة يتغير طوره نتيجة لهدا الانعكاس بمقدار 30 (هذا ناتج عن الشروط الحدودية للشعاع أي ، وبالتالي يحدد التغير الكلي في الطور والمساوي الـى مضاعفات 2.00 بالمساواة :

$$2\frac{2\pi}{3}d\cdot n\cdot \omega s \tau + \pi = m\cdot 2\pi \qquad (3-9)$$

حىث

نختصر هذه المساواة على ٣ ونعيد كتابتها بالشكل:

$$2d \cdot n \cos \tau - \frac{\lambda}{2} = 2 m \frac{\lambda}{2}$$
 (3.10)

$$2d \cdot n \omega s \tau = (2m+1) \frac{\pi}{2}$$

تظهر العلاقة الاخيرة أن النهايات العظمى للشدة تنشأ في الضوء المنعكس عن الصفيحة من اجل قيم محددة لـ 7 ( وبالتالي من اجل قيم محددة لـ أ ) . إذاوردت على الصفيحة حزمة ضوئية متباعدة ، فإن أهدابا للتداخل تتشكل في الضوء المنعكس عن الصفيحة (العلاقة 11) وتسمى هذه الاهداب باهداب الميل المتساوي . إذا كان الضوء في هذه الحالة غير وحيد اللون ، فان شرط تشكل النهايات العظمى يمكن ان يتحقق من اجل بعض قيم أم ولا يتحقق من اجل القيم الاخرى .وتنشأ مايسمى بأضواء الصفائح الرقيقة التي نشاهدها مثلا على بقع الزيت وفقاعات الصابون .

يتبادر الى الذهن السؤال التالي : لماذا ندعو الصفائح " رقيقة" ؟ أن سماكة الصفيحة d تدخل في العلاقة (11) كبارامتر (مواصف) ، وتيهيأ لنا أنها لاتؤثر على امكانية الحصول على اهداب التداخل لكي نجيب على السؤال المطروح ،ندرس تشكل نهايتين عظيمتين متجاورتين لشدة الضوء المنعكس ،وذلك في حالة حزمة واردة متباعدة (أي اختلاف قيم  $\sigma$ ) وضوء غير وحيد اللون (أي وجود طيف للأطوال الموجية  $\sigma$ ) نكتب شرطي تشكل نهايتين عظيمتين من اجل الزاويتين  $\sigma$  و  $\sigma$ 

2d·n 
$$\omega$$
s  $\tau_1 = (2m+1) \lambda_2$   
2d·n  $\omega$ s  $\tau_2 = [2(m+1)+1] \lambda_2$  (3\_12)

بطرح العلاقة الاولى من الثانية نجد:

$$2d \cdot n \left( \cos \tau_2 - \cos \tau_1 \right) = 7 \tag{3-13}$$

$$2d \cdot n \sin \frac{\tau_1 - \tau_2}{2} \sin \frac{\tau_1 + \tau_2}{2} = 3 \qquad (3.14)$$

يمكن كتابة العلاقة الاخيرة بشكل تقريبي:

$$4d \cdot n \sin \frac{\Delta \tau}{2} \sin \tau \approx A$$
 (3.15)

$$4 d \cdot n \stackrel{\Delta \tau}{=} Sin \tau \approx A \qquad (3-16)$$

$$\Delta \tau \approx \frac{\lambda}{2d \cdot n \sin \tau}$$
 (3\_17)

تظهر العلاقة (17) أن Δ تكون صغيرة من اجل قيم كبيرة ل d، وهذا يعني أن الاهداب المتجاورة متساوية الميل تكون قريبة جدا من بعضها البعض ، ولايمكن أن تميز بوضوح .

ندرسالان تأثيرلاوحدانية اللون على نوعية اللوحة التداخلية ، لنأخذ نهاية الطيف ( $\lambda + \lambda$ ) من الرتبة  $\lambda$  ومن اجل الميل  $\lambda$  وبداية الطيف ذى الرتبة ( $\lambda + \lambda$ ) والميل  $\lambda$ :

2 d·n 
$$\omega s \tau_1 = (2m+1) \frac{3+43}{2}$$
  
2 d·n  $\omega s \tau_2 = [2(m+1)+1] \frac{3}{2}$  (3.18)

إذاتساوى الطرفان اليمينيان لهاتين العلاقتين ، فإن هذا يعني ان الاشعة غير وحيدة اللون المالكة لنفس الميل ( $au_1 = au_2$ ) تنطبق فيها النهاية العظمى للموجة ( $au_2 = au_3$ ) (نهاية الطيف) على النهاية العظمى للموجة (بداية الطيف) ، وتختلف هاتان النهايتان بالرتبة فقط ، ويعني هذا في حالة استعمال الاشعة البيضاء ، مثلا ، انطباق النهايات العظمى للضوء الاحمر على العظمى للبنفسجي (لكن اجل الرتب المتجاورة) ، ويعبر عن هذا الشرط بالمساواة :

$$(2m+1)\frac{3+\Delta\lambda}{2} = \left[2(m+1)+1\right]\frac{\lambda}{2} \qquad (3-19)$$

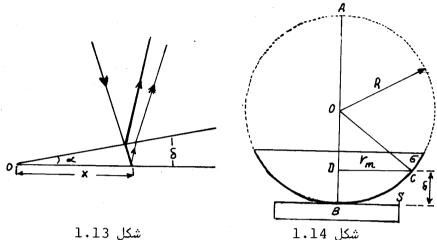
$$\Delta\lambda = \frac{2\lambda}{2m+1} \qquad (3-20)$$

تظهر العلاقة (20) أنه من اجل قيم كبيرة لـ m (صفائح سميكــة) عجب أن تكون آلاً صغيرة . بعبارة اخرى : كلما كانت الصفيحــة سميكة كلما وجب استخدام ضوء وحيد اللون (عرض طيفه ضيق جــدا) وذلك للحصول على لوحة تداخلية ، ولكن هذا يؤدي التي فقر في اضاءة تلك اللوحة .

إذا انعكس الضوء على صفيحة وجهاها غير متواريين ، فإن فسرق المسير يتعلق بالاحداثي الذي تتغير وفقه سماكة الصفيحة ، وتعتبر الأسافين (الشكل 1.13) مثالا دارجا على هذه الحالة ، أو ماشابهها كشدفة كروية (قطعة من كرة ) قرينة انكسارها ٢ موضوعة على سطلح

مستوعاكس (الشكل 1.14) .

تكون الاهداب في حالة الشكل 1.13 مستقيمة عمليا وتوافق خطوط تساوى السماكة وذلك لأن وجهى الصفيحة مستويان ٠



إن فرق المسير بين الشعاعين 1 و 2 يكون وفقا للعلاقة (8) D = 2n 8 Cos T مساويا:

D = 2 n 8 وفى حالة الورود القريب من الناظمى وتتشكل نهايات عظمى عندما

 $2n\delta = (2m+1)\frac{3}{2}$  m = 0,1,2,--

ونجد من الشكل 1.13 أن  $S = A \cdot x$  حيث A الزاوية بين وجهي الصفيحة، وتكون عادة صغيرة وتقاس بالراديان ، نعيد كتابة العلاقة السابقة

$$2n \times d = (2m+1) \frac{\lambda}{2} \Rightarrow x = \frac{(2m+1) \frac{\lambda}{2}}{2nd}$$
 (3\_21)

وتحددهذه العلاقة بعد الهدب المضيىء ذي الرتبة م عن الخط المشترك لوجهي الصفيحة ، فهو اذن على شكل مستقيم يوازي الحرف المشترك .

نعود الى الشكل 1.14 ، ولنفرض أن الضوء يرد الى السطحالعلوي للشدفة الكروية . إن هذا الضوء ينعكس جزئيا على السطح الكروي ح ، وينفذ جزئيا الى الفجوة الهوائية (الاسفين) ، وبعدئذ ينعكس ح على السطح المستوى S . نأخذ مسافة اختيارية ٢m من الخط المركزي A B الى السطح الكروي .ويساوى الناظم سم المقام من نقطة واقعة على

محيط الدائرة على قطرها المتوسط الهندسي لقطعتي القطر ، أي :  $Y_m^2 = \overline{AD} \cdot \overline{DB} = (2R - 8)8$ باهمال 23،ذلك لأن تقوس الشدفة الكروية في هذه الحالة يفتــرض صغيرا ، نحصل على:

$$r_m^2 \approx 2 R S \qquad (3-23)$$

نحسب الآن فرق المسير بين الشعاعين المنعكسين في النقطة C على السطح الكروي 🕳 وعلى السطح ى ، آخذين بعين الاعتبار تغير الطور بمقدار 🎢 ( أو تغير فرق المسير بمقدار 🤰 ) ، أثناء الانعكاس على الصفيحة:

$$\Delta = 2 S + \frac{\pi}{2} \qquad (3.24)$$

إن شرط النهاية الصغرى للشدة ، أي تشكل هدب مظلم يعطى العلاقة  $28 + \frac{3}{2} = (2m + 1)\frac{3}{2}$  $(3_25)$  $2\delta = m\lambda$ , (m = 1, 2, 3, ---)

وبالتالي تتموضع الاهداب المظلمة عند الملاحظة من الاعلى علىمسافات من المركز تعينها العلاقة

$$r_{m} = \sqrt{2R8} = \sqrt{mR3} \qquad (3.26)$$

وهكذا تتكون في حقل الرؤيا حلقات مظلمة ومضيئة على الترتيب، تدعى بحلقات نيوتن ، ويمكن ايجاد ٦ تجريبيا بقياس ٢٠٠٠ ومعرفة m (نمرة الحلقة ) و R (نصف قطر الشدفة) .

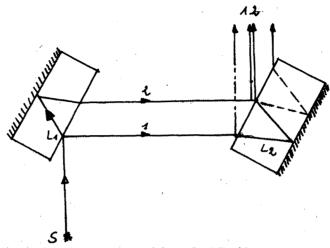
#### 4 ـ مقاييس التداخل .

تجد ظاهرة التداخل استخدامات واسعة في العلوم والتطبيقات العملية . حيث أن التغيرات الطفيفة في مسار أحد الشعاعين المتداخلين يؤدي الى تغير ملحوظ في اللوحة التداخلية ، وقد قامت على هــــذا الاساس أدق القياسات للابعاد ، واكتشاف الاشارات ، وبحث الخواص الضوئية للأوساط واستخدامات علمية وتطبيقية اخرى للتداخل . وقد سمحت دقة القياسات في الأجهزة التداخلية باجراء بعض التـجارب التي بينت عدم تابعية سرعة الضوء لحركة الجملة العطالية (تجربة ما يكلسون ) . مما وضع الأساس التجريبي للنظرية النسبية .

تنفذ القياسات التداخلية بواسطة اجهزة تدعى مقاييس التداخل

(Inter feno me tens) والتي تتمثل في اجهزة ضوئية تحدث فصلا وجمعاً للامواج المترابطة . وتوجد اشكال مختلفة لمقاييس التداخل ، نقـوم بدراسة بعضها .

\_ مقياس جامان التداخلي ( Samin ) . يعرض الشكل 1.15 لم حلطا لهذا المقياس ، وهو يتألف من صفيحتين سميكتين 4 و 1.4



شكل 1.15 مخطط مقياس جامان التداخلي

تملكان قاعدتين مرآتيتين ، ومنبعا للضوء  $\mathbf{S}$  . إن الشعاع الصادر عن المنبع والوارد الى الصفيحة  $\mathbf{I}$  ينعكس جزئيا وينطلق على شكل الشعاع 1 الى الصفيحة الثانية ، بينما ينكسر الجزء الاخر من الشعاع ليدخل الى الصفيحة الأولى وينعكس على قاعدتها المرآتية ، وينطلق باتجاه الصفيحة الثانية  $\mathbf{L}_2$  على شكل الشعاع  $\mathbf{S}$  . وتؤمن الصفيحة  $\mathbf{L}_2$  جمع هذين الشعاعين اللذين يملكان فرقا في الطور نتيجة لعبور الصفيحتين . وبطبيعة الحال ، إذا كانت الصفيحتان متماثلتين تماما ومتوازيتين والوسط المحصور بينهما متجانسا ، فإن فرق الطور بين الشعاعين  $\mathbf{I}$  و يكون معدوما ، ذلك لأن تخلف الشعاع  $\mathbf{S}$  بعد خروجه من الصفيحة  $\mathbf{L}_1$  ، يعدله تخلف الشعاع  $\mathbf{I}$  بعد خروجه من الصفيحة الثانية .

اذا كانت الاشعة غير متوازية ( مثلا تصدر عن المنبع ك حرمة متباعدة ) ، أو أن الصفيحتين متموضعتان بشكل تحصر معه فيما بينهما زاوية ما ، فان ذلك يؤدي الى نشوء فرق في الطور ، وتلاحظ بالتالي اللوحة التداخلية .

اذا كانت الصغيحتان غير متوازيتين ،مثلا ، ويرد الشعاع على الصغيحة  $t_1$  بزاويه  $t_2$  (زاوية الانكسار  $t_3$  ) ، وعلى الصغيحة  $t_2$  بزاوية  $t_3$  (زاوية الانكسار  $t_4$  ) ، فإنه وفقا للعلاقة (3\_8) يكون فرق المسير الضوئي :  $\Delta = 2 d \cdot n \cos \tau_1 - 2 d \cdot n \cos \tau_2$ 

 $\Delta = 4d \cdot n \sin \frac{\tau_1 + \tau_2}{2} \sin \frac{\tau_4 - \tau_2}{2} \approx 9^{\frac{1}{2}}$   $\approx 2d \cdot n \cdot \sin \tau \cdot \Delta \tau \quad (4-2)$ 

حيث حيث حيث حيث عدم الراوية بين الصفيحتين ·

تسمح هذه الصيغة بحساب خصائص اللوحة التداخلية الناشئة من اجله محكن بمساعدة مقياس جامان أن نقيس قرينة انكسار مادة ما ، وذلك بوضعها في طريق أحد الشعاعين بين الصفيحتين (الشكل 1.15 المادة مرسومة بخط متقطع) .

بملاحظة تغير اللوحة التداخلية ، الذي تنزاح فيها اهداب التداخل أثناء ادخال المادة المدروسة بمقدار mهدب مثلا ،ويعني هذا أن فرق المسير الضوئي قدتغير بمقدار m طول موجة،أي أن:

$$(n-1)\ell = m\lambda \tag{4-3}$$

حيث ان  $\ell$  (n-1) يمثل فرق المسير بين الشعاع 1 الذي يعبر المادة ذات الطول  $\ell$  وقرينة الانكسار  $\ell$  والشعاع 2 :  $\ell$  وقرينة الانكسار  $\ell$  =  $\ell$  =

وبمعرفة m ، 7 و f يمكن ايجاد n من العلاقة (3) .

تحتل المقاييس من نوع مقياس جامان مكانا مهما في دراسة التغيرات الفجائية لقرينة انكسار المادة التي يعبرها الشعاعان 1 و 2 • حيث تودي التغيرات القليلة لـ n الى تغيرات ملحوظة في تموضع اهداب التداخل ، وبتسجيل هذه التغيرات يمكن دراسة خواص اللاتجانـــس العشوائي للمادة بشكل احصائي •

\_\_ مقياس ميكلسون التداخلي (Michelson) . يتألف هذا المقياس من منبع ضوئي S ، وصفيحة نصف شفافة (شافة)  $P_1$  وصفيحة شفافة  $P_2$  وصفيحة شفافة ومرآتين مستويتين  $P_2$  و ليسقط على الصفيحة  $P_3$  ، فينعكس جزئيا ويعبر الصفيحة المنبع  $P_4$  باتجاه المرآة  $P_4$  ، حيث ينعكس عليها ليعود الى  $P_4$  فيعبرها متابعا طريقه نحو نقطة المراقبة  $P_4$  . ويصل في نفس الوقت اليهدده

النقطة ذلك الجزء من الشعاع الذي عبر الصفيحة  $P_1$  باتجاه المرآة  $P_2$  وانعكس عنها ليعود من جديد الى الصفيحة  $P_1$  حيث يصل الى وجهها العلوي نصف المفضض فينعكس العلوي نصف المفضض فينعكس عليه متجها نحو  $P_1$  .  $P_2$ 

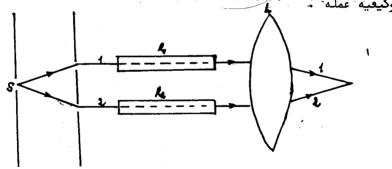
الترتيب ، ينحصر في تعديل الترتيب ، ينحصر في تعديل المسار الضوئي بين الشعاعين، الشعاع 2 يخترق الصفيحة تلاث مرات يخترق الصفيحة تلاث مرات واحدة ، ويمكن بمساعدة مقياس مايكلسون تسجيل الانزياحات الصغيرة للمرآتين ، ويمكن ، ويمكن المساعدة مقياس مايكلسون عديل الانزياحات الصغيرة للمرآتين ، ويمكن

التقرير فيما اذا كانت سرعة الضوء تتغير بتغير حركة الجملة المرتبطة مع هذا المقياس .

يماثل فرق المسير في هذه الحالة فرق المسير بين شعاعين فيحالة الانعكاس على طبقة هوائية متوازية الوجهين سماكتها تساوي فضل بعدي المرآتين عن مركز الصفيحة  $\mathbf{p}_1$  . فاذا كانت المرآتان متعامدتين والصفيحة المرآتين على الشعاع الوارد بزاوية 45 درجة ، فان هذه الصفيحة تشكل للمرآة على العيالا  $\mathbf{p}_1$  وتماثل الفجوة  $\mathbf{p}_1$  طبقة هوائية متوازيـــة الوجهين .

\_\_ مقياس رايلي التداخلي و يستخدم هذا المقياس عادة لقياس قرينة انكسار السوائل والغازات (الشكل 1.17) و نحمل على الشعاعين المترابطين بطريقة يونغ و يعبر هذان الشعاعان الانبوبين  $R_2$  و  $R_1$  اللذين يحويان المواد التي نرغب بتعيين قرائن انكسارها وينشأ نتيجة للاختلاف في قرائن الانكسار فرق في المسير الضوئي وبالتالي يعطي الشعاعان 1 و 2 اللذان يجمعان بواسطة عدسة مقربة اللوحة التداخلية و 1 اللذان التداخلية و 1 الت

تستخدم الظواهر التداخلية من اجل قياس اطوال الامواج الضوئية . للضوء المرئى ، واطوالالامواج لمجالات اخرى من طيف الاشعة الكهرطيسية . ويلقى مايدعى بمقياس فابري \_ بيرو التداخلي انتشارا واسعال لتحقيق الغاية السالفة الذكر ، وسنقدم لاحقا مخطط هذا الجهاز



شكل 1.17 مخطط مقياس رايلي

وضوح الاهداب و عرف ميكلسون معامل وضوح الاهداب بالعلاقة  $\frac{I_{max} - I_{min}}{I_{max} + I_{min}}$  (4\_4)

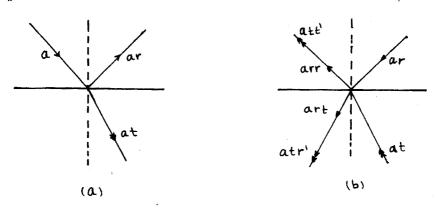
حيث أن max أن I<sub>min</sub> الشدتان في مركزي الهدبين المتجاورين المضيئ والمظلم على الترتيب . إذاكان المنبع الضوئي وحيد اللون فإن المعادلة (4) تدل على أن معامل وضوح الاهداب يساوي الواحد ، ويكون ثابتا في حقل الرؤيا بأكمله ، ولا يوجد في الواقع العملي ضوء وحيد اللون ،وإنما توجد عصابة من الامواج عرضها ٨٦، وكما رأينا في الفقرة 3 فإن انطباق النهايات العظمى ، أو انزياحها عن بعضها يتعلق بـ ٨٦، وهذا بدوره يؤثر على معامل وضوح الاهداب .

### 5 \_ تداخل الامواج متعددة الانعكاسات .

\_ معالجة ستوكس ( Stokes ) للانعكاس والانكسار \_ ·

لنفرض أن شعاعا ضوئيا سعته على يسقط على السطح الفاصل بين الماء والهواء (الشكله-1.18) . إن هذا الشعاع ينعكس جزئييا ولتكنسعة الجزء المنعكس ar، وينكسر جزئيا وسعة هذا الجزء ميث أن و و له معاملا الانعكاس والانكسار للسطح الفاصل بالنسبة للسعة . وتختلف النتيجة في حالة سطح فاصل معين ، تبعا لجهة انتشار الامواج من الوسط الاول الى الثاني وبالعكس ، لنفرض الأن أن عسعة الامواج الواردة من الهواء الى السطح الفاصل بين الهواءوالماء، وليكن و ممثلا للجزء المنعكس من السعة ، و له للجزء المنكس مكذا

تكون سعة الموجة المنعكسة ar وسعة الموجة المنكسرة at. لنتصور الآن أن اتجاه الاشعة قد انعكس كما في الشكلط-1.18فاذالم يحدث فقدان للطاقة نتيجة امتصاص الضوء اثناء عمليتـــــــى



شكل 1.18

الانعكاس والانكسار ، أمكن اعتبار الحادثة السابقة عكوسة ، أي يجب أن يكون للموجتين ذات السعتين ar و ar و ar أن يكون للموجتين ذات السعتين a واتجاهها معاكس لاتجاه الموجة الاصلية وهكذا فإن الشعاع ar الذي عكسنا اتجاهه ينقسم الى جزئين الجزء المنعكس ذو السعة ar والجزء المنكس atr وكذا الشعاع atr ينقسم الى منعكس atr ومنكس atr ومنكس atr

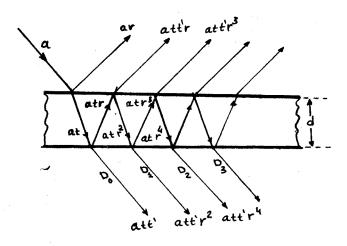
اذا قبلنا بمبدأ العكوسية استطعنا بمساعدة الشكل أa + t' + arr = a نكتب : معرف عبد art + atr' = 0 (5\_1)

ونجد بالاختصار أن : 
$$t \ t' = 1 - r^2$$
 ,  $r' = -r$  (5\_2)

\_ تداخل الحزم النافذة من صفيحة ذات وجهين مستويين متوازيين .

اقتصرنا في دراستنا السابقة على ملاحظة الاهداب المتشكلية نتيجة الانعكاس على الصفيحة متوازية الوجهين ، عندما كانت عوامل الانعكاس لهذه الصفائح صغيرة ، وبالتالي اقتصرت دراستنا على تداخل حزمتين فقط ، وقد وجد أن الاهداب المتشكلة بالانعكاس ذات

تباين ضعيف ، وكذلك الحال بالنسبة للاهداب المتشكلة بالنفوذ . وعندما يصبح عامل انعكاس السطح الفاصل اكبر ، فإن الاهداب تصبح أكثر وضوحا وتأنفا ،وتخضع الحزم في هذه الحالة الى عدة انعكاسات داخلية ، يكون لها تأثير كبير على تشكل الاهداب ، ويعرض الشكل 1.19 الانعكاسات والانكسارات الجزئية المتتالية لشعاع ضوئي ،



#### شكل 1.19

وكما ذكرنا سابقا فان الانعكاس الذي يحدث في الوسط الاقلكثافة يرافقه تغير في الطور مقداره ٦٦ لكل انعكاس ، وهكذا يكون الفرق في المسير بين شعاعين متتاليين مساويا :

$$\Delta = 2 \text{ nd} \cdot \text{Cos} \, \tau + \epsilon$$

 $oldsymbol{ au}$  حيث  $oldsymbol{ au}$  فرق المسير الناتج عن الانعكاس ، و  $oldsymbol{ au}$  من النكسار في الصفيحة ، ويعطى فرق الطور الموافق بالعلاقة :

$$\varphi = \frac{2\pi \Delta}{3}$$
. ويكون ثابتا بين كل شعاعين متتاليين

يلاحظ من الشكل أن الشعاع  $D_0$  يعاني نفوذين ، والشعاع  $D_1$ يعاني نفوذين واربع انعكاسا ت وهكذا  $D_1$  وهكذا  $D_2$  يعاني الشعاع  $D_2$  نفوذين و  $D_3$  انعكاسا . وبالتالي يعاني الشعاع  $D_4$  نفوذين و  $D_4$  انعكاسا .

$$a_{\kappa} = a + t' r^{2\kappa} \tag{5-3}$$

ويجب علينا بالتالي تركيب عدد لانهائي من الاهتزازات سعاتها att', att'r2, att'r4, ..., att'r2k

وأطوارها على الترتيب ب ب و المرتيب و المراتيب ب و المرتيب ب ب و المرتيب ب

نستخدم طريقة فرنل للتحصيل (الشكل 1.20) ، لتكن  $0 \, \dot{B}$  المحـصلــة وليكن مسقطاها على المحورين ٥χ و ٥٧ هما ٪ و لا ، فتكون الشدة

$$I = \overline{OB}^2 = \chi^2 + y^2$$

$$X = \sum_{k=0}^{\infty} a t t' r^{2k} \cos k \varphi$$

$$Y = \sum_{k=0}^{\infty} a t t' r^{2k} \sin k \varphi$$
(5-4)

نعرف المقدارين العقديين التاليين

$$\begin{aligned}
\mathbf{F} &= \mathbf{X} + i \mathbf{Y} & (5-5) \\
\mathbf{F}^* &= \mathbf{X} - i \mathbf{Y}
\end{aligned}$$

عندئذ تكون الاضاءة I:

من 4 نجد :

Z = att \sum r2k (wsky + isinky)= = att \ \( \sigma \ r^2k \ e'k4 =

$$= att' \cdot \sum_{0}^{\infty} (r^2 e^{iq})^{K}$$

$$= att' \sum_{0}^{\infty} (r^2 e^{-iq})^{K}$$
(5-7)

لكن المجموع السابق يمثل مجموع سلسلة هندسية متناقصة حدها الأول 1 وأساسها ٢٠٤٠ وبالتالي يكون مجموعها

$$Z = \frac{att'}{1 - r^2 e^{i\varphi}}$$
,  $Z^* = \frac{att'}{1 - r^2 e^{-i\varphi}}$  (5.8)

$$I = \frac{a^{2}(tt')^{2}}{1 + r^{4} - r^{2}(e^{i\varphi} + e^{-i\varphi})} =$$

$$= I_{0} \frac{(tt')^{2}}{1 + r^{4} - 2r^{2} \cos \varphi}$$

I + 
$$r^{4}$$
 - 2  $r^{2}\cos \theta$  =  $(1-r^{2})^{2}$  + 2 $r^{2}(1-\cos \theta)$  =   
=  $(1-r^{2})^{2}$  +  $(1-r^{2})^{2}$  +  $(1-r^{2})^{2}$  =   
=  $(1-r^{2})^{2}$  +  $(1-r^{2})^{2}$  =   
=  $(1-r^{2})^{2}$  [ 1 +  $(1-r^{2})^{2}$  ]

وبالتالي باستعمال العلاقة (2) نجد أن : 
$$I_{\pm} = I_0 \frac{(1-r^2)^2}{(1-r^2)^2 \left[1 + \frac{4\,r^2\,\sin^2{\frac{9}_2}}{(1-r^2)^2}\right]}$$

حيث 1 الشدة للاشعة النافذة .

نعرف عامل الانعكاس بالنسبة للشدة بالعلاقة  $R=r^2$  ، فنجد :

$$I_{+} = I_{0} \frac{1}{1 + \frac{4R \sin^{2} \varphi_{/2}}{(1 - R^{2})^{2}}}$$
 (5.9)

وتكون شدة الاضاءة صغرى من أجل 🎢 🛪 🕽 🕈 🕊

$$I_{\pm (min)} = \frac{I_0}{1 + \frac{4R}{(1 - R^2)^2}}$$
(5\_10)
: وتكون الشدة عظمى من اجل  $\Psi = 2 \text{ Tr } K$ 

$$I_{t(max)} = I_0 \qquad (5-11)$$

إن هذه العلاقات صحيحة في حالة اهمال الامتصاص . ويبين الشكل 1.21 تغير T بدلالة 4 من اجل قيم مختلفة ل R ، وذلك عندما

تكون الشدة الغظمى تساوي Io ويتضح أن تأنف الاهداب يرداد

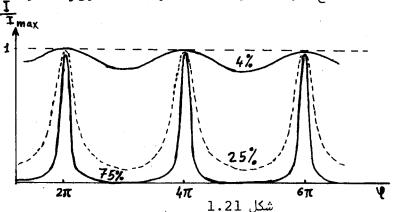
بازدیاد قدرة الصفائح علی عکس الضوء 
$$\frac{4R}{(1-R)^2}$$
 اذا رمزنا ب

نجد أن الشدة الصغرى تكون اقل كلما كانت F إكبر ، ويعطي الجدول

لقد عرفنا معامل وضوح الاهداب بالعلاقة

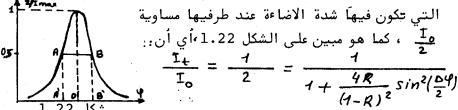
$$V = \frac{I_{max} - I_{min}}{I_{max} + I_{min}} = \frac{2R}{1 + 2R^2}$$
 (5-12)

فمن اجل الصفائح الرقيقة الرجاجية الغير مفضضة يكون ١٩٣٨ وبالتالي



 $0,08 \approx V$ ، وعندما يصل  $0.8 \approx 8$  فان V تصل الى 0.8 وتقترب من 1 عندما تقترب 1.00 من 1.00 وعلى المغم من أن الامتصاص لا يوثر على على تأنف الاهداب الاأنه ينقص من الاضاءة المطلقة للاهداب ولذك تستخدم مواد امتصاصها ضعيف وعكسها جيد وفي التطبيقات العملية ترسب على السطوح العاكسة طبقة معدنية بالتبخر في الخلاء ويجب أن تختار المواد المعدنية المناسبة من اجل مجال طيفي معين، فالفضة تعتبر مفضلة من اجل مجال الضوء المرئي والاشعة تحت الحمراء وبينما يستخدم الالمنيوم في مجال الاشعة فوق البنفسجية ولك لأن الفيضة تملك عصابة امتصاص الى جوار 3000 انغستروم و

يعرف نصف عرض الهدب المضيىء ، بأنه عرض المنطقة من الطيف



حيث  $\frac{\Delta \varphi}{\Lambda}$  يساوي فرق الطور الموافق لـ  $\frac{\nabla \varphi}{\Lambda}$  واللازم حتى تهبط قيمة الشدة الى نصف قيمتها العظمى ، وبما أن الاهداب المضيئة ضيقة فيان  $\frac{\Delta \varphi}{\Lambda}$  مغيرة ، وبالتالي يكون  $\frac{\Delta \varphi}{\Lambda}$   $\frac{\Delta \varphi}{\Lambda}$ 

وهكذا تكون النسبة بين نصف عرض الهدب الى البعد بين مركــزي

 $\frac{2D\Psi}{2\pi} = \frac{1-R}{\pi\sqrt{R}} \tag{5.13}$ 

فاذاكانت قيم 0,8 ، R، 0,9 ، 0,9 ، فإن النسبة السابقـة تأخذ القيم 1/15 ، 1/30 ، 1/15 على الترتيب .

\_ تداخل الحزم المنعكسة من صفيحة ذات وجهين مستويين ومتوازيين.

إذا اهملنا الامتصاص ، فإن مجموع شدة اضاءة الحزم المنعكسـة مع شدة اضاءة الحزمة النافذة يساوي شدة اضاءة الحزمة الواردة،أي  $\Gamma_0 = \Gamma_{\bf t} + \Gamma_{\bf r}$ 

 $I_r = I_0 - I_t = \frac{I_0}{1 + \frac{4R}{H - R)^2} \cdot \sin^2(\frac{\varphi}{2})}$ 

 $I_{r} = I_{0} \frac{4R \sin^{2}(\frac{4}{2})}{(4-R)^{2} + 4R \sin^{2}(\frac{4}{2})}$  (5.14)

- مقياس فابري - بيرو ( Fabri- Berot ) التداخلي والعيار .

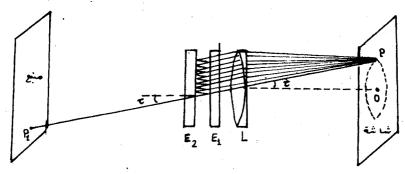
يتألفهذا المقياس من لوحين زجاجيين متوازيين نصف مفضضين مصران بينهما طبقة من الهواء (الشكل 1.23) . يكون أحد اللوحين ثابستا، بينما يمكن تحريك الآخر لتغيير سمك طبقة الهواء المحصورة بينهسما ويستعمل بالاضافة الى هذا الجهاز جهاز مرفق تكون المسافة بيسن اللوحين فيه ثابتة ويدعى بالعيار ، وذلك لصعوبة تحقيق التوازي دائما بين اللوحين في حالة تحريك احدهما . ويجب أن تكون سطوح الالواح المستعملة مستوية ضوئيا بدقة كبيرة . وذلك للحصول على لوحة تداخلية جيدة وأهداب حادة ومؤنفة . ويجعل السطحان الخارجيان

للوحين الزجاجيين مائلين قليلا بالنسبة للسطحين الداخليين ، ويكون الميل من رتبة الدقائق حتى لاتساهم الاشعة المنعكسة عليهمافي تشكيل اللوحة التداخلية .

يمكن بواسطة العيار تعيين قرائن الانكسار للغازات . يكون فرق المسير الضوئي بين الحزم المتتالية البارزة من العيار مساويا عميد المحيث التحييث التوحتين . اذا أخلي هذا الغاز ، يصبح فرق المسير الجديد 2tcos و أي أن فرق المسيرينقص بمقدار 2tcos و الخلاء،فإن الخلاء،فإن نقصان فرق المسير الضوئي بالأطوال الموجية يعطى بالعلاقة:

 $K = \left[ 2(n-1) + \cos \tau \right] / \chi$ 

ويقابل ذلك انزياح في اللوحة التداخلية بعددمن الاهداب مساوللعدد . « من معرفة ، ۸ و ؛ يمكن ايجاد ، « . « . « . «



شكل 1.23

### \_ شدة تحليل مقياس فابري بيرو التداخلي .

يمكن الدلالة ،كما ذكرنا سابقا ، على تأنف الهدب باستخدام مفهوم نصف عرض الهدب ويمكن من زاوية اخرى ، تمثيل تابعية شدة اضاءة الاهداب بدلالة الرتبة  $\mathbf{P}$  . ويعرض الشكل 1.24 تابعية  $\mathbf{T}$  لاهداب بدلالة الرتبة عددا صحيحا في مركز الهدب وتتغير بمقدار  $\mathbf{SP}_{N}$  عندما تنخفض الشدة العظمى الى النصف ، إن قيمة نصف عرض الهدب بدلالة الرتبة تساوي  $\mathbf{SP}_{N}$  .

 $I = \frac{I_{max}}{1 + F \sin^2 \frac{\varphi}{2}}$ 

نأخذ العلاقة

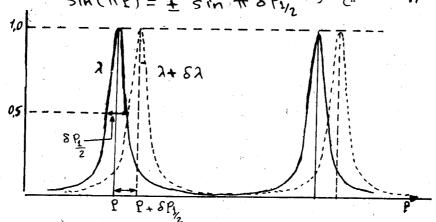
$$F = 4R/(1-R)^2$$

$$Q = \frac{2\pi}{\lambda} 2t \cos z = 2\pi Q$$
منه نجد:

$$\frac{I}{I_{max}} = \frac{1}{1 + F \sin^2(\pi P)}$$
 (5-15)

$$P = \pm S R_{1/2} + K$$
 وأن  $I = \frac{I_{\text{max}}}{2}$ 

Sin (π P) = + Sin π 8 P1/2 \* sin (π P)



$$\frac{1}{2} = \frac{1}{1 + F \sin^2(\pi S R_{1/2})}$$

 $F \sin^2(\pi S P_{1/2}) = 1$  آو اداکانت R کبیرة فان  $S P_{1/2}$  صغیرة ، ومنه

$$\pi S P_{1/2} = \frac{1}{\sqrt{F}} \cdot S P_{1/2} = \frac{1}{\pi \sqrt{F}}$$

وبالتالي تكون قيمة نصف عرض الهدب 
$$2 \ S \ P_{1/2} = \frac{2}{\pi \sqrt{F}}$$
 (5\_16)

وتسمى النسبة بين فضل الرتب المتتالية الى قيمة نصف عرض الهدب بالدقة وبما أن البعديين الرتب المتتالية بدلالة الرتبة تساوي 1 تكون

وي على الدقة . ويدعى 
$$\frac{\pi \sqrt{F}}{2} = \frac{1}{28 \, \text{PH}_2}$$
 (5\_17)

نفرض الآن ان المنبع الصوئي يصدر طولين موجيين بنفس الشدة  $\lambda + \delta \lambda$  و  $\lambda + \delta \lambda$  و تتشكل في هذه الحالة اهداب مضيئة الى جيوار بعضها البعض كما هو مبين على الشكل 1.24 . إذا كانت  $\delta \lambda$  مغيرة

جدا فان النهايات العظمى تنطبق على بعضها ، وعندما تصبح كبيرة بشكل كاف لتحليل الاهداب فان النسبة  $\frac{\lambda}{53}$  تعرف بشدة التحليل اللونية ، اذا كان البعد الزاوي بين النهايتين العظيمتين لهدبين متتالين هو ٨٦، بحيث أن المنحنيين يتقطعان في النقطة من المنحني التى من اجلها $I=rac{1}{2}$  ، فإن الانخفاض في الشدة فيمنتصف المسافة بين القمتين يكون حوالى 17% من القيمة العظمى لمجموع الاثنين، وهذا يمكن العين من تمييز خطين منفصلين متجاورين.

لايجاد ٨٦ الموافقة لهذا الفرق ، نكتب شرط الانتقال من نهاية

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{1 + F \sin^2\left(\frac{\varphi + \Delta \varphi_1}{2}\right)}$$

$$\sin^2\left(\frac{\varphi + \Delta \varphi_1}{2}\right) = \frac{(1 - R)^2}{4P}$$
Sin  $\left(\frac{\varphi + \Delta \varphi_1}{2}\right) = \frac{1 - R}{2\sqrt{P}}$ 

غير أن  $\frac{9}{2}$  في مركز الهدب تكون عددا صحيحا من  $\pi$  ، ومن اجل الاهداب المؤنفة تُكُون ٩ ٨ صغيرة بشكل كاف ، ومنه

$$\sin \frac{\Delta \varphi_1}{2} \approx \frac{\Delta \varphi_1}{2} \approx \frac{1-R}{2\sqrt{R}}$$

 $\Delta \Psi = 2 \Delta \Psi_1$  ويعطى الانتقال من قمة عظمى الى قمة مجاورة ب

$$\Delta \Psi = 2 \Delta \Psi_1 = \frac{2(1-R)}{\sqrt{R}} \qquad (a)$$

الآن يمكن ايجاد العلاقة بين التغير الراوي ◘ ◘ والتغير في الطـور ، وذلك بمفاضلة الزاوية

$$\varphi = \frac{4\pi}{\lambda} + \cos \tau \qquad \text{and} \qquad \varphi = \frac{4\pi}{\lambda} + \cos \tau$$

$$\Delta \Psi = -\frac{4\pi}{\lambda} + \sin \tau \cdot \Delta \tau \qquad (b)$$

فإذا وقعت النهاية العظمى لـ  $\lambda + \lambda$  في نفس الفرق الزاوي  $\Delta au$  فإذا نجد من العلاقة

$$\Delta \varphi = \frac{2(1-R)}{\sqrt{R}} = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot P \cdot \Delta \lambda \qquad (c) \qquad (i)$$

$$\Delta \varphi = \frac{2(1-R)}{\sqrt{R}} = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot P \cdot \Delta \lambda \qquad (c)$$

$$\Delta \varphi = \frac{2(1-R)}{\sqrt{R}} = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot P \cdot \Delta \lambda \qquad (c)$$

$$\Delta \varphi = \frac{2(1-R)}{\sqrt{R}} = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot P \cdot \Delta \lambda \qquad (c)$$

$$\Delta \varphi = \frac{2(1-R)}{\sqrt{R}} = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot P \cdot \Delta \lambda \qquad (c)$$

$$\Delta \varphi = \frac{2(1-R)}{\sqrt{R}} = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot P \cdot \Delta \lambda \qquad (c)$$

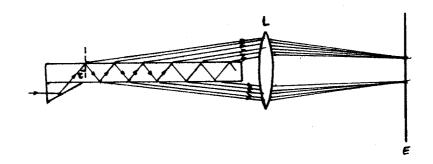
$$\Delta \varphi = \frac{2(1-R)}{\sqrt{R}} = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot P \cdot \Delta \lambda \qquad (c)$$

ويلاحظ أن شدة التحليل اللونية تتعلق ب p وبرتبة التداخل ، التييمكن

أخذها بمثابة  $P = \frac{2t}{\lambda}$  وهكذا اذا كانت R = 0.9 مثلا ، وt = 1البعد بين اللوحين ، فان الشدة التحليلية من اجل  $\lambda = 0.5 \,\mu$  تكون مساوية  $\lambda = 0.5 \,\mu$  تكون مساوية  $\lambda = 0.50 \,\mu$  بين الفصل بين طولين موجيين يختلفان ب $\lambda = 0.0042 \,\mu$ 

# \_ مقياس لومر \_ غرك ( Lummer-Gehrcke ) التداخلي .

يتألف هذا المقياس من صفيحة سميكة من الزجاج متوازية الوجهين يرد عليها الضوء بالقرب من البروز المماسي ( الشكل 1.25) ، وليست بالضرورة أن تكون الصفيحة مفضضة ، ذلك لأن معامل الانعكاس ملين الزجاج الى الهواء يزداد بازدياد زاوية الورود ، يمكن روية اهداب



شكل 1.25 تساوي الميل في المستوي المحرقي لعدسة مقربة ، ويكون شرط تشـكـل النهايات العظمى هو :

$$2n + \cos \tau = \kappa \lambda$$
 (5\_19)

وتتناسب شدة تحليل الصفيحة مع طولها ، وتستخدم في حالــة الامواج القصيرة صفائح طويلة ورقيقة للحصول على شدة تحليل كبيرة ، \_ المرشحات التداخلية ،

يمكن استخدام عيار فابري ـ بيرو التداخلي كمرشح للاضواء ، فاذا ورد الضوء ناظميا على العيار ، وجب أن تتحقق العلاقة  $2t = K\lambda$  لتشكيل الاهداب المضيئة ، فاذا كانت t صغيرة فإن الفرق بين اطوال الامواج التي يمكنها العبور يصبح كبيرا ، فمثلا اذا كانت t من رتبة t فان الامواج التي تشكل نهايات عظمى هي t على من رتبة t و t في الامواج التي تشكل نهايات عظمى هي t و t و t و t و t و t و t و الاعراج التي تشكل نهايات عظمى هي t و الاعراج و من اجل t و الاعراج و العراج و الاعراج و الاعراج و العراج و

$$2(8P_{i_2}) = \frac{2}{\pi\sqrt{F}}$$
 نصف عرض الهدب يكون

أي 1/25 من البعد بين الرتب المتتالية .

سلئل وتطبيقات

1 ـ منبعان ضوئیان مترابطان s و دی موجودان علی بعد ل من بعضهما (الشكل 1-1 ) . توضع شاشة على بعد  $\ell \ll D$  ، أوجــد المسافة بين هدبين تداخلين متجاورين بالقرب من وسط الشاشـة

(النقطة A ) ، فيما اذا كان

المنبعان يصدران ضوءا طولموجته 7.

\_ ستلاحظ نهاية عظمى للاضاءة فى نقطة اختيارية ما على الشاشة،

اذا كان فرق المسير كم ع-d<sub>2</sub>-d<sub>1</sub>

حيث K=0,1,2,... عدد صحيح ( الشكل 1 ) ، نكتب وفقا للهندسة

$$d_{2}^{2} = D^{2} + (h_{K} + \frac{\ell}{2})^{2}, \quad d_{L}^{2} = D^{2} + (h_{K} - \frac{\ell}{2})^{2}$$

$$d_{2}^{2} - d_{1}^{2} = (d_{2} + d_{1})(d_{2} - d_{1}) = 2h_{K}\ell$$
one

بما أن £ \ ا يكون £ 2 ≈ 41 + ط وبالتالي d, -di = KA = 2 h, 1/20

ويكون بعد الهدب المضيئ لل عن مركز الشاشة:

والمسافة بين هدبين مضيئين:

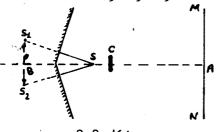
$$\Delta h = h_{K+1} - h_K = \frac{\Delta D}{2}$$
2 -  $a_{K+1} - a_{K+1} - a_{K+1} = \frac{\Delta D}{2}$ 

زاوية قريبة من 180 درجة ( الشكل 1 \_2)، شكل 2\_1

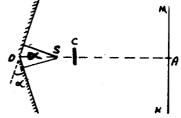
شكل 1 \_1

يوضع منبع ضوئى ٤ على مسافة متساوية ط من المرآتين ، حددالمسافة بينهدبين تداخليين متجاورين على الشاشة MN الموجودة على بعد OA=a

من نقطة تقاطعالمرآتين ، فيما اذا استعمل ضوء طول موجته ٦٠



شكل 2\_2



شكل 1\_2

المسافة بين الهدبين التداخليين  $\frac{\Delta D}{2}$  (انظر المسألة 1)  $\frac{\Delta D}{2}$  هذه الحالة  $\alpha+b$  هي هذه الحالة  $\alpha+b$  هي هذه الحالة  $\alpha+b$  هي المرآتين المستويتين (الشكل 2 \_ 2 ) . يمكن حساب  $\alpha+b$  من المثلث  $\alpha+b$  عن المثلث المثلث  $\alpha+b$  عن المثلث المث

3 - في تجربة موشوري فرنل ، وباستخدام ضوء طول موجته 2-3.0 مرض الموشور ، ووجد أنعرض لوحظت اهداب التداخل على بعد 175 سم من الموشور ، ووجد أنعرض الهدب 2, 0 مم ، فاذا كان الموشور مصنوعا من زجاج قرينة انكساره 1,5 ،ويبعد عن الشق المضيىء 25سم ، احسب زاوية كل من رأسي الموشور الثنائي .

 $D_1 = 25 \text{ cm}, \lambda = 5.10^{-5} \text{ cm}$   $i = 0,2 \text{ mm}, D_2 = 175 \text{ cm}$   $d = 2 D_1 \theta = 2 D_1 (n-1) d$   $i = \frac{\lambda(D_1 + D_2)}{d} \Rightarrow i$  d = 0,5 cm

$$\alpha = \frac{d}{2(n-1)D_1} = \frac{0.5}{2(1,5-1)\cdot 2.5} = \frac{0.1}{5} \text{ rad 21}^{\circ}$$

4 ـ تتشكل اهداب تساوي السماكة في اسفين زجاجي قرينة انكساره 1,52 باستخدام ضوء (  $\mathbf{\lambda}=\mathbf{5893}\,\mathbf{A}^{\circ}$  ) . فاذا علمت انعرض الهدب 1 مم ،احسب قيمة زاوية الاسفين .

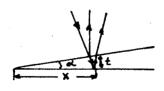
سيعطى فرق المسير بين الشعاعين المتداخلين الناتج عن المسار الضوئى بالعلاقة عند المسير عند الشعاعين المتداخلين الناتج عن المسار

وتكون من اجل الورود القريب من الناظمي  $0 = \theta$  ومنه  $\theta$ 

$$\Delta = 2nt - \frac{\pi}{2}$$

حيث ان 2 ناتجة عن الانعكاس على الوجه العلوي للاسفين (الشكل

 $\Delta = (2nt - \frac{6}{3}) = KA$  ) . إن شرط تشكل الاهداب المضيئة هو  $KA = (2nt - \frac{6}{3}) = KA$ 



$$2 n = (\kappa + \frac{1}{2}) \lambda$$

2nt = KA أما في حالة الاهداب المظلمة فيكون K+1 وتكتب العلاقة السابقة من اجل هدب مظلم ترتيبه  $2nt_{K+1} = (K+1) \lambda$ 

وهكذا يصبح الفرق عند الانتقال من الهدب K الى الهدب  $t_{K+1} - t_{K} = \frac{\lambda}{2n}$ 

من ناحية اخرى  $\dot{t} = x_{K+1} - x_{K} = \frac{1}{\alpha} (t_{K+1} - t_{K}) = \frac{1}{\alpha} \cdot \frac{\lambda}{2n}$  ويكون عرض الهدب ومنه

$$d = \frac{1}{7} \frac{1}{2n} \approx 0.011^{\circ} = 6.6^{\circ}$$

5 ـ توضع عدسة محدبة الوجهين متناظرة بعدها المحرقي 4 متر ، وقرينة انكسارها 1,52 على سطح مستو ضوئيا . فاذا شكلت حلقات نيوتن بالانعكاس الناظمي بواسطة ضوء ( $\mathbf{7} + \mathbf{7} + \mathbf{7} + \mathbf{7} + \mathbf{7}$ ). احسب قطر الحلقة المضيئة الخامسة . ماذا يشاهد اذا

آ . استخدم ضوء ابيض

ب . رفعت العدسة تدريجيا ببطىء

\_ آ . . يعطى البعد المحرقي للعدسات الرقيقة بالعلاقة

$$I = \frac{1}{(n-1)} \cdot \frac{1}{\left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2}\right)}$$

حيث أن  $R_{1,2}$  نصفا قطري تقوس وجهي العدسة ، وبما أن العدسة متناظرة يكون  $R_1 = R_2 = R_1$  ومنه

 $f = \frac{1}{0.52} \cdot \frac{R}{2} = 4 \text{ m} \Rightarrow R = 4,16 \text{ m}$ 

نصف قطر الحلقة المضيئة الخامسة

يعين من العلاقة

$$X_{K}^{2} = (K + \frac{1}{2}) R \lambda$$
 (1)

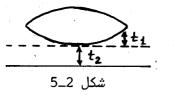
$$X_{6}^{2} = (6 + \frac{1}{2}) R \lambda$$

الم شكل 1\_5

انظر الشكل 1\_5 . عندما يستخدم الضوء الابيض يكون الهدب المركزي مظلما ومحاطا بألوان مقرحة .

ب ، عند رفع العدسة تدريجيا يصبح فرق المسير  $\Delta = 2 t_1 + 2 t_2 = \frac{2 \times ^2}{2 \, \text{R}} + 2 t_2$ 

حيث  $t_2$  سماكة الطبقة الفاصلة بين قمة العدسة والصفيحة الرجاجية ( انظر الشكل 5-2 ) . وتصبح من اجل الاهداب



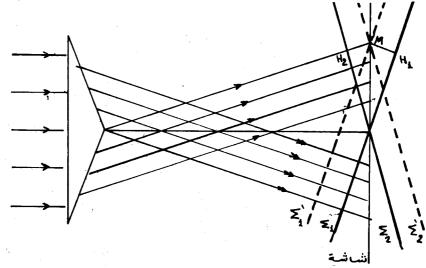
المضيئة العلاقة (1) من الشكل:  $\frac{X^2}{R} + 2t_2 = (K + \frac{1}{2})$  ومن اجل الاهداب المظلمة ، يكون  $\frac{X^2}{R} = KA - 2t_2$ 

وهكذا نلاحظ ان الهدب ذا الرتبة  $\kappa$  يعاني من تناقص نصف قطره بازدياد  $t_2$  ، وفقا للعلاقة:  $\frac{2t_2}{R} - \frac{2t_2}{R} = X_K^2 - \frac{2}{R}$ 

أي أن الاهداب تقترب من المركز ٠

ومورد موجة ضوئية مستوية طولها  $\lambda$  ناظميا على قاعدة موشور ثنائي مصنوع من زجاج قرينة انكساره n وزاويته الرأسية  $\theta$  . جد عرض الهدب التداخلي على شاشة  $\theta$  واقعة خلف الموشور .

 $\Sigma_{\mathbf{i}}$ ان الموجة النافذة من الموشور العلوي يمثل صدرها المستوي  $\Sigma_{\mathbf{i}}$ 



شكل 1 \_ 6

في النقطة O . ويمثل  $\Sigma_1$  صدرها في النقطة M من الشاشة ، ويكون  $\Sigma_1$  متقدما على  $\Sigma_1$  بالمسافة M  $H_1$  .

ان الموجة النافذة من الموشور السفلي يمثل صدرها المستوي  $\Sigma_2$  في النقطة 0 ، ويمثل المستوي  $\Sigma_2$  صدرها في النقطة 0 ، وهو متخلف

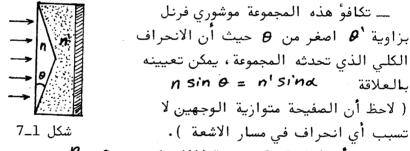
عن ح بالمسافة H2M . وبالتالي يكون فرق المسير في النقطة M بين : Z', 9 E'

Δ=H2M+MH1 = 2MH2 = 24 sin D ≈ 2 D 4

حيث لا بعد النقطة M عن النقطة المركزية 0 . و p زاوية الانحراف التي يسببها الموشور ، وتكون М موضعا لهدب مضيىء اذاتحققت المساواة 1 = KX = 2 D%

$$y = K \frac{\lambda}{2D}$$
 حيث أن  $x$  عدد صحيح . ومنه  $x = \frac{\lambda}{2D} = \frac{\lambda}{2(n-1)\theta}$  : أي أن عرض الهدب :

7 ـ تسقط موجة ضوئية مستوية (  $\lambda = 0.7 \cdot 10^{-6} m$  ) ناظميا عـــلى قاعدة موشور ثنائي مصنوع من جاج قرينة انكساره ( $2.7.5=\pi$ ) وزاويته نضع خلف الموشور ( الشكل 1–7) صفيحة زجاجيـــة (  $\theta$  = 5متوازية الوجهين ٥٠ ويُملو الفراغ بينهما بالبنزول (n'=1,5) . جد عرض الهدب التداخلي على الشاشة E الواقعة خلف الصفيحة ·



تسبب أي انحراف في مسار الاشعة )٠  $\alpha = \frac{n}{n!} \theta$ بما أن الزاوية 🗗 صغيرة لذلك يكون

وتعطى راوية الانحراف في حالة المواشير الرقيقة بالعلاقة :

$$D = (\alpha - \theta) = (\frac{n}{n!} - 1) \theta \tag{1}$$

في حالة الموشور المغمور بالهواء والمكافىء للمجموعة السابقة (أي الموشور ذو الزاوية ' والذي يسبب نفس الانحراف للاشعـة)

$$D = O'(n-1)$$
 (2)

$$\theta'(n-1) = (\frac{n}{n'} - 1)\theta$$
 بالمقارنة بين او2 نجد ان

$$\theta' = \frac{n - n'}{n'(n-1)}$$

وهكذا تؤول معالجة المسألة الى معالجة موشور مغمور في الهواء  $\cdot \theta^{1}$  ويته الرأسية ز

$$i = \frac{\lambda}{2D} = \frac{\lambda}{2(n-1)\theta^{-1}} = \frac{\lambda}{2(n-1) \cdot \frac{n-n!}{n!(n-1)}\theta} = \frac{\frac{\lambda}{2(n-1) \cdot \frac{n-n!}{n!(n-1)}\theta}}{\frac{\lambda}{2(n-n')\theta}} = \frac{\frac{n'\lambda}{2(n-n')\theta}}{\frac{\lambda}{2(\frac{n}{n'}-1)\theta}} = \frac{\frac{\lambda}{2(\frac{n}{n'}-1)\theta}}{\frac{\lambda}{2(\frac{n}{n'}-1)\theta}} = \frac{\lambda}{2(\frac{n}{n'}-1)\theta}$$

ملاحظة: يستعمل الترتيب المذكور في هذه المسأَّلة للتخلص مـــن الصعوبات التقنية لصناعة مواشير رقيقة جدا .

8 \_ عدسة محدبة مستوية نصف قطر انحناء وجهها ( R = 40 cm )، توضع بحيث يمس سطحها المحدب صفيحة زجاجية ، تشكل اهداب تداخل ، ویکون نصف قطر واحد منها ( X = 2,5 cm )، نراقب هذا . (  $\Delta - B = 5$  ) الهدب ،ونبدأ برفع العدسة عن الصفيحة ببطىء لعلو ماذا يصبح نصف قطر هذا الهدب ؟  $\Delta = 2 \pm .\cos \theta' - \frac{\lambda}{2}$ \_ يعطى فرق المسير بالعلاقة

ان شرط تشكل الاهداب المضيئة 
$$\Delta = K\lambda$$
 والاهداب المظلمة  $\Delta = (K + \frac{1}{2}) \lambda$ 

حيث ٢ عدد صحيح ٠

ومنه تعطى انصاف اقطار الاهداب المظلمة ،بالعلاقة

 $X_{\nu}^{2} = KRA$ عند رفع العدسة بالمسافة 't يصبح  $\Delta' = 2(t + t')$ وتعطى انصاف اقطار الاهداب المظلمة ' $\chi$  بالعلاقة  $\Delta' = 2 \left( \frac{X'K}{2R} + \frac{t'}{2R} \right) = K$ شكل 1\_8

$$x_{\kappa}^{2} = R(\kappa\lambda - 2E')$$

وتتناقص قیمة X' عند زیادة t ذلك V ، V و V ثوابت وتصبح القیمة الجدیدة ل V هی :

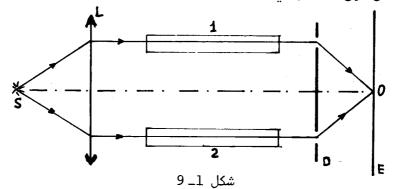
$$X'_{K} = \sqrt{\chi_{K}^{2} - 2 \Delta h R}$$

$$X'_{K} \approx \sqrt{5.85} \cdot 10^{-2} m$$

9 \_ يعرض الشكل 1\_9 مخططاً لمقياس تداخلي ، يستعمل لقياس

قرينة انكسار المواد .  $\mathbf{2}$  شق ضيق يضاء بضوء وحيد اللون  $\mathbf{3}$  .  $\mathbf{1}$  .  $\mathbf{7} = \mathbf{5890} \, \mathbf{A}^{o}$  ) .  $\mathbf{1}$  .  $\mathbf{1} = \mathbf{5890} \, \mathbf{A}^{o}$  ) .  $\mathbf{1}$  .  $\mathbf{1} = \mathbf{5890} \, \mathbf{A}^{o}$  ) .  $\mathbf{1}$  .  $\mathbf{1} = \mathbf{5890} \, \mathbf{A}^{o}$  كل منهما  $\mathbf{1}$  .  $\mathbf{1}$  .

\_ ان فرق المسير في حالة امتلاء الانبوبين بالهواء له قيمة معدومة



من اجل الهدب المركزي 0 : عند وضع غاز النشادر يصبح فرق المسير

$$\Delta = \ell (n_2 - n_1) = N \lambda$$

$$n_2 = n_1 + \frac{N\lambda}{\ell} = 1,000277 \frac{17 \cdot 5.89 \cdot 10^{-8}}{10}$$

$$n_2 = 1.000377$$

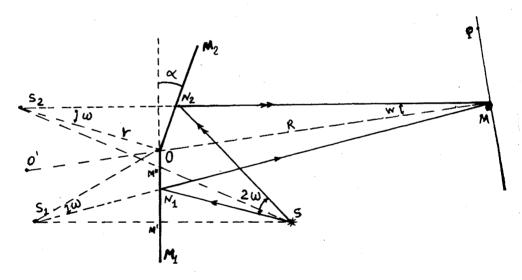
10 ـ بين أنه في حالة مرآتي فرنل يقع كل من المنبع S وخياليه الوهميين  $S_1$  و  $S_2$  على محيط دائرة مركزها  $S_3$  ينطبق على نقطة تقاطع حرفي المرآتين مع المستوي العمودي على هذا الحرف والمار مــن النقطة  $S_3$  استعن بالرسم  $S_3$  وبين ان  $S_3$ 

أ .  $S_1 = 2 \times S_1 = 2 \times$ 

ج  $\frac{r}{(r+R)}$  حيث 2W زاوية اقتراب الشعاعين المتداخلين من اجل النقطة المركزية M للحقل .

 $S_1S_2 = \ell = 2rd .$ 

 $i = \lambda \frac{r+R}{2\alpha r}$  ه . عرض الهدب  $i = \lambda \frac{r+R}{2\alpha r}$  نشير الى أن الزوايا  $\alpha$  ،  $\omega$  و  $\omega$  صغيرة .



#### شكل 1\_10

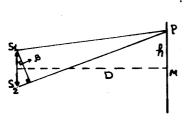
\*كُوهُ التداخل هي الزاوية المحصورة بين زوج من الاشعة التي ستتداخل بعد عبورها شقي يونغ أو انكسارها في موشوري فرنل أو انعكاسها على مرآتي فرنل في نقطة ما من اللوحة التداخلية (حقل التداخل).

-- نجد من الشكل بعد الأخذ بعن الاعتبار أن الشعاع الوارد والشعاع المنعكس يقعان في مستوي واحد ، وبالتالي  $S_1$  ،  $S_2$  و $S_2$  يقعوا في نفس المستوي ، من تطابق المثلثين ' $S_1$ 0 و  $S_2$ 0 ومنه  $S_3$ 0 نجد أن  $S_4$ 0 =  $S_4$ 0 ومنه  $S_4$ 0 =  $S_5$ 0 ومنه  $S_5$ 0 =  $S_5$ 0 أي أن الاخيلة تبقى ثابتة البعد عن النقطة  $S_4$ 0 ، وذلك من أجل أي وضع للمنبع ، وبالتالى فهى تقع على محيط دائرة مركزها  $S_4$ 0 .

آ . ان الزاویتین M'SM'' متساویتان بالتعامد ، والزاویة M'SM'' محیطیة تحصر القوس  $S_1S_2$  . الزاویة  $S_1OS_2$  مرکزیة تحصر نفس القیوس از  $S_1S_2$  .

ب ، ان کوة التداخل في حالتنا هي  $N_2 = 2W$  ، المثلثان  $S_2 N_2 = 0$   $S_2^2 N_1 = 0$   $S_1^2 N_1 = 0$   $S_1^2 N_1 = 0$   $S_1^2 N_2 = 0$   $S_1^2 N_1 = 0$   $S_2^2 N_2 = 0$   $S_1^2 N_1 = 0$   $S_2^2 N_2 = 0$   $S_2^2 N_2 = 0$   $S_2^2 N_3 = 0$   $S_2^2 N_3 = 0$   $S_2^2 N_3 = 0$   $S_2^2 N_3 = 0$   $S_3^2 N$ 

and  $\frac{S_2O'}{r} = \alpha$ ,  $\frac{S_2O'}{O'M} = \frac{S_2O'}{r+R} = \omega$   $\frac{S_2O'}{r+R} = \alpha$   $\frac{S_2O'}{O'M} = \frac{S_2O'}{r+R} = \omega$   $\frac{A}{r+R} \Rightarrow \frac{A}{a-\omega} = \frac{r+R}{r} \Rightarrow \omega = \frac{A}{R+r}$   $\frac{A}{w} = \frac{r+R}{r} \Rightarrow \alpha$   $\frac{A}{r+R} \Rightarrow \alpha$   $\frac{A}{r+R}$ 



: (10\_2)
$$\Delta = S_1 S_2 \cdot S_1 \cap \beta =$$

$$= S_1 S_2 \cdot \frac{f_1}{D} = MA$$

$$f_1 = \frac{D \cdot MA}{S_1 S_2}$$
equiv where  $S_1 S_2 = S_1 S_2$ 
equiv  $S_1 S_2 = S_2 S_2 = S_1 S_2$ 
equiv  $S_1 S_2 = S_2 S_2 = S_2 S_2 = S_2 S_2$ 
equiv  $S_1 S_2 = S_2 S_2 = S_2 S_2 = S_2 S_2 = S_2 S_2$ 
equiv  $S_1 S_2 = S_1 S_2 = S_2 S_2 =$ 

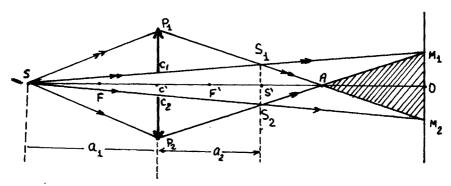
$$i = h_2 - h_1 = \frac{D\lambda}{S_1S_2} = \frac{D\lambda}{2r.d} = \frac{(r+R)}{2rd} \cdot \lambda$$

11 \_ عدسة مقربة بعدها المحرقي ( مع 20 °Cm) وقطرها (4 سم)

شطرت الى شطرين متساويين، وجعل البعد بين المركزين البصريين للشطرين 1 مم . فاذا كان الشق المضيىء يقع على مسافة (عبد على مسافة (عبد على من العدسة . وكان طول موجة الضوء المستعمل 0,55 ميكرون . احسب مايلي : آ . البعدبين المنبعين المترابطين (خيالي الشق في شطري العدسة .

ب ، المسافة الفاصلة بين العدسة والشاشة التي تتكون عليها الاهداب حتى يكون البعد الهدبي مساويا 0,11 مم ، ج ، عدد الاهداب المتكونة على الشاشة عندئذ ،

د ، سماكة صفيحة شفافة متوازية الوجهين التي اذا وضعت في طريق احدى الحزمتين المتوازيتين ، أدت الى ازاحة الهدب المركزي عـن موضعه بمقدار 0,8 مم ،



$$\frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_1} = \frac{1}{4}$$
 من العلاقة  $\frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_1} = \frac{1}{4}$  عيث أن  $\frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_2} = \frac{1}{20} \Rightarrow a_2 = 40 \text{ cm}$ 

حيث  $a_2$  بعد المستوي الذي يتشكل عليه الخيال عن العدسة  $a_2$  وبما أن العدسة مشطورة ( انظر الشكل  $a_2$  )فان الخيال ينشطر الى خيالين  $a_2$  و  $a_2$  .

انه  $S_1S_2$  و  $S_2$  و  $S_2$  و نتجد أن:  $S_1S_2$  و نتجد أن:  $S_1S_2$  و نتجد أن:  $S_1S_2 = 2$   $S_2 = 2$   $\frac{CC_2}{a_1}$  ( $a_1 + a_2$ ) = 2 m m نحسب بعد  $S_1S_2 = 2$  معتمدین علی تشابه المثلثین  $S_1S_1 = 20$  m m  $S_1S_1 = 20$  m m

$$AC = CS' + S'A = 2 + 20 = 22 cm$$

$$i = \frac{\lambda \cdot 5^{\circ}0}{S_{1}S_{2}}$$
  $\Rightarrow s^{\circ}0 = \frac{i \cdot S_{1}S_{2}}{A} = \frac{0.11 \cdot 2}{0.55 \cdot 10^{-3}} = 40$ 

ومنه يكون بعد الشاشة عن العدسة c o : co = cs' + s'0 = 80 cm

$$\frac{20M_1}{t} = \frac{200}{100}$$
 ج ، عدد الاهداب =  $\frac{200}{100}$  البعد الهدبي  $\frac{20M_1}{t}$  عدد من المثلثين  $\frac{20M_1}{t}$  و  $\frac{20M_1}{t}$  ان  $\frac{20M_1}{t}$ 

$$M_1M_2 = 20 M_1 = \frac{0.5 \cdot c_1c_2}{sc} = \frac{120 \cdot 0.1}{40} = 0.3 cm$$

acc | Wacl- | 120 \cdot 0.1 | 20.3 cm

أى أن هناك 28 هدباً مضيئا و 27 مظلما لأن الهدب المركزي مضيئ.

د . عند وضع الصفيحة الشفافة ينزاح الهدب المركزي بالمسافـة x في نفس اتجاه الخيال الذي وضعت أمامه الصفيحة ذات السماكة  $oldsymbol{t}$ . ويصبح فرق المسير من اجل الهدب المركزي ( انظر الشكل 2-11)



شكل 11\_2

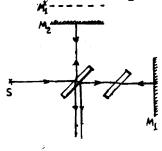
-m Δ= (n-1) t  $\frac{2^2}{2^2} = \frac{20}{2} , \nabla = \frac{2^2}{2^2} \cdot \nabla \times$  $t = \frac{\overline{S_1S_2} \cdot \Delta X}{S_1D_1D_1A_2} =$ 

 $=\frac{2\cdot 0.8}{400\cdot 0.5}=8\cdot 10^{-3} \text{mm}=8 \,\mu$ 

12 \_ استعمل لاضاءة مقياس مايكلسون التداخلي الخط الطيفي الاصفر لضوء الصوديوم المولف من طولين موجيين  $34 = 5890 \, A^0$ و $^{o}$   $^{o}$   $^{o}$   $^{o}$   $^{o}$  يلاحظ اختفاء اللوحة التداخلية بشكل دوري أثناء الازاحة الانسحابية لاحدى المرآتين ، فسر ذلك . جد مقدار ازاحــة المرآة بين ظهورين واضحين متتاليين للوحة التداخلية ،

\_ نفرض ان وضوح اللوحة التداخلية يتحقق من اجل قيمة مامعينة ل t ( انظر الشكل 1\_12 ) :  $\Delta = 2t = n \lambda_2 = m \lambda_1$ 

حيث أن m و عددان صحيحان ، وهذا يعني تطابق النهايات العظمى  $oldsymbol{\lambda_1}$  واللوحة التداخلية المتشكلة ب $oldsymbol{\lambda_1}$  عند تغير 🛨 تتغير مواقع النهايات العظمى ومواقع النهايات الصغرى



شكل 1\_12

لكلتا اللوحتين لتنطبق على بعضهما ، مما يؤدي الن اختفاء اللوحة التداخلية الحاصلة ، وتظهر اللوحة التداخلية بوضوح من جديد عندما تتحقق المساوتين  $2(t+dt) = (n+\kappa) \lambda_1$ 

ومنه يكون شرط الانتقال من وضع واضح الى وضع واضح لاحق للوحة التداخلية ( 2 )  $\chi_1 = (K+1) = K$ 

من 1 و2 نجد ان

 $dt = \frac{\lambda_1 \lambda_2}{2(\lambda_2 - \lambda_1)} \approx \frac{\lambda_2}{2D\lambda} = 0.3 \, mm \, .$  (3)

13 \_ يعرض الشكل 1\_13 مخطط التداخل باستخدام مرآتي فرنـل.

الراوية بين المرآتين ' $\alpha = 12$  ، المسافتان من خطتقاطع المرآتين الى الشق المضيىء  $\mathbf{S}$  والى الشاشة  $\mathbf{E}$  تساويان على الترتيب ( $\mathbf{r}=10~\mathrm{Cm}$ ) و و ( $\mathbf{b}=130~\mathrm{Cm}$ ) ، طول موجة الضوء ( $\mathbf{A}=0.55~\mathrm{M}$ ) ، عين :

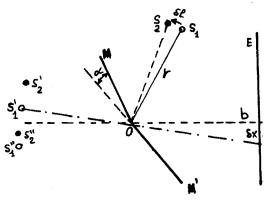
آ . عرض الهدب على الشاشة ،وعدد النهايات الممكنة .

ب ، ازاحة اللوحة التداخلية على الشاشة من اجل ازاحة الشــق بمقدار ( St = 1 mm ) وفق القوس ذي نصف القطر r والمركز o . ج ، من اجل أية قيمة عظمى للشق تبقى اللوحة التداخلية واضحــة بشكل كاف .

( 13-1 انظر الشكل 1-13 المحدد النهايات الممكنة  $i = \frac{4}{d} \times 1$  انظر الشكل 1-13 انظر الشكل 1-13 انظر الشكل 1-13 انظر الشكل 1-13 انظر المحدد النهايات الممكنة  $i = \frac{4}{d} \times 1$  انظر الشكل المحدد النهايات الممكنة  $i = \frac{4}{d} \times 1$ 

$$n = \frac{2b\alpha}{bx} = \frac{2b\alpha}{\frac{(b+r)\beta}{2\alpha r}} = 9$$

ب عند ازاحة المنبع $s_1$  بمقدار t أي الى الموضع $t_2$  ، ينزاح



موضعا الخيالين الوهميين الى و \S و الى كا و الى عنو الله عنو ا باتجاه معاكس لاتجاه ازاحة المنبع ، وذلك بالمقدار ٤٤ وهذا يقابله ِ ازاحة في موضع اللوحة التداخلية المتشكلة على - <u>- b</u> الشاشة E بالمقدار 8x:  $\delta x = b \cdot \frac{\delta \ell}{\kappa} =$  $= 1.30 \cdot \frac{0.7}{40} = 1.3 \text{ cm}$ 

شكل 1\_13

ج ، يمكن النظر الى الشق العريض على أنه مجموعة من الشقوق الضيقة المتوضعة الى جوار بعضعها البعض ، فمن اجل شق أعرض من الشق العنصري يمكننا النظر الى اللوحة التداخلية المتشكلة عنه أنها عبارة عن تراكب لوحتين تداخليتين متشكلتين عن الشق العنصريوعن شق جديد مزاح بمقدار ما عن الشق الاصلى ،وتبقى اللوحة الحاصلة شق جدید مرح . و افتحقق الشرط . و اضحة فیما بعد اذاتحقق الشرط .  $X = \frac{1}{4} \Delta X = \frac{1}{1}$  .  $X = \frac{1}{4}$ 

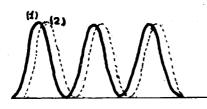
حيث X كم تمثل ازاحة اللوحة التداخلية المتشكلة عن الشق الجديد عن اللوحة الاصلية ، وبزيادة XX التيترتبط بـ St ، تأتي مرحلة تنطبق فيها النهايات المضيئة لاحدى اللوحتين مع النهايات المظلمةللوحة الاخرى وتختفى بالتالى صورة التداخل ، وهكذا بزيادة عرض الشق تظهر اللوحة التداخلية وتختفي دوريا ، ولكن في هذه الحالة تبدو اللوحة في حالة تشكلها قائمة على قاعدة مضاءة نسبيا . ويبين الشكل 2-13 توزع شدة اضاءة اللوحة التداخلية في الحالتين المذكورتين

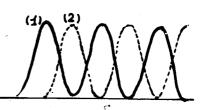
آنفا .

نعيد كتابة الشرط اللازم لتبقى اللوحة واضحة

### SX & 1 DX

 $b \frac{st}{r} = \frac{1}{4} = \frac{(b+r)\lambda}{2\alpha \cdot r} \implies \delta t \approx 2,78.10^{-4} \text{ cm}.$ 





ازاحة بمقدار نصف هدب

السورة الحاصلة عن تركيب 1 و 2 تظهر اضاءة منتظمة ·

.

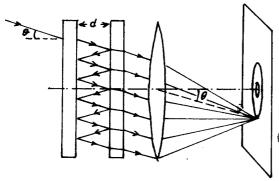
ازاحة بمقدار ربع هدب تبقى اللوحة الحاصلة عن تركيب 1 و2 واضحة .

شكل 2\_ 13

14 ـ تتشكل في المستوي المحرقي لعدسة مقربة أثناء اضاءة معيار فابري حبيرو التداخلي بضوء وحيد اللون متباعد لوحة تداخلية (الشكل 1-4) على هيئة جملة من الحلقات المتمركزة ، فاذاكانت سماكة العيار تساوي له، عين كيف تتعلق

آ . مواضع الخواتم برتبة التداخل ، واوجد العلاقة الرابطة بين نصف القطر الزاوي للهدب للهوب التداخلي ورتبة التداخل العظمى ع . ب . العرض الزاوي للهدب التداخلي .

ج. كيف يتغير عــرض الخواتم التداخلية وعند استبدال الطبقة الهوائية بين الصفيحتين بطبقة من الماء قرينة انكسارها n



شكل 1 \_14

ــ ان مواقع النهايات العظمى تتعين بالعلاقة التالية :

(1) 2 ± 2 cos 0 2 d.cos 0 و 2 d.cos 0 و تودي زيادة الزاوية الخاتم الي زيادة نصف قطر الخاتم الى نقصان رتبة التداخل فمن اجل الهدب المركزي

ومن اجل الهدب ذي الرقم 1 يكون

$$2 d \cos \theta_1 = (P_0 - 1) \lambda \tag{3}$$

اداكانت الزاوية 🔊 صغيرة ، نستطيع أن نكتب

$$2 d \cdot \left(1 - 2 \sin^2 \frac{\theta_1}{2}\right) = \left(p_0 - 1\right) A$$
 (3)  
 $\theta_1^2 = \frac{2}{p_0}$  (3)

$$O_{1}^{2} = \frac{2}{\rho_{0}}$$

$$O_{2}^{2} = O_{1}^{2} = O_{2}^{2}$$

$$O_{2}^{2} = O_{2}^{2} = O_{2}^{2}$$

$$O_{2}^{2} = O_{2}^{2} = O_{2}^{2}$$

$$O_{3}^{2} = O_{4}^{2} = O_{2}^{2}$$

$$O_{4}^{2} = O_{2}^{2} = O_{2}^{2}$$

$$O_{2}^{2} = O_{2}^{2} = O_{2}^{2}$$

$$O_{3}^{2} = O_{4}^{2} = O_{2}^{2}$$

$$O_{4}^{2} = O_{2}^{2} = O_{2}^{2}$$

$$O_{3}^{2} = O_{4}^{2} = O_{2}^{2}$$

$$O_{4}^{2} = O_{2}^{2} = O_{2}^{2}$$

$$O_{3}^{2} = O_{4}^{2} = O_{2}^{2}$$

$$O_{4}^{2} = O_{4}^{2} = O_{4}^{2}$$

$$O_{5}^{2} = O_{4}^{2} = O_{4}^{2}$$

$$O_{6}^{2} = O_{4}^{2} = O_{4}^{2}$$

$$O_{7}^{2} = O_{7}^{2} = O_{7}^{2}$$

$$O_{7}^{2} = O_{7}^{2} = O_$$

ب . يمكن ايجاد العرض الزاوى للهدب من مفاضلة العلاقة 1 مع ملاحظة أن الانتقال من هدب الى آخر يغير رتبة التداخل بمقدار 1:

$$2d \cdot \sin \theta \delta \theta = (\delta P) \lambda \Rightarrow \delta \theta = \frac{\lambda}{2d \sin \theta}$$
 (4)

ويلاحظ من هذه العلاقة أن العرض الزاوي للهدب يتناقص بازدياد الزاوية ع،أى يتناقص بتناقص رتبة التداخل .

ج. عند استبدال الهواء بطبقة من الماء قرينة انكسارها ١

$$\Delta = 2 \, d \, n \, \cos \, r$$
  $\Delta = 2 \, d \, n \, \cos \, r$  (5)

حيث r زاوية الانكسار ، وتتعين مواضع الاهداب بدلالة r وفق العلاقة:

$$2d \cdot n \cdot \omega s r = K \lambda \tag{6}$$

يمفاضلة العلاقة 6 نجد أن:

$$8r = \frac{3}{2nd \cdot sinr}$$

Sin  $\theta' = n \sin r$  ( 14\_2 فير ان ( انظرالشكل

cus o'. So' = n cosr 8r

$$\delta\theta' = \frac{n\cos r \, \delta r}{\cos \theta \, l} = \frac{n\cos r}{\cos \theta \, l}$$

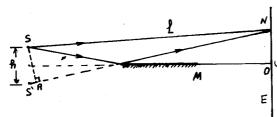
$$\frac{n\cos r}{\cos \theta \, l} = \frac{n\cos r}{\cos \theta \, l}$$

$$\frac{n\cos r}{\cos \theta \, l} = \frac{n\cos r}{\cos \theta \, l}$$

$$\frac{80' - \frac{n \cos r}{\cos \theta}}{\frac{2d \sin \theta}{\cos \theta}} = \frac{14-2 \text{ desine}}{\frac{2d \sin \theta}{\cos \theta}} = \frac{190}{1200 \text{ desine}}$$

وهكذا يزداد عسرض الهدب التداخلي النسبة

15 \_ في تجربة مرآة لويد ( الشكل 1 \_ 15 ) تتداخل الموجـــة الضوئية المنطلقة مباشرة من المنبع \$ (شق ضيق ) مع الموجة المنعكسة عن المرآة M . تتشكل بنتيجة التداخل جملة اهداب تداخل عــلى الشاشة  $\ell=100~cm$  . يكون عرض الهدب على الشاشة من اجلوضع ما للمنبع مساويا (i=0,25 ma) .اذا قمنا بابعاد المنبع عن مستوي المرآة بالمسافة (Δf = 0,6 mm) يتناقص عرض الهدب بـ 1.5 = 7 مرة ، بجد طول موجة الضوء .



شكل 1 ـ51

ر يعطى فرق المسير 
$$\Delta = \frac{1}{2}$$
 بالعلاقة  $\Delta = \frac{7}{2} - \frac{7}{2}$  حيث  $\Delta = \frac{7}{2}$  ناتجة عن الانعكاس على المرآة .

ان شرطتشكل الاهدابالمضيئة  $\Delta = KA$ 

وشرط تشكل الاهداب المظلمة

 $\Delta = (2K+1)\frac{3}{2}$ 

حيث أن K عدد صحيح ، من تشابه المثلثين SS'A و BNO نجد  $\frac{S'A}{DN} = \frac{S'A}{V} = \frac{2h}{D} \implies S'A = \frac{2hX}{D}$ 

 $X_{K} = \frac{K27}{2h}$  ,  $X_{K+1} = \frac{(K+1)27}{2h}$ 

ومنه يعطى عرض الهدب بالعلاقة  $\mathcal{L} = X_{K+1} - X_{K} = \frac{\ell \lambda}{2 \ell}$  $L' = \frac{L}{3}$  =  $\frac{L}{3}$  =  $c' = \frac{2\lambda}{2(k+bk)}$ غير ان 1=71 = 274 = 21 = 2h7 = 2(h+0h) = 09  $h = \frac{\Delta h}{2a-1} \Rightarrow \lambda = \frac{2hi}{l} = \frac{2i\Delta h}{l(2a-1)} = 0.6 \mu$ 

16 ـ ان الاهداب مختلفة الرتب في عيار فابري ـ بيرو التداخلي تملك شكل حلقات متمركزة :

آ • أين تتوضع اهداب الرتب العليا الى جوار المركز أم بعيدة عنه ؟ ب • كيف يتعلق عرض الهدب برتبة التداخل ، بطول الموجة وبسماكة العيار ، الله . العيار ، العيار ، العيار ، العيار ، العيار ، الموجة وبسماكة العيار ، المعلم ا

حيث  $\Theta$  الزاوية بين الشعاع  $P \mathcal{A} = 2 \mathcal{A} \cos \Theta$  الزاوية بين الشعاع الخارج من الصفيحة والناظم عليها · نجد أن الاهداب تقترب من المركؤ في حالة زيادة الرتبة ( $P \mathcal{A} + \Phi$ ) والزاوية  $\mathcal{A}$  تتناقص ·

 $\Delta \theta = \frac{3}{2 \, \text{h sine}} \quad . \quad . \quad .$ 

أي أن عرض الهدب يزداد بازدياد طول الموجة وبازدياد رتبة التداخل ويتناقص بزيادة ،

 $V = \frac{E_{max} - E_{min}}{E_{max} + E_{min}}$  جد تغیر عامل وضوح رؤیة الاهداب = 17 حیث = 17 شدة الاضاءة ، في ترتیبات ( أجهزة )فرنل بتابعیة زیادة عرض المنبع .

نقسم خيال المنبع ذي العرض 2 b الى أشرطة (شرائح) فيقة  $\mathbf{J}_o dx$  ، كل منها يمكنه أن يعطي اضاءة عظمى  $\mathbf{J}_o dx$  . فمن اجل نقطة  $\mathbf{M}$  تبعد بالمسافة  $\mathbf{J}_o dx$  عن النهاية العظمى المركزية  $\mathbf{J}_o dx$  ( الشكل  $\mathbf{J}_o dx$  ) ، تكون الاضاءة التي يسببها الجزء  $\mathbf{J}_o dx$  المجاور لمنتصف المنبع معطاة بالعبارة

 $dE = I_0 dx \left(1 + \cos \frac{4\pi \ell h}{7D}\right) = I_0 dx \left(1 + \cos \frac{2\pi h}{B}\right)$   $- \lim_{n \to \infty} \int_{0}^{\infty} dx \left(1 + \cos \frac{2\pi h}{B}\right) dx$   $- \lim_{n \to \infty} \int_{0}^{\infty} dx \left(1 + \cos \frac{2\pi h}{B}\right) dx$ 

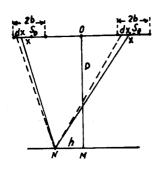
 $S_0$ وتكون الاضاءة التي يحدثها الجزء dx المتموضع الى اليسار من على مسافة x في النقطة M معطاة بالعلاقة :

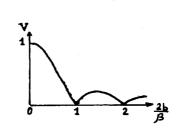
$$dE = I_0 dx \left(1 + \cos \frac{2\pi (h - x)}{\beta}\right)$$

ونحصل على الاضاءة الكلية في النقطة ١/ باجراء التكامل:

$$E = \int_{b}^{+b} I_{o} \left(1 + \cos \frac{2\pi (h-x)}{\beta}\right) dx = 2I_{o}b + I_{o} \frac{\beta}{\pi} \sin \frac{2\pi b}{\beta} \cdot \cos \frac{2\pi h}{\beta}$$

يعطي الحد الاول من الطرف الأيسر اضاءة ثابتة من اجل اللوحة ككل ( أي من اجل أية قيمة لh) وهذه تمثل الخلفية (الفون) ، ويتغير الحد الثاني دوريا بتابعية h ( معطيا نهايات عظمى وصغرى) . ويلاحظ أنه بزيادة عرض المنبع h تبدأ الخلفية بالنمو التدريدي ولا يمكن للنهايات العظمى كما هو ملاحظ من العلاقة أن تتجاوز القيمة  $\frac{1}{6}$ 





شكل 1 \_17

شكل 2 \_ 17

إن زيادة عرض المنبع تؤدي الى انخفاض تباين الاهداب بالتدريب.

وتدعى النسبة 
$$V = \frac{E_{max} - E_{min}}{E_{max} + E_{min}}$$
 وتدعى النسبة  $V = \frac{\beta}{2\pi h} | Sin \frac{2\pi b}{\beta} |$ 

وبزيادة 4b تدريجيا تبدأ V بالانتهاء الى الصفر مارة بسلسلة من النهايات العظمى والصغرى · ويعرض الشكل 2-17 تغير وضوحروية الاهداب بتابعية كل ٠٤ b

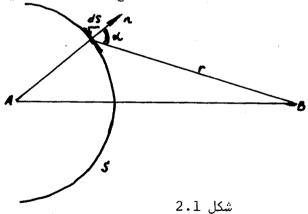
## الفصل الشاني الانـــعــراج

### 6 \_ مبدأ هويغنز \_ فرنل ، مناطق فرنل ،

ان الظواهر الانعراجية مرتبطة بحيود الضوء في منطقة الظـــل وذلك عند عبوره خلال فتحة صغيرة ، أو التوائه حول الحواجز ويشهل مبدأ هويغنز ( $\mathbf{Huygens'Principle}$ ) في تلك الصياغة التي منحها اياه العالم فرنل دراسة هذه الظواهر ، وقد قدم العالم كيرتشــوف ( $\mathbf{Kirchhoff}$ ) الاثبات الرياضي لهذا المبدأ .

ان كل نقطة من صدر الموجة حسب تصور هويغنز يمكن اعتبارها منبعا لامواج ثانوية . وتملك هذه المنابع المساعدة نفس الطور (ذلك لانها تقع على نفس صدر الموجة ) ، وبالتالي تعتبر منابع مترابطة ونتيجة لذلك فان الامواج الثانوية الصادرة عن هذه المنابع يجب أن تتداخل فيما بينها . وتعطي نتيجة هذا التداخل (حسب فرنل)الموضع اللاحق لصدر الموجة ، موضحا بذلك انتشارها .

يمكن دراسة انتشار الضوء من النقطة A الى النقطة B بالشكل التالي ( الرسم 2.1) ، نحيط المنبع ( النقطة A ) بسطح اختياري S ، بعدئذ سوف نعتبر ان هذا السطح يصدر ضوءا ، أي أن نقاطه



(وليس المنبع A) هي التي ترسل الضوء الى النقطة B . الموجة الثانوية الكرويــة . يمثل اشعاع كل عنصر ds من السطح كالموجة الثانوية الكرويــة

التي تحمل الاهتزاز الى النقطة  $rac{lpha_o}{
m v}$  Sin (  $\omega t$  - Kr - arphi ) (6-1)

حيث  $\alpha_0$  السعة و  $\gamma$  الطور للاهتزاز الحقيقي الواصل الى  $\gamma$  مرة في حالية ويظهر المضروب  $\gamma$  تناقص كثافة الطاقة  $\gamma$  مرة في حالية الموجة الكروية التي تقطع المسافة  $\gamma$  من  $\gamma$  المستقبل في النقطة  $\gamma$  ويكون تأثير العناصر  $\gamma$  في النقطة  $\gamma$  في هذه الحالة حسب فرنل \_ اصغر كلما كانت الزاوية  $\gamma$  المحصورة بين الناظم على السطح  $\gamma$  والاتجاه الى النقطة  $\gamma$  من العنصر المعنى اكبر .

ان انتقاء السطح كا اختياري ، ويجب في كل حالة محددة انتقاءه بالشكل الاكثر ملائمة ، فاذا تطابق هذا السطح مع جبهة الموجة المنطلقة من A ( كرة مركزها A ) ، فان جميع كل تملك نفس الطور ، ومناجل انتقاء آخر للسطح كا ، فان أطوار المنابع المساعدة لاتكون متساوية غير أن هذه المنابع بطبيعة الحال تبقى مترابطة ، إذا وجدت فيطريق الموجة من A الى B حواجز أو لوحات بثقوب ، بحيث تغلق بعض أجزاء جبهة الموجة ، فان الاشعاع من هذه الاجزاء المحجوبة لاتصل الى النقطة كا وعلى هذا الاساس يقوم مبدأ هويغنز \_ فرنل لدراسة الحوادت الانعراجية .

حيث  $\mathcal{K}(\alpha)$  يأخذ تابعية الموجة للزاوية  $\alpha$  بعين الاعتبار . ويمثل هذا التكامل الاساس الرياضي لحل مسألة الانعراج . ويرتبط استخدامه في كثير من الحالات الهامة باسم كيرتشوف .

يبسط تحليل وفهم مسألة تداخل الامواج الثانوية باستخدام طريقة "مناطق فرنل" ولعرض هذه الطريقة ندرس بالتفصيل انتشار الضوء من A الى النقطة B ، ونختار بمثابة C سطح الجبهة الموجية (كرة مركزها في A للمنبع النقطي ) . لنفرض C نقطة تقاطع هذا السطح مع المستقيم الذي يصل النقطة A بالنقطة B ( الشكل 2.2) .

نقسم السطح S الى مناطق تملك ابعادا تكون من اجلها المسافات من حدودها الى النقطة S مختلفة بمقدار S اي ان

$$C_1B - C_0B = C_2B - C_1B = C_3B - C_2B = --- = \frac{\pi}{2}$$

وهكذا تُضعف تأثيرات المناطق المتج**اورة** في النقطة **B** بعضها البعض ، من اجل التقسيم المذكور ( وبهذا تنحصر الفكرة الاساسيسة لطريقة فرنل ) .ويحدث هذا

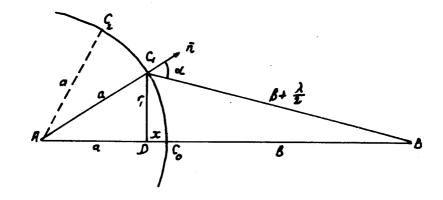
A ( المحادث ا

لان المنابع التصورية (التخيلة) للمنطقة  $C_0C_0$  موجودة على بعد من النقطة B اقرب بالمنابع الموافقة للمنطقة  $C_1C_2$ .

وبالتالي تصل الاهتزازات الصادرة عنهم الى النقطة **8** 

متعاكسة في الطور . بهذا الشكل يضعف تأثير المنطقة المركزية في النقطة عندا دواليك .

بما ان تأثير كل منطقة متناسب مع عدد النقاط المضيئة ، اي مع مساحة هذه المنطقة . نقوم بحساب مساحات بعض المناطق . نجد من اجل المنطقة المركزية (الشكل 3-2) باستخدام المثلثين



 $K^{2} = \alpha^{2} - (a - x)^{2} = (b + \frac{\lambda}{2})^{2} - (b + x)^{2} : DC_{1}B_{9}AC_{1}D$   $X = \frac{b\lambda + (\frac{\lambda}{2})^{2}}{2(a+b)}$   $X = \frac{b\lambda + (\frac{\lambda}{2})^{2}}{2(a+b)}$  (6-2)

ونحصل من اجل ارتفاع  $\frac{X}{m}$  للشدفة التي تضم m منطقة من مناطق فرنل  $bm A + m^2 (\frac{\Lambda}{2})^2$ 

$$X_{m} = \frac{b m \lambda + m^{2} (\frac{\lambda}{2})^{2}}{2 (a + b)}$$
 (6.3)

اذا كان b كلا ، نحصل من اجل المنطقة الاولى على

$$X = \frac{b}{a+b} \cdot \frac{\lambda}{2} \tag{6.4}$$

حيث x ارتفاع الشدفة الكروية الممثلة للمنطقة الأولى · وتساوي مساحة هذه الشدفة :

$$S_0 = 2 \pi a \times = 2 \pi a \frac{b}{a+b} \frac{1}{2} = \frac{\pi a b}{a+b} \lambda$$
 (6.5)

تعطى مساحة الشدفة  $^{\mathbf{C}_{2}}_{2}$  الممثلة للمنطقتين الأوليتين بالعلاقــة

$$2\pi a x' = 2\pi a \frac{b}{a+b} \lambda \qquad (6-6)$$

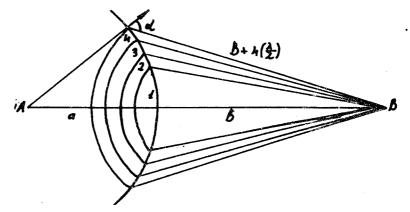
وهكذا نجدأن مساحة المنطقة الثانية تساوي:

$$\frac{2\pi ab}{a+b} \beta - \frac{\pi ab}{a+b} \beta = \frac{\pi ab}{a+b} \beta \qquad (6-7)$$

اي انها تساوي مساحة المنطقة الاولى ، وجميع المناطق اللاحقة تملك نفس هذه المساحة تقريبا . وهكذا يُقسم انشاء فرنل في هذه الحالة سطح الموجة الكروية الى مناطق حلقية متساوية المساحة ، مساحة كل مساحة كل

$$\frac{\pi ab\lambda}{a+b}$$
 منها منها

يتناقص تأثير المناطق المنفصلة في النقطة B، بازدياد الزاوية من بين الناظم على سطح المنظقة والاتجاه الى B، وبالتالييتناقص



شكل 2.4 تأثير المناطق تدريجيا من المنطقة المركزية 1 نحو المناطق الطرفية ( ذات الترقيم المرتفع ) ، وذلك بغض النظر عن تساوي (أو حتىنمو

طفیف فی ) مساحاتهم ۰

لنفرض أن تأثير المنطقة المركزية في النقطة  $oldsymbol{\mathcal{B}}$  يعبر عنها باهتزازة مثارة سعتها  $S_0$  ، وتأثير المنطقة المجاورة باهتزازة سعتها  $S_1$  ، والتي تليها بسعة قدرها  $S_2$  وهكذا دواليك ، ويتناقص تأثير المناطق تدريجيا (مع أنه ببطء) من المركز الى الحواف ، بحيث ان  $S_2 < S_1 < S_2 < S_2 < S_1 < S_2 < S_2 < S_1 < S_2 < S_2 < S_1 < S_2 < S_2 < S_1 < S_2 < S_1 < S_2 < S$ 

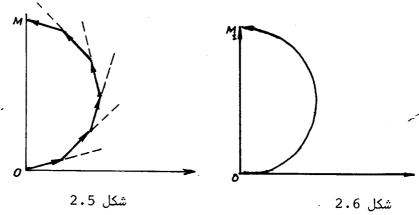
 $S = S_0 - S_1 + S_2 - S_3 + S_4 - \dots$   $= S_0 - (S_4 - S_2) - (S_3 - S_4) - (S_5 - S_6) - \dots (6_{-8})$   $= S_0 - (S_4 - S_2) - (S_3 - S_4) - (S_5 - S_6) - \dots (6_{-8})$   $= S_0 - (S_4 - S_2) - (S_3 - S_4) - (S_5 - S_6) - \dots (6_{-8})$   $= S_0 - (S_4 - S_2) - (S_3 - S_4) - (S_5 - S_6) - \dots (6_{-8})$   $= S_0 - (S_0 - S_4 + S_2 - S_6) - \dots (6_{-8})$   $= S_0 - (S_0 - S_1 + S_2 - S_2 - S_6) - \dots (6_{-8})$   $= S_0 - (S_0 - S_1 + S_2 - S_2 - S_2 - S_6)$   $= S_0 - (S_0 - S_1 + S_2 - S_2 - S_2 - S_6)$   $= S_0 - (S_$ 

من هنا نرى ان سغة الاهتزاز الحاصل أُصغر من سعة الاهتزازالناتج عن المنطقة الاولى فقط وبالتالي يُرّد تأثير الموجة ككل في النقطة  $\boldsymbol{\beta}$  ، الى تأثير جزء صغير منها أقل من المنطقة المركزية وفمن اجل قيم له و  $\boldsymbol{\delta}$  من رتبة 1م ، تكون مساحة الجزء الفعال من الموجــة  $\frac{\pi ab\lambda}{\alpha+b}$  من رتبة 1 مم وهكذا فان الضوء ينتقل من  $\boldsymbol{A}$  الى قمن قنال دقيق جدا وفق  $\boldsymbol{A}$  ، أي أن انتشاره يتم وفق خطوط مستقيمة .

من المريح ايجاد الاهتزاز الحاصل في النقطة **B** ، بجمع الاهتزاز الوارد من مختلف المناطق بيانيا .

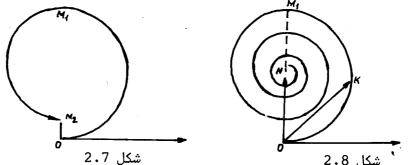
لكي نمثل تأثير احدى المناطق بيانيا ، نقوم بتقسيمها الى أجزاء مغيرة متساوية بحيث يمكن اعتبار كل منبع من هذه المنابع الصورية مشعا لامواج متفقة في الطور ، ويمثل تأثير مثل هذا المنبع شعاع يعين طوله بالسعة ،ويحدد اتجاهه بالطور المرتبط بذلك المنبع ويمثل تأثير الجزء المجاور بشعاع طويلته تساوي طويلة الشعصاع السابق ، غير أن اتجاهه يميل على اتجاه الشعاع الآخر ، ويشعالجزء العنطقة على تعاكس تقريبا في الطور مع الاول ، ذلك لأن

بعديهما عن النطقة B مختلفان بالمخلط الشكل 2.5) وهكذا يمثل المخطط الشعاعي الذي يحدد تأثير سلسلة الاجزاء المشكلة لاحسدى المناطق بخط منكسر ، ويمثل الاهتزاز الحاصل بالشعاع 0M الذي يغلق ذلك الخط ، ويبين الشكل أن المنطقة هنا قد قسمت الى ستة اجزاء  $\bullet$ 



عندما يزداد عدد الاجراء وذلك بتصغير ابعادهم ، يتحول الخط المنكسر الى قوس من دائرة (الشكل 2.6) ، وهكذا يملك المخطط الشعاعي لتأثير المنطقة المركزية شكل نصف دائرة ، حيث يعبر الشعاع 0 من الاهتزاز الحاصل الذي يولده تأثير هذه المنطقصة مفردها فقط .

لكى نحسب تأثير المنطقة الثانية ، يجب الاستمرار في تكسوين



المخطط الشعاعي ، وذلك بانشاء نصف الدائرة اللاحق (الشكل 2.7) • وملك القوس  $M_1M_2$  قطرا أصغر من  $0M_1$ ، ذلك لأن ميل المنطقة الثانية (الزاوية  $\infty$ ) اصغر من المنطقة المركزية ، ونحصل على مخطط تأثير جميع الامواج باستمرار الانشاء (الشكل 2.8) ، ويمثل الشعاع 0N=S

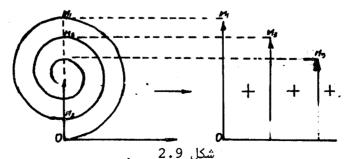
تأثير جميع الامواج ، ويتضح من الرسم أنه يساوي نصف الشعـــاع  $S_0 = OM_1$  الذي يمثل تأثير المنطقة المركزية ، ويتفق معه في الاتجاه وهذا يعني ان الاهتزاز في النقطة B الذي تحدثه جميع الامواج يتفق في الطور مع الاهتزاز الذي تولده المنطقة المركزية ، وتساوي طويلته نصف طويلة اهتزاز المنطقة المركزية ، ويجب هنا ألا نخلط بين هذا الاهتزاز والاهتزاز الذي يولده نصف المنطقة المركزية ، والممثل الشعاع ON ، ويلاحظ ان هذا الشعاع لايساوى ON .

نشير مرة اخرى الى أن المخططات الشعاعية تعتبر رمزية ، ولاترتبط بشكل مباشر بالشعاعين  $\vec{E}$  و  $\vec{H}$  للموجة الكهرطيسية الضوئية ، غير أن استعمالهم يبسط بشكل كبير دراسة المسائل الانعراجية .

يمكن التأكد من واقعية مناطق فرنل باستخدام الشاشة ذات المناطق . اذا جهزنا شاشة تغطي المناطق الزوجية أو الفردية فقط ، فاننا نحصل على زيادة في الاضاءة في النقطة  $\mathbf{B}$  . ويجب أن توضع هذه الشاشة في مكان محدد بين النقطتين  $\mathbf{A}$  و  $\mathbf{B}$  ، ذلك لأن اقطار مناطق فرنلت علق به و  $\mathbf{b}$  . فمن اجل المنطقة ذات الترتيب  $\mathbf{m}$  ، يكون :

$$r_{m} = \sqrt{\frac{m \alpha b \lambda}{(\alpha + b)}} \tag{6.9}$$

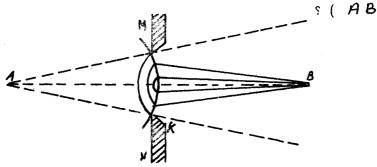
ويماثل تأثير هذه الشاشة ( الصفيحة ذات المناطق ) تأثير العدسة المجمعة ، فاذا أغلقنا على سبيل المثال جميع المناطق الفردية ، فان الموجة العابرة لمثل تلك الصفيحة ، سوف تعطي في النقطة B سعة للاهتزاز قيمتها :  $S = S_0 + S_4 + S_6 + \cdots + S_6 + \cdots$ 



وتكون السعة الحاصلة في هذه الحالة أكبر بكثير من السعة التي تولدها الموجة باكملها عندما لاتكون محجوبة ، وهذا مانلاحظه على المخطط الشعاعي المعروض على الشكل 2.9 .

### 7 \_ بعض المسائل البسيطة في الانعراج .

ندرس من جديد انتشار الضوء من النقطة A الى النقطة B ولنفرض ان حاجزا عاتما ММ يحوي على فتحة دائرية صغيرة 🖟 ، قد وضع في طريق الاشعة بين النقطتين А و В (الشكل 2.10) . كيف يؤثر ذلك على شدة الضوء في النقطة B ( نفرض ان مركز الفتحة يقع على المستقيم



شكل 2.10 لكي نجيب على هذا السؤال ، نختار سطحفرنل ـ المحل الهندســـي للمنابع الثانوية النقطية ، لنفرض أن هذا السطح يمس الحاجز ΜΝ، وينطبق داخل الفتحة على سطح الموجة الكروية ، نجزى هذا السطح الى مناطق فرنل الحلقية ، كما فعلنا ذلك في الفقرة 6 ، أي بشـكل نجعل فيه الاشعة الصادرة عن المناطق المتجاورة على تعاكس فيالطور بحيث تضعف بعضها البعض أثناء التداخل.

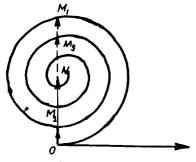
تصل الى النقطة 8 الأشعة الصادرة عن تلك المناطق الموجودة داخل الفتحة (ذلك لأن الحاجز العاتم لايمرر الأشعة ) . ويلاحظ على رسمنا وجود ثلاث مناطق مفتوحة ، ويمكننا اعتمادا على المخطط الشعاعي (فقره 6) أن نعين الشدة في النقطة В ، وتساوى هذه الشدة مرسغ الشعاع OM3 (الشكل 2.11) . وبما أن الشدة في النقطة B من اجل موجة مفتوحة تساوي مربع ٥٨ ، نلاحظ أنها فيحالة وجود الحاجز اكبر منها فيحالة عدم وجودها ، وتحصل أعظم اضاءة في حالة ابــقاء المنطقة الاولى فقط مفتوحة (الشعاع $N_1$ ) . اضف الى ذلك انالاضاءة تبقى في النقطة В من أجل أي عدد غير زوجي من المناطق المفتوحة أكبر منها في حالة عدم وجود الحاجز (الشعاع ON).

ويزداد عدد المناطق مع زيادة قطر الفتحة ، وتسعى الشدة في

النقطة В الى شدة الموجة المفتوحة ، وهكذا فان الظاهرة المدروسة

تحدث فقط من اجل افتحات الصغيرة التي تحوي عددا صغيرا نسبيامــن مناطق فرنل .

ومن المثير حقا الحالة الستي يوجد فيها عدد زوجي من المناطق المفتوحة ، مثلا اثنتان فقط ، تحدد السعة في هذه الحالة للأمواج الضوئية في النقطة ع بالشعاع ١٤٠٠ الذي يقلكثيرا

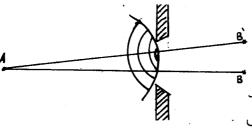


شكل2.11

عن ON (ذلك لأن المنطقتين المتجاورتين تعملان على اضعاف تأثيرهما المشترك في النقطة B) ، وأثناء ذلك تظهر في المنطقة المركزية للحقل بقعة ظلمظلمة ، إن هذه النتيجة الغير منتظرة لايمكن تفسيرها منوجهة نظر الضوء الهندسي ، الذي يفترض تشكل خيال للفتحة على صورة بقعة ضوئية منتظمة الاضاءة ، عند زيادة أبعاد الفتحة تساهم مناطق فرنل الأكثر في زيادة الاضاءة ، وتختفي هذه الظاهرة تدريجيا، ذلك لأن السعة تسعى الى ON شعاع الموجة المفتوحة ،

إذا ازيحت نقطة المراقبة الى جوار النقطة B ، فان شروط الايضاح تختلف ، ذلك لأن الفتحة تمرر من اجل النقاط الجانبية عددا غير صحيح من مناطق فرنل الحلقية (الشكل 1.12) ، ان حساب الشدة في هذه الحالة صعبا إلا أنه

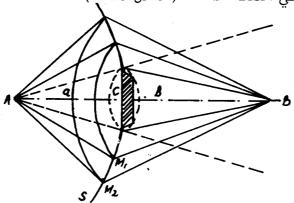
استنادا الى التناظر، يتضح أن اللوحة يجب ان تملك هيئة خاتمية لخواتم مظلمة ومضيئة ، تتحول أثناء الابتعاد عن النقطة B الى ظلمتجانس ويتعلق وضع الاضاءة في المركز



شكل 2.12

بابعاد الفتحة وطول الموجة والمسافة بين الماجز والنقطتين م و 8 · إن ظاهرة نشوء الأهداب الخاتمية المظلمة والمضيئة بالاضافة الى الدائرة منتظمة الاضاءة تفسر استنادا الى النظرية الموجية للضوء وتدعى بانعراج فرنل على الحلقات المستديرة ·

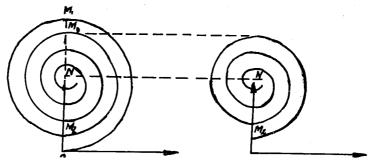
لنفرض الآن أن قرصا عاتما صغيرا C (من الأفضل تجريبيا استعمال كرة صغيرة ) موجود في طريق الاشعة الواردة من A الى B .كيف تتغير الاضاءة في النقطة B ؟ (الشكل 2.13) .



شكل 2.13

للاجابة على هذا السؤال نستخدم اسلوب فرنل · نختار بمثابـــة سطح مساعد \$ ، مرة اخرى ، جبهة الموجة الكروية التي تمس الــقرص العاتم ، ونجزئها الى مناطق حلقية · ولنفرض أن القرص يغطي عددا صغيرا من المناطق · عندئذ تتوقف المناطق المحجوبة بطبيعة الـحال عن المساهمة في تشكيل الاضاءة في النقطة \$ وتبقى مساهمة المناطق المفتوحة ·

اذا فرضنا مثلا انغلاق المنطقتين الأوليتين ، فإن الاهتزاز فــي ، النقطة على الشعاع السيام (وذلك في مكان ٥٥ في حالة اختفاء القرص) ،

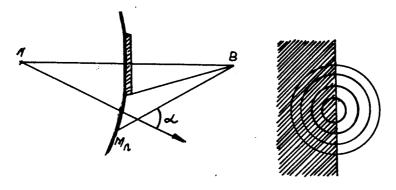


شكل 2.14

وهذا الشعاع يختلف بمقدار قليل عن الشعاع ٥٨ ، أي أن شدة الضوء في النقطة عند الشكل (الشكل 2.14) . إذا حجب القرص عددا من المناطق المركزية ، فان أول منطقة مفتوحة "تلعب دور المنطقة المركزية "ببمعنى أن تأثيرها يساوي تقريباتأثير المنطقة المركزية للموجة المفتوحة (ذلك اذاكان ترتيبها ليس كبيرا جداءأي أن القرص صغير ) .

وهكذا يلاحظ في مركز الظل الذي يخلفه القرص بقعة مضيئة . ويحاط الظل نفسه بأهداب حلقية مضيئة ومظلمة على التوالي . وتدعى هـذه الظاهرة بانعراج فرنل على حاجز دائري . وكأن الضوء ينحرف (ينحني) في منطقة الظل ، وهذا يعتبر نتيجة من نتائج الطبيعة الموجيـــة للضوء .

عند زيادة أبعاد الحاجز ، تزداد نمرة أول منطقة مفتوحة ،وتزداد في هذه الحالة الزاوية لم بين الناظم على هذه المنطقة والاتجاه الى النقطة B ( الشكل 2015) ، وتنخفض شدة الاشعاع الثانوي الصادر عن المنطقة نحو B بقوة في هذه الحالة ، وتختفي البقعة المضيئة



شكل 2.15

شكل 2.16

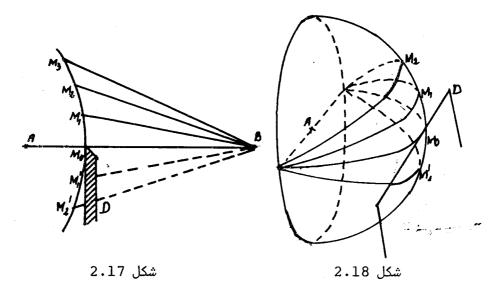
في مركز اللوحة ، وهكذافإن الانعراج يلاحظ فقط في حالة الحواجــز الصغيرة التى تغطى عددا غير كبير من مناطق فرنل ،

اضافة الى ملقيل سابقا يجب أن يكون القرص دائريا ويملك حوافا دقيقة ، حيث يمكنه في هذه الحالة فقط تغطية عدد محدد من المناطق ويولد بالتالي ظاهرة الانعراج ،

ندرس في النهاية الانعراج الحاصل على حافة حاجز مستقيم طويل. يسمح هذا بدراسة الانعراج على شق ضيق أيضا ، نختار كما هو الحال في المرات السابقة ،جبهة موجة كروية بمثابة سطح فرنل ، غير أن تقسيمها الى مناطق حلقية في هذه الحالة غير مناسب ، ذلك لأن الحاجز ذا الحافة المستقيمة يقطعها ، ويكون صعبا حساب تأثير المناطـــق المفتوحة أو المحجوبة جزئيا ، ويعرض الشكل 2016 صورة مثل هــذا الحاجز وسلسلة من مناطق فرنل (الصورة مأُخوذة من النقطة В ) .

من المناسب في الحالة السابقة تقسيم جبهة الموجة الى مناطق بشكل مغاير لما سبق ( الشكل 2.17) ، لنفرض أن الضوء ينطلق من A الى B ، ويوجد في طريق الاشعة حاجز لانهائي D (عمودي علي)  $--BM_2$ ،  $BM_1$ ،  $BM_0$  المستقيمات B ، نوصل من النقطة B $BM_1 - BM_0 = BM_2 - BM_1 = -- -= \frac{\lambda}{3}$ 

نمرر خلال المركز A مستويات موازية لحرف الحاجز D ، وتقطع

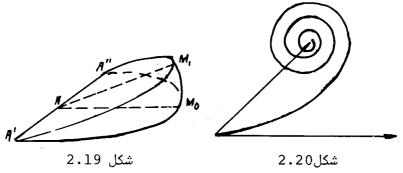


جبهة الموجة في النقاط  $M_{2}$   $M_{1}$  و  $M_{2}$   $M_{1}$   $M_{2}$   $M_{3}$  عندئذ يُقطَّع سطح الموجة الى اجزاء كما تقطع الكرة الارضية الى حزوزبواسطة خطوط الطول ، ويبقى الخلاف بأن مساحات هذه الاجزاء غير متساوية ، . دلك لأن المسافات $M_1 M_2 \sim M_1 M_2 \sim M_2 M_3$  تختلف عن بعضعها البعض ويعرض الشكل 2.18 كيفية تقطيع الموجة الكروية الى مثلهذه المناطق من اجل حرف مستقيم للحاجز ، ويبين الشكل 2019 هيئة واحدة مسن  $AM_0 = AM_1 = AA' = AA''$  مناطق فرنل حیث مناطق

نصف قطر الكرة ، ويتضح بسهولة أن مساحة المنطقة تتناقص كلمــا

ابتعدنا عن المنطقة المركزية ، وهذا التناقص يجري بسرعة في البداية ثم يتباطى، وتصل الاثارات الضوئية من المناطق المتجاورة اللي النقطة على تعاكس في الطور (انظر الشكل 2.17) كما هو الحال فيما سبق ، الا أن سعاتهم تتناقص بسرعة اكبر بكثير مما سبق.

ندرس المخطط الشعاعي لكي نحسب تأثير المناطق المختلفة (يجري الحديث هنا ، بطبيعة الحال ، عن تلك الاجزاء المجاورة للخط --- Mo M<sub>1</sub>M<sub>2</sub> ، ذلك لأن اجزاء المناطق البعيدة الى اليمين أوإلى اليسار عن هذا الخط تعطى مساهمة مهملة تقريبا في الاهتزاز الحاصل،

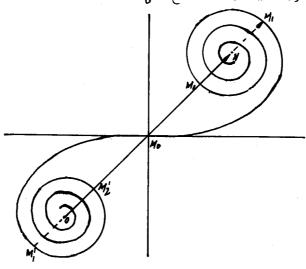


وذلك نتيجة لزوايا الانحراف الكبيرة )، ونحصل ايضا في هذه الحالة على لولب (الشكل 2.20) ، كما هو عليه الحال في المناطق الحلقية لفرنل ، الا أن هذا اللولب أكثر انسيابية (أقل انحدارا) ذلكلأن مساحة المناطق تتناقص أثناء الابتعاد عن M ، ولأن الاشعة الممثلة لتأثير الاجزاء الصغيرة المتتالية لكل منطقة تتناقص في حالتنا هذه بسرعة أكبر (كان تناقص الاشعة في الحالة السابقة يتم بسبب ازدياد ميل المنطقة فقط) .

يمثل اللولب المذكور تأثير الجزء العلوي المكشوف لنصف الموجة الكروية ، وعند ازالة الحاجز يساهم في تشكيل الاضطراب في النقطة B النصفان معاً للموجة ، ويملك المخطط الشعاعي ، من اجل مثل ذلك التقسيم المختار للمناطق هيئة لولب متناظر يدعى بحلزون كورنو (Cornu's Spirat) ويعرضه الشكل 2.21 .

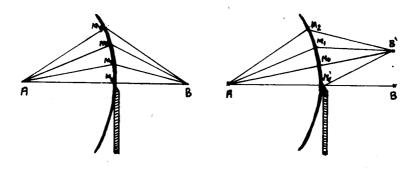
يمثل الشعاع ON الذي يصل بين محرقي اللولب الاهتزازة الحاصلة التي تحدثها جميع الامواج ، ويمثل الشعاع  $M_0 M_1$  الشدة التي تولدها

المنطقة الاولى  $M_0 M_1$  ، أما الاهتزازات التي يولدها في  $M_0 M_2$  النصف العلوى للموجة فيمثلها الشعاع  $M_0 M_1$ 



شكل2.21

ندرسالاً الانعراج على حرف حاجز (الشكل 2.22) بمساعدة حلزون كورنو ...وثر في النقطة B الواقعية على حدود الظل الهندسي،النصف العلوي للموجة ، والموافق للشعاع  $M_0N$  على حلزون كورنو (انظر الشكل 2.21) . بما أن  $M_0N = \frac{1}{2} ON$ ، تكون السعة الملاحظة في النقطة B مساوية لنصف سعة الموجة الكلية التي ستلاحظ في حالة نسزع الحاجز D . وعند الانتقال من النقطة B نحو الأعلى (في المنسطقة المضاءة ) يبدأ تأثير مناطق النصف السفلى للموجة .



شكل 2،22

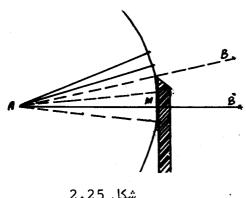
شكل2.23

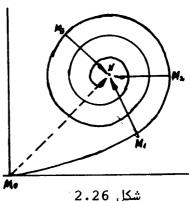
ويبين الشكل 2.23 مثلاً ، تأثير المنطقة السفلية الاولى في النقطة 'B'

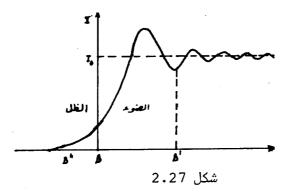
ولكي نحسب تأثيرها يجب أن. نضع مبدأ الشعاع على منحني كورنو في الجزء السفلي ، وهكذا اذا ساهمت بالاضافة الى النصف العلـوي بأكمله ، المنطقة الاولى من النصف السفلى ، فإن الاضطراب في النقطة Β' يوصف بالشعاع Μ', Ν (انظر الشكل2.21) . واذا ساهمت بالاضافة الى النصف العلوى منطقتان من النصف السفلي ، فإن الاضطراب في B' يمثل بالشعاع N و M' ذي الطول الأقصر ، وهكذا فإن ازاحة النقطة من B الى B' تقابل ازاحة مبدؤ الشعاع الى النصف السفليلحلزون كورنو · وتبقى نهاية الشعاع في N ، ذلك لأن النصف العلوى يساهم دوما من اجل جميع نقاط المجال العلوى المضاء (الشكل 2.24) . واثناء الانتقال يمر الشعاع بسلسلة من النهايات العظمى والصغرى حول ٠٥٨ وهذا يعطى أهدابا مضيئة واقل اضاءة (مظلمة) .

عندما يحدث الانتقال من 8 مد نحو الأسفل (في مجال الظل) تنحجب بعض المناطق لنصف الموجة العلوى(الشكل2.25)، وهذا يقابله حركة مبدأالشعاع الحاصل على النصف العلوي للحلزون ، ويلاحظ نقصان طوله باطراد (الشكل2،26) ، وهكذا تكون تابعية شدة الضوء لموضع نقطة الملاحظة كما هي مبينة

شكل 2.24 على الشكل 2.27 . وترمز $\mathbf{I_0}$  هنا الى الشدة بدون حاجز (مربع الشعاع







النصف السفلي للموجة ، ويلاحظ في منطقة الظل تناقص مطرد للشدة ( النقطة B'' )، وتكون المساحة تحت المنحني مساوية للمساحة تحت المستقيم  $I = I_0$  ، ذلك لأن الشدة تتوزع فقط في الفضاء (الطاقة محفوظة )

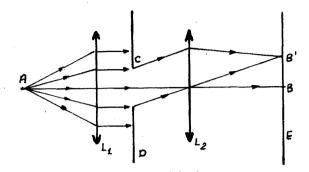
# 8 \_ انعراج فراونهنوفر (Fraunhofer).

لقددرسنا في الفقرتين السابقتين عددا من المسائل الانعراجية ،وقد كانت الجبهة الكروية للموجة الأولية الواردة الخاصة المشتركةلتلك المسائل ، وتدعى ظاهرة الانعراج هذه المتأتية من منبع نقطي (الذي يملك جبهة كروية) بانعراج فرنل ،

اذا كان المنبع موجودا على بعد كبير جدا من الفتحة أوالحاجر فان جبهة الموجة تصبح مستوية (كرة ذات نصف قطر كبير) ويدعى الانعراج الذي يحدث في حالة الاشعة المتوازية بانعراج فراونهوفر، (نحصل على الجبهة المستوية عمليا ، بوضع منبع ضوئي نقطي في محرق عدسة مجمعة ) ، وتسهل الدراسة في هذه الحالة ، ويمكن الحصول على سلسلة من التابعيات التحليلية .

توضع ،أثناء ملاحظة انعراج فراونهوفر ، بعد الفتحة أو الحاجرة عادة عدسة مجمعة ،وبفضل هذه العدسة تسقط الاشعة المنعرجة والتي تصنع نفس الزاوية مع الاشعة الاصلية ، تسقط في نفس النقطة على شاشة المراقبة ،وتكتسب اللوحة الانعراجية سطوعا واضحا بواسطة هذا الترتيب .

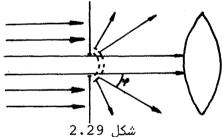
وهكذا يكون الترتيب العام لملاحظة انعراج فراونهوفر ، كما هو مبين على الشكل 2.28 . تشكل العدسة  $L_1$  جبهة مستوية ، وتسجمع العدسة  $L_2$  الاشعة على شاشة المراقبة  $L_3$  . ويوضع بين هاتين



العدستين اللوح الحاوي على ثقب ٥ أُويوضع حاجز ٠

ندرس انعراج فراونهوفر على شق (فتحةطويلة ضيقة) ، نجعل الشق متموضعا بشكل بشكل معامد لمستوي الرسم ، وبالتالي نتمكن من دراسة المسألة احادية البعد في اتجاه معامد للشق (اشكل 2.29) .

ان الاشعة المتوازية الواردة على الشق سوف تنتشر بعد عبورها له



ليس فقط في الاتجاه الأُملي ، وإنما في اتجاهات تصنع زوايا مختلفة ( زوايا الانعراج)مع ذلك الاتجاه .

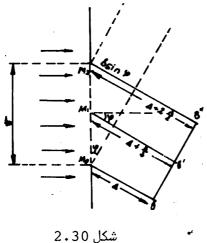
لكي نحسب شدة التدفق الضوئي الذي يصنع راوية **φ** مع

الناظم على مستوي الشق ، نقوم بتقطيع جبهة الموجة المستوية الي مناطق فرنل ، وتحدر الاشارة هنا إلى أن هذا التقطيع يتعلق بالزاوية ولكل زاوية حالتها الخاصة ،

وفقا لقاعدة فرنل العامة يجب ان تصل الاشعة الصادرة عن منطقتين متجاورتين الى نقطة المراقبة على تعاكس في الطور ، وتقوم العدسة ولل بجمع الاشعة المتوازية دون ان تُدخِل أي فرق اضافي في المسير ، وبالتالي يكون شرط مناطق فرنل من اجل زاوية معطية  $\Psi$  هو (انظر الشكل 2030) :  $\frac{\pi}{2} = --- = \frac{M_1 B^2 - M_2 B^2 - M_2 B^2}{2}$ 

حیث  $oldsymbol{\mathcal{B}}'$  ,  $oldsymbol{\mathcal{B}}''$  ,  $oldsymbol{\mathcal{B}}''$  ,  $oldsymbol{\mathcal{B}}''$  , و  $oldsymbol{\mathcal{M}}_{1}$  ,  $oldsymbol{\mathcal{M}}_{2}$  ,  $oldsymbol{\mathcal{M}}_{1}$  ,  $oldsymbol{\mathcal{M}}_{0}$  , و  $oldsymbol{\mathcal{M}}_{1}$  ,  $oldsymbol{\mathcal{M}}_{0}$  ,  $oldsymbol{\mathcal{W}}_{0}$ 

اذا توضّع على عرض الشق من اجل الاتجاه المعطى المعلى عددروجيي من المناطق ، فان النقطة الموافقة الموجودة على شاشة المراقبة تكون موضعا لنهاية صغرى لشدة الاضاءة ، فمن اجل عرض للشق مقداره طيكون الشرط من الشكل :



b  $\sin \varphi = m \lambda$  (8.1) حيث m عددصحيح وهذايتضح مناًن فرق المسير من أجل المنطقة الاخيرة يساوي  $\phi$  b  $\sin \varphi$  (الشكل 2.30) ، ويجب أن يساويعدداً زوجيا من انصاف طول الموجة  $\phi$  (عدد زوجي من المناطق المفتوحة ) ويحصل النهاية الصغرى في هذه الحالة للسبب التالي : وهو أن

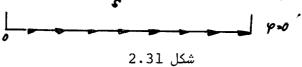
كل روج من المناطق يضعف التأثير المشترك لهما في نقطة المراقبة . ويلاحظ في تلك الاتجاهات التي من اجلها يكون عدد المناطق المفتوحة عدداً فردياً ، يلاحظ نهاية عظمى للاضاءة . وهكذا تكون اللوحة المتشكلة على شاشة المراقبة عبارة عن اهداب مضيئة ومظلمة على التوالى .

يمكن الوصول الى النتيجة السابقة باستخدام المخططات الشعاعية . نقسم الشق الى شرائط ضيقة متوازية ومتساوية . ان كل شريط من هذه الأشرطة يجب ان يدرس كمنبع لامواج متساوية السعة والطور ( ذلك لأن المساحة والميل لهم متساوية ، والموجة البدئية ترد ناظميا ، أي ان جبهتها تنطبق على مستوى الشق) .

اذا تمت الملاحظة في اتجاه الموجة البدئية ، فان ٩٥٠ وبالتالي لايوجد اي فرق في الطور بين الامواج العنصرية الثانوية ، ويملكالمخطط الشعاعى الهيئة المبينة على الشكل 2.31 .

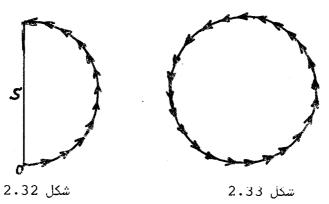
وتكون السعة الحاصلة ٢٥ - م أي أنها تساوي سعة الموجة البدئية .

اذا تمت المراقبة من أُجل زاوية ما يكون من أُجلها فرق المسير بين الشريطين الطرفيين العنصريين يساوي  $\frac{2}{2}$ ، أي فرق في الطورقدره  $\pi$  ، فان المخطط الشعاعي يملك الهيئة المبينة على الشكل 2.32 .



وتكون السعة الحاصلة في هذه الحالة مساوية  $\frac{2 f_0}{\pi}$  . وهذا ينتج من ان S يمثل قطراً لنصف الدائرة ذي الطول  $A_0$  ( مجموع اطوال الاشعة المثارة من المنابع ) ، أي أن  $\frac{\pi S}{2} = A_0$ . وتكون قيمة الزاوية التي تحدث من اجلها هذه الوضعية ، تغين بالشرط  $\frac{2}{2} = b \sin \varphi = \frac{3}{2b}$  اي  $\frac{3}{2b} = b \sin \varphi$  دلك لأن فرق المسير بين الشريطين الطرفيين يساوي  $b \sin \varphi$  .

من اجل فرق في المسير بين العنصرين الطرفيين قيمته λ ، يكون فرق الطور الموافق مساويا 2π ، ويملك المخطط الشعاعي الهيئـــة المبينة على الشكل 2.33 ، وهكذا تكون السعة الحاصلة فيهذه الحالة



معدومة . ويحدث هذا من اجل زاوية انعراج تعين بالشرط bsin 4=7. يتضح الآن أنه عندما يتحقق الشرط bsin4=m، اي عندما يكون فسرق الطور بين الشريطين الطرفيين للشق عددا صحيحا من 2π ، نحصل على نهايات صغرى للاضاءة ، ذلك لأن المخطط الشعاعي يكون مغلقا .وهكذا نحصل ،كما رأينا سابقا ، على مواضع للنهايات الصغرى توافق الاتجاهات

$$\sin \varphi = \frac{\lambda}{b}$$
,  $\frac{2\lambda}{b}$ , ...,  $\frac{m\lambda}{b}$  (8.2)

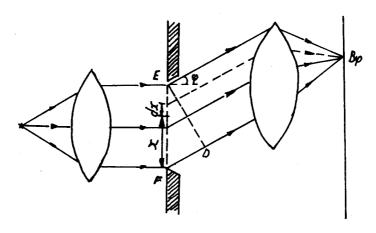
حیث ان m عدد صحیح ۰

 $\Psi$  نورد الآن الدراسة التحليلية لسعة الموجة المنعرجة بزاوية على الشق الضيق (الشكل 2.34) .

ان سعة الموجة الصادرة عن عنصر الشق ذي العرض dx ، تكون متناسبة مع عرضه ، اي انها تساوي c.dx ، ويجب علينا ان نجمع تأثير كل تلك العناصر .

ان سعة الموجة التي يرسلها الشق ككل في الاتجاه  $\mathbf{q}=0$  تساوي  $\mathbf{q}=0$  ،وبالتالي  $\mathbf{q}=0$   $\mathbf{b}$  ،  $\mathbf{d}=0$  ، أي أن  $\mathbf{d}=0$  ، وقد قمنا باجراء التكامل على عرض الشق ككل في المجال  $\mathbf{q}=0$  ، وهكذا يكونالاضطراب الضوئي في الجزء الموافق للشق مساويا :  $\mathbf{d}=0$   $\mathbf{d}=0$   $\mathbf{d}=0$  .  $\mathbf{d}=0$   $\mathbf{d}=0$   $\mathbf{d}=0$   $\mathbf{d}=0$  .  $\mathbf{d}=0$   $\mathbf{d}=0$   $\mathbf{d}=0$   $\mathbf{d}=0$  .

وأثناء ايجاد الموجة الواردة بزاوية  $\boldsymbol{\varphi}$  ، يجب ان نأخذ بعين الاعتبار فرق الطور من أجل جميع العناصر  $\boldsymbol{\varphi}$  وبما ان العدسة  $\boldsymbol{\varphi}$  لاتحدث اى فرق اضافى فى المسير ، يكفى ان نحدد فرق المسير بين



شكل2.34

ويكون الاضطراب الحاصل في النقطة هه مساويا لمجموع تلـــك الاضطرابات ١٠ى التكامل وفق عرض الشق :

$$S = \int ds = \int_{0}^{b} \frac{A_{0}}{b} \cos(\omega t - Kx \sin \varphi) dx =$$

$$= \frac{A_{0}}{b \kappa \sin \varphi} \cdot \sin(\omega t - \kappa x \sin \varphi) \Big|_{0}^{b} =$$

$$= A_{0} \frac{\sin(\frac{b \kappa}{2} \sin \varphi)}{\frac{b \kappa}{2} \sin \varphi} \cos(\omega t - \frac{b \kappa}{2} \sin \varphi)$$

$$= A_{0} \frac{b \kappa \sin \varphi}{\sin \varphi} \cos(\omega t - \frac{b \kappa}{2} \sin \varphi)$$
(8.5)

من هنا نرى ان السعة الحاصلة للموجة في الاتجاه Ψ تساوي:

$$A_{\varphi} = A_0 \frac{\sin\left(\frac{bK}{2}\sin\varphi\right)}{\frac{bK}{2}\sin\varphi} = A_0 \frac{\sin\left(\frac{\pi b}{2}\sin\varphi\right)}{\frac{\pi b}{2}\sin\varphi}$$
(8-6)

ذلك لأن  $\frac{2\pi}{\lambda}$  . وبما ان روايا الانعراج صغيرة عادة ، يكون مـــن الممكن استبدال  $\gamma$  دواستعمال العلاقة التقريبية التالية الممكن استبدال  $\gamma$  دواستعمال العلاقة التقريبية التالية

$$A_{\varphi} = \frac{A_0 \sin \frac{\pi b}{\lambda} \varphi}{\frac{\pi b}{\lambda} \varphi}$$
 (8\_7)

تمر السعة عندما تتغير  $\varphi$  بنهايات عظمى وصُغرى ، وتسعى السي الصغر عندما يتحقق الشرط :

$$\frac{b\pi}{\lambda} \sin \varphi = m\pi \tag{8-8}$$

حيث m عدد صحيح . وكذلك يكون الحال مع شدة الاضاءة على الشاشة

$$\sin \varphi = m \frac{\lambda}{b}$$
 sin  $\varphi = m \frac{\lambda}{b}$ 

مما يتفق مع ماحصلنا عليه أنفا ، الشرط (2) .

ويلاحظ أنه من اجل  $\frac{b\pi}{A}$   $= \sin \psi = 0$  تبلغ العبارة (6) نهايتها العظمى المساوية  $\frac{sin \psi}{A}$  ، ذلك لان  $\frac{sin \psi}{A}$  . وهذه نتيجــة طبيعية لأن الشق يجب عليه ألاّ يغير شدة الضوء في الاتجاه المستقيم من اجل  $\frac{\psi}{A}$  .

يمكن الحصول على النهايات الاخرى للعبارة (6) باتباع الطريقة الشائعة ،وذلك بعدم مشتق هذه العبارة بدلالة  $\phi$  . لنسرمسز ب الشائعة ،وذلك بعدم مشتق هذه العبارة بدلالة  $\frac{\pi b}{2}$  sin  $\phi = \alpha$ 

$$\frac{dA\psi}{d\alpha} = A_0 \left( \frac{\cos \alpha}{\alpha} - \frac{\sin \alpha}{\alpha^2} \right) = A_0 \frac{\cos \alpha}{\alpha^2} \left( \alpha - \frac{1}{2}\alpha \right) \quad (8-10)$$

$$+g \alpha = \alpha$$
 (8\_11) j

يمكن حل هذه المعادلة بيانيا (الشكل 2.35) ،بايجاد نقاط تقاطع المنحني  $\alpha = - rac{1}{4}$ مع الخط المستقيم  $lpha = rac{1}{2}$  . ويتضح أن مواقعالنهايات m عوافق بتقریب جید القیم  $\frac{\pi}{2}$  (2m+1) ویزداد هذا التقریب بازدیاد 0,955 مثلا تكون القيم الدقيقة مساوية  $\frac{3\pi}{2}$ : مثلا تكون القيم الدقيقة مساوية بما ان شدة الضوء I تتناسب طردا مع مربع سعة الموجة، فاننا

نحصل على:

$$I_{\varphi} = I_0 \frac{\sin^2\left(b\frac{\pi}{\lambda}\sin\varphi\right)}{\left(\frac{b\pi}{\lambda}\sin\varphi\right)^2}$$
 (8\_12)

وهكذا فان الشدة تبلغ قيما عظمى من اجل النهايات العظمى للسعة ومن اجل النهايات الصغرى ايضا ( الاشارة لاتلعب اى دور ) ، وفي هذه الحالة تتناقص القيم العظمى

الثانوية بسرعة .

ويعرض الشكل 2.36 التحول النموذجي للسعة A وللشدة I

بتابعية تغيرات الزاوية . عند تصغير ط عرض الشق يزداد بعد النهايات عن مركر

اللوحة ( انظر الشكل 2.36). وهكذا يتوسع عرض الهدب المضيء

المركزي ( $\frac{3}{d} \leq \sin \varphi \leq \frac{3}{d}$ ) المركزي ( $\frac{3}{d} \geq \frac{3}{d}$ ) بتصغير عرض الشق .

شكل 2.35

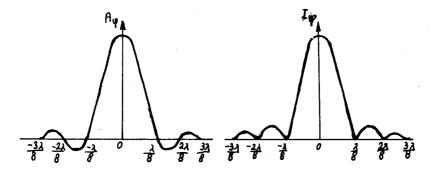
اذاملك الشق طولا محدودا لله ، اى اذاكان على شكل فتحة مستطيلة ابعادها و ل فان اللوحة الانعراجية تلاحظ ايضا في اتجاه طول الشق ، وهذه اللوحة تكون على شكل مجموعتين متعامدتين متقاطعتين لاهداب مظلمة ومضيئة (التصالب الانعراجي) ، وتكون اللوحة الانعراجية أُعرض في تلك الاتجاهات التي يكون فيها الشق اضيق .

يمكن كتابة العبارة التحليلية للشدة في حالة الانعراج على فتحة مستطيلة بشكل مماثل للعبارة (12) ، وذلك باستعمال الزاويتين : Y , Y

$$I_{\psi, \psi} = I_0 \frac{\sin^2\left(\frac{\pi b \sin \psi}{2}\right)}{\left(\frac{\pi b \sin \psi}{2}\right)^2} \cdot \frac{\sin^2\left(\frac{\pi \ell \sin \psi}{2}\right)}{\left(\frac{\pi \ell \sin \psi}{2}\right)^2}$$
(8-13)

auحيث  $I_0$  شدة الضوء الوارد وفق الاتجاه البدئي auو auبما أن زوايا الانعراج صغيرة ، يمكننا من جديد استبدال الجيب

$$I_{\psi,\psi} = I_0 \frac{\sin^2\left(\frac{\pi b \psi}{\lambda}\right)}{\left(\frac{\pi b \psi}{\lambda}\right)^2} \cdot \frac{\sin^2\left(\frac{\pi e \psi}{\lambda}\right)}{\left(\frac{\pi e \psi}{\lambda}\right)^2} \quad (8.14)$$



شكل 2.36

وتعطى خطوط الشدة المعدومة بالعلاقتين:

$$\frac{\pi b \, \Psi}{\lambda} = m \, \pi \implies \Psi = \frac{m \, \lambda}{b} \quad , \quad \frac{\pi \, \ell \, \Psi}{\lambda} = m \, \pi \implies \Psi = \frac{m \, \lambda}{\ell}$$

اما أبعاد هذه الخطوط عن الهدب المركزي من اجل عدسة 2 بعسدها المحرقي 🗜 فتعطى بالعلاقتين :

$$z_{\psi} = f \psi = \frac{m\lambda}{b} f$$
,  $H_{\psi} = f \psi = \frac{m\lambda}{\ell} f$ 

وتعين ابعاد مراكز الاهداب المضيئة عن الهدب المركزي بعلاقتين مماثلتين .

9 \_ تعبير كرتشوف لمبدأ هويغنز وأنعراج فراونهوفر •

\_ تعبير كرتشوف لمبدأ هويغنز: يفترض أن الاضطراب الضوئــى

يمكن تمثيله بتابع سلمي وحيد Ф يحقق المعادلة العامة للحركة الموجية  $\frac{3^2 \Phi}{3r^2} = \Delta \Phi = \frac{1}{c^2} \cdot \frac{3^2 \Phi}{3t^2} \qquad (9-1)$   $\lambda = \frac{2\pi}{K}$ and a like of the decoration of the decorati

يعطى حل هذه المعادلة على الشكل  $\dot{c}(\omega t - \kappa r)$  يعطى حل هذه المعادلة على الشكل  $\Rightarrow$ 

$$= -i\kappa r \ i\omega t$$

$$= Ae \cdot e = \Psi(r) \cdot e \qquad (9-2)$$

ونلاحظان الحل يوزع الى جزء مكاني تمثله السعة العقدية  $oldsymbol{\psi}$  ومعامل زماني عنه من الجزء الحقيقي له (2) الاضطراب الفيزيائي .

يمكن كتابة العلاقات التالية

$$\Delta \Phi = e^{i\omega t} \cdot \Delta \Psi , \quad \frac{\partial \Phi}{\partial t} = i\omega \Psi e^{i\omega t}$$

$$\frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial^2 \Phi}{\partial t^2} = -\Psi \frac{\omega^2}{c^2} e^{i\omega t}$$

ونجد باستخدام العلاقات المذكورة والمعادلة (1) ان:

$$\Delta \Upsilon = -\kappa^2 \Upsilon \tag{9-3}$$

 $\kappa = \frac{\omega}{2}$  حيث

نحسب الآن الاصطراب الضوئي في نقطة ما 8 . لكي نحقق ذلك نعتمد على نظرية غرين التي تنص على أنه اذا كان لديناتابعان مستمران  $\gamma_1$  و رحيدا القيمة ويملكان مشتقات مستمرة أيضانستطيع أن نكتب المساواة

 $\iiint \left( \gamma_2 \cdot \Delta \gamma_4 - \gamma_1 \cdot \Delta \gamma_2 \right) dv = \iiint \left( \gamma_2 \frac{3\gamma_1}{3n} - \gamma_1 \frac{3\gamma_2}{3n} \right) ds$ 

ويمثل S السطح الذي يغلف الحجم V ، V يعلف الناظم

للسطح ٤ والمتجه نحو خارج الحجم الذي يغلفه ذلك السطح .

نغلف النقطة В بسطح اختياري S ( الشكل 2.37) ، ونفرض أن السعة العقدية ، ونختار التابع لل بحيث يكون ذوسلوكمناسب،

وقد تبین أن التابع  $\frac{1}{r}e^{-i\kappa r}$  مناسب، حیث تقاس ۲ ابتداء



شكل 2.37

من 8 ، غير أن هذا التابع يسبب بعض المصاعب لانَّه يأخذ قيمة غير محدودة في النقطة 8 . لكى نستطيع تطبيق نظرية غرين ، يجب وضع В خارج التكامل الذلك نحیط B بسطح صغیر کے مرکزہ B . عندئذ يمكن تطبيق نظرية غرين على  $\Psi_1$  و  $\Psi_2$ ،حيث يمتد التكامل على الحجم المحصور بين السطحين € و ∑٠

$$\Delta Y_2 = -K^2 \frac{4}{2}$$
 نبرهن في البداية على ان  $\frac{3}{2r} = \frac{7}{2r} \cdot \frac{3}{2r} = \frac{X}{r} \cdot \frac{3}{2r}$  لدينا  $r = \sqrt{X^2 + \frac{7}{2}^2 + \frac{7}{2}^2}$ 

ومنه نجد بعد الاخذ بعين ألاعتبار تماثل المشتقات الجزئية بالنسبة

$$\frac{3^{2} \psi_{2}}{3 x^{2}} + \frac{3^{2} \psi_{2}}{3 y^{2}} + \frac{3^{2} \psi_{2}}{3 z^{2}} = -K^{2} \psi_{2}$$

$$\Delta \Psi_2 = - K^2 \Psi_2$$
 (9-4)

باستبدال (3) و (4) في مساواة غرين نجد ان التكامل الحجمي معدوم ، وبالتالي يكون التكامل السطحي معدوما ايضا .

نأخذ الآن التكامل على السطح Σ ، حيث يوجه الناظم على هذا

السطح نحو В ( خارج من حجم التكامل ) ، عندئذ يكون

$$\iint_{\Sigma} \left( \frac{3\psi_{1}}{\sqrt{2}} - \frac{3\psi_{1}}{\sqrt{2}} - \frac{3v}{\sqrt{2}} \right) d\Sigma = \iint_{\Sigma} \left\{ \frac{e^{-ikr}}{r} \left( -\frac{3\psi_{1}}{2r} \right) \right\} d\Sigma = \iint_{\Sigma} \left\{ \frac{e^{-ikr}}{r} \left( -\frac{3\psi_{1}}{2r} \right) \right\} d\Sigma = \underbrace{\left\{ \frac{e^{-ikr}}{r} \left( -\frac{3\psi_{1}}{2r} \right) - \frac{ike^{-ikr}}{r^{2}} \right\} \right\} d\Sigma}_{\Xi}$$

لنفرض أن السطح العنصري ΔΣ يرى من β بزاوية مجسمة عكم عندئذ

$$d\Sigma = r^2 d s$$

$$\int_{\mathbb{R}^{2}} \left\{ re^{i\mathbf{K}r} \left( -\frac{2\psi}{2r} \right) - \psi e^{-i\mathbf{K}r} r \psi i \mathbf{K} e^{-i\mathbf{K}r} \right\} d\mathbf{R}$$

نفرض الآن أن ٣ تأخذ قيما محدودة دوما ، يبقى في هذه الحالة مَّن التكامل السابق الحد الثاني فقط وذلك عندما r o 0 ، وتأُخذ  $\Psi$ قيمة ثابتة محدودة الى الجوار المباشر لـ В ، أي قيمتها في В ونرمز

وبما أن 
$$S_{s+\Sigma} = 0$$
 نجد ان  $S_{s+\Sigma} = 0$  وبما أن  $S_{s+\Sigma} = 0$  نجد ان  $S_{s+\Sigma} = 0$  ای ان  $S_{s+\Sigma} = 0$ 

$$= \iint_{\mathbb{R}} \left[ \frac{e^{-ikr}}{r} \cdot \frac{2\eta}{2n} - \gamma e^{-ikr} \frac{\partial}{\partial n} (\frac{1}{r}) + \frac{i\kappa \psi e^{-ikr}}{r} \cdot \frac{2r}{2n} \right] dS \quad (9-5)$$

$$\text{The imposition of the point of th$$

وتدعى العبارة الاخيرة بعبارة كرتشوف .

هكذا يمكن ايجاد الاضطراب في  $\bf B}$  من معرفة الشروط التي عطى على السطح المغلق  $\bf S}$ . وهذا يعني فيزيائيا أن العنصر  $\bf S}$  يمكنه أن يؤثر في  $\bf G$  بواسطة اضطراب ثانوي يسير منه الى  $\bf S$  بعبارة اخرى يمكن القول ان قيمة  $\bf G$  في اية لحظة  $\bf S$  تعتمد على الاضطراب في الزمن القول  $\bf S$  حيث ان  $\bf S$  يساوي الزمن اللازم حتى ينتقل الاضطراب بالمسافة  $\bf S$  من  $\bf S$  الى  $\bf S$ . وهذا يفسر تسمية  $\bf S$  بالقيمة المؤخرة  $\bf S$ 

# - تطبيق على الامواج الكروية .

ان التكامل في المعادلة (7) يمتد على السطح \$ الذي يحيط بنقطة الملاحظة В وليس بالمنبع ، حيث فرضنا أن قيمة ۳ تبقى محدودة ضمن حجم التكامل . يمكن البرهنة أن النتائج السابقة تبقى صحيحة اذاكان السطح يغلف المنبع دون النقطة В ، اذاكان ع يحيط بالمنبع ، عندئذ يمكن ان نفترض وجود سطح آخر يحيط بالسطح ع وليكن على شكل كرة نصف قطرها صحب عوناًخذ التكامل على مجموع السطحين ، فتكون В داخل السطح الكلي وتنطبق عليها المعادلة (7) • وبما أن التكامل على سطح الكرة ذات نصف القطر اللانهائي يكون معدوما لانعدام السعة . فلا يبقى سوى التكامل على السطح ع الذي يحيط بالمنبع .

يمكن في حالة المنبع النقطي ان نأخذ السطح كعلى شكلصدر موجة كروي المنعتبر الآن منبعا نقطيا 0 (الشكل 2.38) ، و 5 أي . (  $oldsymbol{B}$  يمثل الناظم الخارج من الفضاء الذي يحوي  $oldsymbol{\vec{n}}$  ) . يمكن أن نكتبفي هذه الحالة ..

شكل 2.38

$$\Rightarrow \Phi = \frac{a}{r_0} e^{iK(ct-r_0)}$$

حيث 🔏 يساوي نصف القطر الشعاعي من ٥ كمبدأ ، عندئذ :

$$\frac{\partial r}{\partial n} = \cos \theta$$
 ولدينا ايضاء  $\frac{\partial r}{\partial n} = \cos \theta$  و  $\frac{\partial r}{\partial n} = \cos \theta$  ويكون من المعادلة (6)

$$e^{i\kappa(ct-r)}$$
 و  $\frac{2\psi}{2\eta} = -\frac{a\cos\theta_0}{r_0^2r} \cdot \frac{i\kappa[ct-(r+r_0)]}{i\kappa[ct-(r+r_0)]} - \frac{a\cos\theta_0}{r_0r} \cdot \frac{i\kappa[ct-(r+r_0)]}{r_0r}$ 

$$- \frac{1}{r} e^{i\kappa(ct-r)} \cdot \frac{\partial}{\partial n} \left( \frac{1}{r} \right) = \frac{a \cos a}{r^2 r_0} \cdot e^{i\kappa[ct-(r_0+r)]}$$

$$-\frac{\kappa \psi}{r} \cdot e^{i\kappa(ct-r)} \frac{\partial r}{\partial n} = \frac{i\alpha\kappa\cos\theta}{rr_0} \cdot \frac{i\kappa[ct-(r_0+r)]}{e}$$

9

$$\Phi_{B} = \frac{1}{4\pi} \iint_{S} e^{i\kappa[ct - (r_{0} + r)]} \cdot \frac{a}{rr_{0}} \left[ \cos\theta \left(i\kappa + \frac{1}{r}\right) - \cos\theta_{0} \left(i\kappa + \frac{1}{r_{0}}\right) \right] ds$$

 $K = \frac{2\pi}{3}$  اذا کان  $\frac{7}{7} \otimes \frac{1}{7}$  امام  $\frac{7}{7} \otimes \frac{1}{7}$  امام  $\frac{7}{7} \otimes \frac{7}{7}$  امام  $\frac{7}{7} \otimes \frac{7}{7}$  امام  $\frac{7}{7} \otimes \frac{7}{7}$  امام  $\frac{7}{7} \otimes \frac{7}{7} \otimes \frac{7}{7}$  امام  $\frac{7}{7} \otimes \frac{7}{7} \otimes \frac{7}{7}$  امام  $\frac{7}{7} \otimes \frac{7}{7} \otimes \frac{7}{7} \otimes \frac{7}{7} \otimes \frac{7}{7}$  امام  $\frac{7}{7} \otimes \frac{7}{7} \otimes$ 

 $\Phi_{g} = \frac{1}{4\pi} \iint_{S} \frac{i \, a \, K}{r \, r_{o}} \left( \cos \theta - \cos \theta_{o} \right) \cdot e^{i \, K \left[ c \, t - \left( r_{o} + r \right) \right]} . ds$ بتعویض  $\frac{i \, \pi}{\pi} = \frac{i \, \pi}{\pi}$ وبالتالی نجد

$$\Phi_{B} = \iint_{S} \frac{a}{k} \cdot \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{\lambda} \left( \frac{1 + \cos \theta}{2} \right) \cdot e^{i \, k \left[ ct - (\kappa + r) \right] + i \frac{\pi}{2}}$$
 (9\_8) ونرى من هذه العبارة ان الاضطراب في B هو مجموع اضطراباتقادمة من منابع ثانوية متوزعة على السطح S . وتتمتع المنابع الثانوية

من منابع ثانوية متوزعة على السطح S ، وتتمتع المنابع التانويـ بالخواص التالية ،

آ ـ ترسل اضطرابات سعاتها تختلف عن السعة الواردة من المنبع بالمضروب  $\frac{1}{2}$  .

ب \_ يوجد في التكامل عامل ميل عنصر السطح الثانوي بالنسبـــة للاتجاه الى نقطة الملاحظة وهذاالعامل هو  $\frac{4 - 2 + 6 \cdot 5}{2}$  ويأخذ قيمـــة 1 من اجل 0 = 0 وصفر من أجل 0 = 0 .

جـ ان المنابع الثانوية تبث اضطرابات متخلفة عن الاضطــراب  $i^{m}$  الاصلي بمقدار ربع الدور ، ويظهر هذا وجود المضروب  $\cdot e^{i}$ 

د \_ عدم وجود موجة عكسية لأن عامل الميل يصبح معدوما عندما π=θ. \_ عبارة كرتشوف في الانعراج .

عندما يمر الضوء خلال فتحة أو مجموعة من الفتحات موجودة فلي حاجز عاتم ، فاننا نستطيع ان نعتبر أن الحاجز يمتد الى اللانهاية ليحيط بالنقطة  $\mathbf{B}$  . ونعتبر السطح  $\mathbf{S}$  مؤلفا من الحاجز والسطوح المكشوفة للفتحات . ويمكن ان نقبل أيصا أن  $\mathbf{v}$  و  $\frac{\partial \mathbf{v}}{\partial \mathbf{n}}$  يساويان الصفر على الجزء المحجوب بواسطة الحاجز ، ويساويان القيم التي

نحصل عليها في حالة عدم وجود الحواجز على الاجزاء المكشوفة (سطوح الفتحات ) وعلى الرغم من وجود عيوب في هذه النظرية أهمـــها انقطاع قيم  $\psi$  و  $\frac{2\psi}{7n}$  عند اطراف الفتحات مما يخالف فروض تطبيق مبرهنة غرين ، الا أنها تقود الى العديد من النتائج التي تتفق مع التجربة ، ويعود السبب الى أن الحواجز المستخدمة ليست عديمة العكس للضوء الا أن جانبها المظلم يعطى تأثيرا مهملا في  $\theta$  .

ويمكن في حالة انعراج الضوء القادم من منبع نقطي ، ان نطبق عليه عبارة كرتشوف التالية لنحصل على على على الله عبارة كرتشوف التالية لنحصل على الله على الله عبارة كرتشوف التالية لنحصل على الله على

$$\Phi_{B} = \iint_{S} \frac{\alpha}{2\pi r_{0}} \left(\cos \theta - \cos \theta_{0}\right) e^{i\kappa[ct - (r_{0} + r)] + i\frac{\pi}{2}} ds \quad (9-9)$$

حيث يمتد التكامل على سطوح الفتحات والثقوب الموجودة في الحاجز، وتعرف هذه المبارة بتكامل كرتشوف.

#### \_ مبدأ بابنيه Babinet.

نقول عن حاجزين  $\mathbf{Q_2}$  ،  $\mathbf{Q_2}$  أنهما متكاملان اذا كان  $\mathbf{Q_2}$  يتشكل من جعل الاجزاء الشفافة في  $\mathbf{Q_3}$  معتمة ، والعتمة شفافة ، وتنصنظرية بابنيه على أن الحواجز المتكاملة تولد نفس نماذج الانعراج في نقطة ما ، ويمكن البرهنة على هذه النظرية بسهولة :

لنفرض أن  $\Phi_0$  و  $\Phi_0$  الاضطربان الضوئيان في نقطة ما  $\Phi_0$  فـــي حالة وجود الحاجزين  $\Phi_0$  و  $\Phi_0$  على الترتيب ، فاذا كانت فتحا ت كلا الحاجزين موجودة في نفس الوقت ، يكون الاضطراب في  $\Phi_0$  مساويا  $\Phi_0$  ولكن عندما تكون فتحات كلا الحاجزين المتكاملين موجودة في نفس الوقت فهذا يعني عدم وجود حاجز عارج ، وعندئذ يكون الاضطراب الكلي  $\Phi_0$  والذي نفرضه معدوما ، ومنه نجد ان  $\Phi_0$  وأو  $\Phi_0$  وهذا يعني أن الشدة في  $\Phi_0$  تكون نفسها في حالة وجود  $\Phi_0$  أو  $\Phi_0$  .

### 10\_ تفسير بعض الظواهر الانعراجية باستخدام تكامل كيرتشوف .

\_ الانعراج على فتحة مستديرة : لنفرض وجود فتحة مستديرة في حاجز ، وأن موجة مستوية تقريبا ترد عليها ، ان عناصر الموجلة الموجودة ضمن حدود الفتحة تعمل كمنابع ثانوية ، والمطلوب ايجاد محصلة الاضطرابات الثانوية الصادرة عن هذه المنابع في نقطة مثل P

على الشاشة .

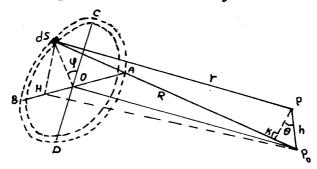
يمكن في هذه الحالة استعمال عبارة كرتشوف:

$$\Phi_{p} = \iint_{S} \frac{a}{2\lambda} \left( \cos \theta - \cos \theta_{0} \right) \frac{e^{i\kappa[ct - (r_{0} + r)]T_{+} i \frac{\pi}{r_{0}}}}{r r_{0}} \cdot ds$$

حيث أن S يمكن أن يكون أي سطح يغلق الفتحة ، ونفرض أنه الجزء المكشوف من صدر الموجة ، ويمثل  $V_0$  و  $V_0$  الموجودان في الحـــد الأسي المسير الضوئي من المنبع الى الفتحة ومن الفتحة الى النقطة  $V_0$  على الشاشة ، في حالة انعراج فراونهوفر يمكن اعتبار  $V_0$  ثابتا وكذلك عامل الميل  $V_0$   $V_0$  ونستطيع ان نحذف ايضا  $V_0$  ثابتا تقريبا ، ونستطيع ان نحذف ايضا  $V_0$  ثابتا نهته في هذه الحالة بالشدات النسبية ، عندئذ تعطى السعة العقديــــة

$$\psi_p = const \iint_S e^{-i\kappa r} ds$$
 : in (10\_1)

نعود الى الفتحة الدائرية ونأخذ منها حلقة عنصرية ACBD، نصف قطرها \$ ، من الموجة النافذة من تلك الفتحة في الحاجز (الشكل 2.39) .ولنفرض أن P يمثل محور تناظر عمودي على مستوي الفتحة



شكل 2.39

والشاشة ، نختار عنصر السطح ds الذي يصنع زاوية P مع المستوي  $OP_0$  والنقطة P ،أي المستوي  $OP_0$  فيكون P عموديا على هذا المستوي و CDP يقع فيه P عمودي على P المستقيم الواصل بين P و P ، المستقيم P المستقيم P عندئذ تعطى سعة الموجة في P بالعلاقة P . P . P . P . P . P عندئذ P . P بالعلاقة

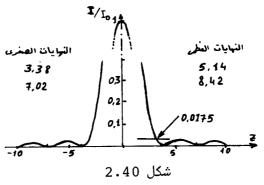
$$\begin{split} \psi_p &= c_1 \quad \iint_S e^{-c \, K \, (V - R)} \cdot ds & \text{of} \\ \text{its in the part of the part of$$

بتكامل بسل من الدرجة الاولى ، وهكذا يكون  $\Psi_p = C_2 \left(\frac{R}{\kappa R}\right)^2 \cdot \Xi \cdot \overline{J}_1(\Xi) = C_2 \cdot \frac{S_{max}^2}{\Xi}$ 

ويمكن اعادة كتابة التكامل السابق بحيث نحصل على شدة نسبية في  $\frac{J_1({\bf z})}{{\bf z}}$  . ومع ملاحظة أنه من اجل  ${\bf z} = {\bf z}$  ينتهي  $\frac{1}{2}$  . ومع ملاحظة أنه من اجل  ${\bf v} = {\bf z}$  ينتهي يكون  ${\bf v}_{p} = a_{0} \frac{2J_{1}({\bf z})}{2}$  . يكون الشدة  ${\bf v}_{p} = a_{0} \frac{2J_{1}({\bf z})}{2}$  .  ${\bf v}_{p} = a_{0} \frac{2J_{1}({\bf z})}{2}$ 

وعندما تتغير لم نحصل على عدد غير محدد من النهايات العظــمى والصغرى .

ويعرض الشكل 2.40 تغير I بتابعية ع. ونحصل على النموذج الكلي بتدوير الشكل بأكمله حول محور الشدة . وهذا يعني أن اللوحة



تتألف من قرص مركزي مضيىء محاط بحلقات مضيئة تتناقص شدة اضاءتها بسرعة كلما ابتعدنا عن المركز وتنعدم النهاية العظمى من اجلل  $\mathbf{Z}_1 = 1,22 \, \pi$ 

 $Z = \frac{2\pi}{A} \cdot \frac{9_{\text{max}}}{R} = \frac{2\pi}{A} \cdot \frac{9_{\text{max}}}{A} = \frac{9_{\text{max}}}{A}$ 

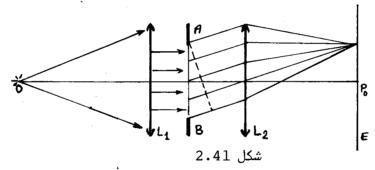
$$R = \frac{0.61 \, \lambda}{n \, \sin \, u_{max}}$$
 (10\_3)  
• equal begin in the contraction of the contr

اذا کانت کے کبیرة بشکل کاف یمکن حساب  $J_{1}(z)$  من العلاقة :  $J_{2}(z) = \left(\frac{2}{\pi \cdot z}\right)^{2} \left[P_{1}(z)\cos\left(z - \frac{3\pi}{4}\right) - Q_{1}(z)\sin\left(z - \frac{3\pi}{4}\right)\right] \frac{10-4}{4}$ 

$$\begin{array}{lll}
P_{1}(z) \approx & 1 + \frac{2 \cdot 3 \cdot 5}{1 \cdot 3 \cdot 5} - \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 9}{4 \cdot (8z)^{4}} + \frac{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2}{6 \cdot (8z)^{6}} \\
Q_{1}(z) \approx & \frac{1 \cdot 3}{1 \cdot 8z} - \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7}{3 \cdot (8z)^{3}} + \frac{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2}{5 \cdot (8z)^{6}} \\
\end{array}$$

ويمكن استنتاج انصاف اقطار الحلقات المضيئة من عبارات مشابهـة للعبارة (3) .

\_ الانعراج خلال عدد من الفتحات المستديرة المتماثلة: يمكن استخدام انعراج الضوء لايجاد نصف قطر جسيمة صغيرة . ليكن لدينا الترتيب المبين على الشكل 2.41 ، حيث 0 يمثل منبعا نقطيا وحيد اللون و L



عدسة مجمعة و AB حاجزا يحوي عددا كبيرا من الفتحات الصغيرة المتماثلة الموزعة عشوائيا ،  $L_2$  عدسة مجمعة أخرى و E شاشة .

إن كل فتحة سوف تعطي اهداب انعراج على شكل حلقات مضيئة ومعتمة متمركزة في الذي يمثل الخيال الهندسي لـ 0 وبما أن الفتحات لها نفس القطر والشكل ،لذا فان انصاف اقطار الحلقات المضيئة والمظلمة تكون متساوية من اجل جميع نماذج الانعراج لمختلف الفتحات وبالتالى فان اللوحة الانعراجية تظهر نفس الحلقات .

لنفرض أننا أستبدلنا الحاجز به المحاجز متكامل معه انالحاجز الجديد يعطي حسب مبدأ بابنيه نفس اللوحة الانعراجية .

اذا أخذنا عددا من الجسيمات العاتمة المتشابهة ونشرناها على

صفيحة زجاجية ووضعت بدلا من AB في الترتيب السابق ، أمكننا حسب ماتقدم ان نحسب نصف قطر الجسيمة بالعلاقة :

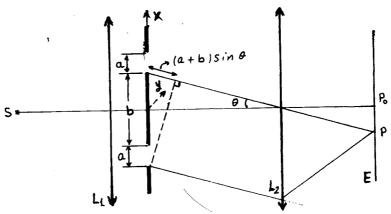
$$S_{\text{max}} = \frac{R \cdot z'}{K \cdot h} = \frac{\lambda}{2} \cdot \frac{z'}{\pi} \cdot \frac{R}{h} \qquad (10-5)$$

حيث R بعد الحاجز R عن اللوح الزجاجي و R نصف قطر الحلقة المضيئة R نصف قطر الجسيم .

دينا : من قياس نصف قطر المحلقة المضيئة الإولى، يصبح لدينا : 
$$R_{max} = \frac{1}{2\pi} \frac{7}{4} \lambda \cdot \frac{R}{h_1} = 0.82 \frac{3R}{h_1}$$
 ومن الحلقة المضيئة الثانية يكون  $R_{max} = \frac{7}{2\pi} \lambda \frac{R}{h_2} = 1.33 \frac{3R}{h_2}$ 

وقد استبدلنا  $\mathbf{Z}_{1}$  و بقيمتهما اللتين تحققان قيم عظمى  $\mathbf{Z}_{1}$  امن اجل الحلقات المضيئة):

النعراج على شق مضاعف : لنفرض أن الحاجز يحوي شقين متوا ربين ومتساويين ، وأنه مضاء بضوء وحيد اللون صادر عن منبع على عقع في المستوي المحرقي للعدسة  $L_1$  ( الشكل 2.42) . اذا كان الحاجز



شكل 2.42 يحوي فتحة وحيدة فانها سوف تشكل اهداب فراونهوفر المتمركزة في النقطة  $\mathbf{P}_0$  الخيال الهندسي للمنبع  $\mathbf{S}$  المتشكل في المستوي المحرقي للعدسة  $\mathbf{L}_2$  . لكن وجود فتحتين يؤدي الى تداخل الاشعة الصادرة

عنهما ، لتشكل بنتيجة التداخل اللوحة الانعراجية ،

لنقوم باشتقاق عبارة الانعراج على الشق المضاعف باستخدام تكامل كرتشوف ، ولنقتصر على حساب تغير الشدة وفق خط مستقيم  $PP_0$  عمودي على الشقين ، عندئذ نقتصر على التكامل وفق المحور  $\chi$  .

نفرض أن الاضطراب القادم من النقطة  $\chi = \chi = 0$  يعطي طور امساويا . ( (1) عندئذ نستطيع ان نكتب (انظر العلاقة  $V_0 = C_1 \iint_C e^{-i\kappa r} \cdot ds = C_2 \iint_C e^{-i\kappa \chi} \sin \theta \cdot ds$ 

اذا اقتصرنا على التكامل وفق المحور x وذلك بادخال التكامل وفق المحور لا داخل الثابت يكون

$$\psi_{\varrho} = C_3 \left[ \int_{\frac{b}{2}}^{a+\frac{b}{2}} e^{-iKX} \sin \theta - iKX \sin \theta - iKX \sin \theta - iKX \sin \theta - iKX \sin \theta \right]$$

حيث  $K \times Sin\theta$  يمثل فرق المسير للاشعة المنعرجة بالزاوية  $K \times Sin\theta$  حيث  $K \times Sin\theta$  يمثل فرق المسير للاشعة المنعرجة بالزاوية  $K \times Sin\theta$  حيث  $K \times Sin\theta$   $Y_{Q} = \frac{c_{3}}{i\kappa Sin\theta} \left[ e^{i\frac{\kappa b Sin\theta}{2}} - e^{i\frac{\kappa b Sin\theta}{2}} \right] = \frac{i\kappa(a+\frac{b}{2})}{e^{i\frac{\kappa b Sin\theta}{2}}} = \frac{2c_{3}}{\kappa Sin\theta} \left[ Sin \left\{ \kappa + (a+\frac{b}{2}) \right\} - Sin \left\{ \kappa \frac{b}{2} Sin\theta \right\} \right] = \frac{2c_{3}}{\kappa Sin\theta} Sin\frac{\kappa a Sin\theta}{2} \cdot cos \frac{\kappa(a+b) Sin\theta}{2}$ 

واذا بدلنا  $\frac{2\pi}{R} = \mathcal{H}$ ، وقمنا بتنظيم العبارة بحيث تعطي شدة عظمى في المركز تساوي الواحد ، حيث  $\mathbf{I} \sim \mathbf{I} \sim \mathbf{I}$  ، نحصل على :

$$I = \left[ \frac{\sin \frac{\pi a \sin \theta}{\lambda}}{\frac{\pi a \sin \theta}{\lambda}} \right]^{2} \cos^{2} \left( \frac{\pi (a+b) \sin \theta}{\lambda} \right)$$
 (10\_6)

يعرض الشكل 2.43 توزع الشدة في لوحة الانعراج من اجــل b = 2a ويبدو على شكل منحني مغلف ( الخط المتقطع) يتغير ببطىء وهو يعكس تأثير المضروب الاول في عبارة الشدة I ، ويمثل توزعالشدة في نموذج فراونهوفر من اجل فتحة وحيدة ، وتقع ضمن هذا المنحني

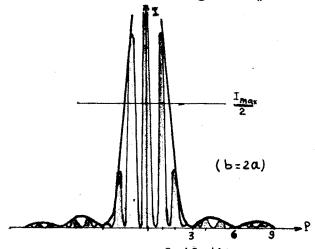
الاهداب المعينة بالمضروب الثاني 2°00 · تنعدم الشدة في حالة انعدام أحد العاملين

$$\frac{\pi a \sin \theta}{2} = \pi p \implies \sin \theta = \frac{\pi p}{a}, P = 1,2,3..(10.7)$$

$$\frac{\pi(a+b)}{\lambda}\sin\theta = (p+\frac{1}{2})\pi \Longrightarrow \sin\theta = (p+\frac{1}{2})\frac{\lambda}{a+b}(10-8)$$

حيث ٢ تدعى رتبة التداخل ٠

من الصعب تحديد مواقع النهايات العظمى تماما ، ولكن من اجل تغير بطيىء للمنحنى المتقطع فان النهايات العظمى للتداخل تعين



شكل 2.43

$$(a+b)\sin\theta=PA$$

العلاقة:  $(10_{-8})$ 

فاذا كان ل عددا صحيحا من ه ، فان انطباقا سيحدث من اجلبعض قيم ٢٠ بين النهايات العظمى للتداخل والصغرى للانعراج ، وتُفقّد في هذه الحالة بعض الرتب ذلك لأن النهايات العظمى للتداخــل

$$\sin \theta = \frac{P3}{a+b}$$

والنهايات الصغرى للانعراج بالعلاقة  $\sin \theta = \frac{p_A}{2}$ 

$$\sin \theta = \frac{P\lambda}{a}$$

فمن اجلb=2aمثلا نجد ان الرتب المفقودة للتداخل هي 3، 6، 9 ومن اجل b=3a تكون الرتب المفقودة 4 ، 8، 12 ، وفي الحالة العامة اذاكان b = na فان الرتب المفقودة هي :  $p = (n+1)p^1$  أي p = na اذاكان p = na اذاكان p = na اذاكان p = na

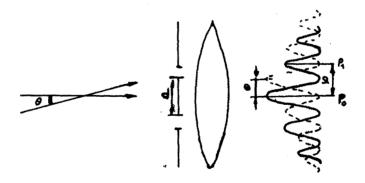
اذا استخدم في الاضاءة ضوء أبيض ، فان الهدب المركزي يكون أبيض اللون لأن فرق المسير من اجل جميع الاطوال الموجية معدوم ، ويحيط بذلك الهدب عددمن الاهداب الملونة .

#### 11 \_ استخدامات الانعراج .

يستعمل انعراج الضوء على شق مضاعف لقياس قرينة انكسار الغازات في مقياس رايلي التداخلي الذي عرض مخططه في الفقرة 4 .

يلقى تطبيق آخر للانعراج على شقين مكانا في علم الفلك ، وذلك لقياس المسافة الزاوية أو القطر الزاوي للنجوم البعيدة ، ويتحقق ذلك بواسطة مقياس ميكلسون التداخلي النجمي ، يمكن فهم فكررة استخدام هذا المقياس لقياس المسافات الزاوية الصغيرة من الشكل 2.44

لنفرض أن نجمين يقعان على مسافة راوية صغيرة 👨 من بعضهما،



شكل 2.44

عندئذ سيتشكل لهذين النجمين خيال في جسمية المنظار الفلكي (تلسكوب) على شكل دائرة مضيئة ( ولايمكن تمييزها ) . لنغطي الجسمية بحاجر يحوي شقين يبعدان عن بعضهما بالمسافة  $\mathbf{O}$  . عندئذ سنحصل من كل نجم على لوحة انعراجية على شكل اهداب عاتمة تتقاطع مع خيال النجيم . وتكون جملتا الاهداب للنجمين مزاحتين بالزاوية  $\mathbf{O}$  . وتعطى المسافة  $\mathbf{V}$  بين الهدب المركزي  $\mathbf{O}$  في كل لوحة والهدب المجاور له  $\mathbf{O}$  من نفس اللوحة بالعلاقة  $\mathbf{O}$  عيث  $\mathbf{O}$  داوية الانعراج ، أي أن

ويها صغيرة . اذا غيرنا المسافة D بين الشقين تتغير بالتالي المسافة الزاوية P بين الاهداب . فاذا تحققت المساواة  $P = 2\theta$  انطبقت النهايات العظمى لاحدى اللوحتين مع النهايات الصغرى للوحة الاخرى ، ويكون بالتالي التمييز بين اللوحتين سيئا . المغرى للوحة الاخرى ، ويكون بالتالي التمييز بين اللوحتين سيئا . اذا استمرينا في تغيير المسافة تظهر الاهداب من جديد . نقوم بعدئذ بقياس المسافة D بين الشقين عندما يحدث الدهور الاول في تمييز الاهداب . فنحصل على المسافة الزاوية D من العلاقة D ويجب ان يجرى القياس من اجل طول موجة محددة .

\_ شبكة الانعراج:

تعتبر شبكة الانعراج من أهم الاجهزة الانعراجية ، لذلك سنقرسوم بدراستها بالتفصيل .

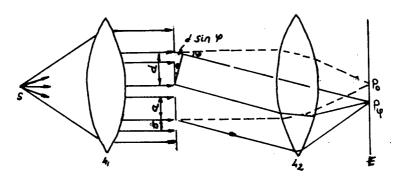
ان الأهداب المتشكلة بواسطة شقين تكون أضيق وأكثر تأنفا مسن الاهداب المتشكلة بواسطة شق واحد ، ويتضح ذلك من مقارنة العلاقتين (8-8) و (8-8) و وتؤدي زيادة عدد الشقوق الى زيادة الشدة للنهايات العظمى الرئيسية من ناحية ، والى زيادة تمركز الاهداب المضيئة في نهايات عظمى ضيقة ومؤنفة ، مفصولة عن بعضها عمليا بمسافات معتمة من ناحية اخرى ، ولكي نتأكد من ذلك نقوم بدراسة شبكة مؤلفة من (8-8) من عرض كل منها (8-8) والمسافة الفاصلة بين شقين متتاليين تساوي شقى ، عرض كل منها (8-8) وتدعى القيمة (8-8) بدور الشبكة ،

لنفرض أن حزمة ضوئية ناتجة عن المنبع ك ترد متوازية بمساعدة العدسة 4 الى الشبكة ، وكما هي العادة في انعراج فراونهوفر ، تجري الملاحظة على شاشة واقعة في المستوي المحرقي للعدسة الموضوعة خلف الشبكة مباشرة ، ويمكن ان توضع بدلا من الشاشـة عينية لمشاهدة اللوحة بصريا ،

نرى من الشكل 2.45 أن فرق المسير بين شعاعين منتشرين من نقاط متوافقة لشقين متجاورين بزاوية انعراج ψ يساويψ٠ فاذا كان فرق المسير هذا مساويا لعدد صحيح من طول الموجة ، فان الامواج الصادرة عن جميع الشقوق والمنتشرة وفق هذا الاتجاه تكون على اتفاق في الطور (ذلك لأن ازاحة فرق الطور بعدد صحيح من 2π لاتحمل اي تأثير ) ويحدث تقوية تداخلية للامواج المنتشرة في هذا الاتجاه .

وهكذا يكون شرط تشكل النهايات العظمى الرئيسية كالتالي  $d\sin \varphi = 0$  ,  $\lambda$  ,  $\lambda$  ,  $\lambda$ 

اذا لم ينتشر الضوء من شق واحد في اتجاه ما ، فانه لن ينتشر



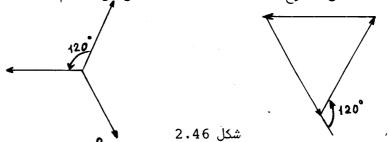
شكل 2.45

في هذا الاتجاه في حالة المشقايضا . وبالتالي تكون شروط تشكــل النهايات الصغرى كما هي في حالة شق وحيد :

b sin  $\Psi = \lambda$ ,  $2\lambda$ ,  $3\lambda$ ,...,  $m\lambda$  (11\_2)

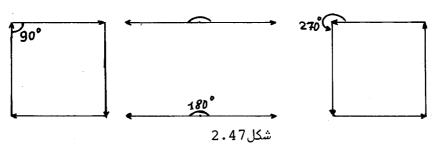
وعندما يتحقق الشرطان (1)و (2) معا ، فان بعض النهايات العظمى تختفي وهذا ممكن فقط اذا كانت ط و d متناسبتين ، فمن اجـــل الشبكة التي يكون فيها عــه تختفي النهايات العظمى الزوجية ،

وأخيرا فان الاشعة الصادرة من مختلف الشقوق وفق اتجاهما سوف تقوم باطفاء بعضها البعض بنتيجة التداخل ولكي نفهم الشروط التي يحدث من اجلها ذلك ، نتوجه الى المخطط الشعاعي المبين علىالشكل 2.46 . ان مجموع ثلاثة اشعة متماثلة يمكن إن ينعدم عندما تكون



الزاوية بين كل شعاعين متجاورين 120 درجة أو 240 ، وهذا يعيني

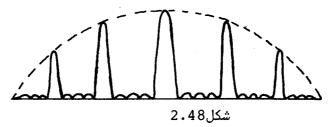
ان ثلاثة اشعة متماثلة يمكن ان تطفأ بعضها البعض ، اذا كان فــرق المشهر بين الشعاعين المتجاورين  $\frac{\lambda}{3}$  او  $\frac{28}{3}$  ويحدث الانطفاء في حالة أربعة اشعة (اظر الشكل 2.47) عندما يكون فرق الطور بيـــن



الشعاعين المتجاورين من مضاعفات 90 درجة مأي من اجل فرق في المسير قدره  $\frac{\lambda}{4}$  ,  $\frac{\lambda}{4}$  , نعمم هذه المناقشة على N شعاع فنحصل من اجل النهايات الصغرى الاضافية على الشرط التالى :

$$d \cdot \sin \varphi = \frac{\lambda}{N} , \frac{2\lambda}{N} , \dots , \frac{(N-1)\lambda}{N}$$
 (11\_3)

بمقارنة العلاقتين (1) و(3)،نرى أن عدد النهايات الصغــرى الثانوية المحصورة بين نهايتين عظيمتين رئيسيتين يساوي (N-1).



وبالرغم من أن هذه النهايات الصغرى الثانوية مفصولة بعظمى ثانوية ، الا ان هذه الاخيرة ضعيفة الاضاءة وبالتالي فان اللوحة الانعراجية تبدو على شكل اهداب مضيئة حادة جدا موجودة على قاعدة معتمسة (الشكل 2.48) وذلك من اجل شبكة مؤلفة من أربعة شقوق .

وبما أن نهايتين صغيرتين موجودتين الى جانبي النهاية العظمى الرئيسية ، نستنتج استنادا الى الشرط (3) ،ان عرض الهدب المضيىء (النهاية العظمى الرئيسية ) يكون أصغر كلما كان عدد الشقوق N اكبر ، فمن اجل العرض الزاوي للهدب يكون لدينا الشرط:

$$\delta(d.\sin \theta) = \frac{\lambda}{N} \qquad (11-4)$$

$$= \int_{0}^{1} d.\cos \theta \cdot \delta \theta = \frac{\lambda}{N} \qquad (11-5)$$

$$\delta \theta = \frac{\lambda}{Nd \cdot \cos \theta} \approx \frac{\lambda}{Nd} \qquad (11-5)$$

ذلك لأن φ زاوية صغيرة في التطبيقات العملية ٠

لكى نحصل على العبارة التحليلية للسعة بتابعية زاوية الانعراج ٧ ، يجب أن نقوم بجمع تأثير كل الشقوق وفق الاتجاه المقصود ١٠ن تأثير شق واحد وفق الاتجاه ۴ يعطى بالعبارة

$$S = A_0 \frac{Sind}{\alpha} \cos(\omega t + \beta_q)$$

حيث  $\alpha = \frac{\pi b \sin \phi}{1}$  حيث  $\alpha = \frac{\pi b \sin \phi}{1}$  حيث اتجاء الحزمة البدئية (انظر العلاقة 7-8) .

يعطى فرق المسير بين شعاعين متداخلين صادرين عن شقين متجاورين

بالعلاقة  $\beta_{\mu} = \frac{2\pi d}{2} \sin \varphi$  عيث d = a + b حيث  $\beta_{\mu} = \frac{2\pi d}{2} \sin \varphi$  بالعلاقة استعمال الطريقة الرمزية لجمع الاهتزازات الى جمع مقادير عقديــة • حيث يمثل الاهتزاز الناتج عن الشق الواحد بالعبارة

 $\beta_i = A_0 \frac{\sin \alpha}{2} e^{i\omega t} \cdot e^{i(j-1)\beta}$ 

وتكون الاهتزازة الحاصلة:

$$S = \sum_{j=1}^{N} S_{j} = A_{0} \frac{\sin \alpha}{\alpha} e^{i\omega t} \left[ 1 + e^{i\beta} + e^{i\beta} + \cdots + e^{i(N-1)\beta} \right]$$
(11-6)

ان المقدار الموجود ضمن الاقواس في الصيغة (6) يمثل مجموع حدود سلسلة هندسية اساسها  $q = e^{i\beta}$  ويساوي هذا المجموع  $\sum_{i=1}^{N} e^{i(\lambda-1)\beta} = \frac{1-e^{iN\beta}}{1-e^{i\beta}}$  (11\_7)

 $i\omega t$  j=1  $1-e^{\epsilon/s}$  وتساوي السعة طويلة هذا المقدار العقدي (يصف المضروب العبارة 6 التابعية للزمن ، ولايعطى أية مساهمة في تحديد السعة ) .

نفرب العبارة (7) في مرافقها العقدي ، فنحمل على : 
$$\frac{1 - e^{iN\beta}}{1 - e^{i\beta}} \cdot \frac{1 - e^{-iN\beta}}{1 - e^{-i\beta}} = \frac{2 - (e^{iN\beta} + e^{-iN\beta})}{2 - (e^{i\beta} + e^{-i\beta})} = \frac{1 - e^{i\beta}}{1 - e^{-i\beta}}$$

$$= \frac{1 - \cos(N\beta)}{1 - \cos\beta} = \frac{\sin^2(\frac{N\beta}{2})}{\sin^2(\frac{\beta}{2})}$$
 (11 \_8)

يعطي الجذر التربيعي للعلاقة (8) عبارة السعة التي نبحت عنها ( تعطي العلاقة (8) نفسها عبارة الشدة ) ، ونحصل بشكلنهائي آخذين بعين الاعتبار أن $\frac{2\pi d}{\lambda} \sin \varphi$  ، على :

$$A_{\psi} = A_{0} \frac{\sin\left(\frac{\pi b \sin\psi}{A}\right)}{\frac{\pi b \sin\psi}{A}} \cdot \frac{\sin\left(\frac{\pi vd \sin\psi}{A}\right)}{\sin\left(\frac{\pi d \sin\psi}{A}\right)}$$
(11\_9)

ويعكس المضروب  $A_{\sigma} \frac{\sin \alpha}{\lambda}$ ، حيث  $\frac{\pi b \sin \varphi}{\lambda}$  ويعكس المضروب  $A_{\sigma} \frac{\sin \alpha}{\lambda}$  حيث  $\frac{\pi b \sin \varphi}{\lambda}$  ميث شق واحد .

وبالتالي فان الانعراج على الشبكة ، كما هو الحال في الانعراج على شقين ، يؤدي الى تمركز جميع الضوء تقريبا في مجال النهاية العظمى المركزية لشق وحيد،ويساوي العرض الزاوي لهذه النهاية العظمئي الزاوية بين النهايتين الصغيرتين اللتين تحدان النهاية العظمئي المركزية للانعراج ) .

بما ان عرض كل شق يكون عادة صغيرا جدا ، فان هذه النهايــة العظمى تكون عريضة جدا ، ويتموضع داخلها عدد من النهايات العظمى الرئيسية للشبكة (عددمن الرتب ).

كيف تكون الشدة في النهايات العظمى الرئيسية ؟ تحددهذه الشدة بالشرط (1) . نعوض في (9) قيمة  $\frac{m_{\lambda}}{d}$  ، حيث m رتبة التداخل، فنحصل على :

$$I_{m} = A_{0}^{2} \frac{\sin^{2}(\frac{\pi b m}{d})}{\pi^{2} b^{2} m^{2}} \cdot \left[\frac{\sin(\pi m N)}{\sin(\pi m)}\right]^{2}$$
(11\_10)

 $\frac{d^2}{\sin(\pi m N)}$  وفق قاعدة لوبيتال ، فنجد :  $\frac{\sin(\pi m N)}{\sin(\pi m)}$ 

$$\lim_{\beta \to \pi m} \frac{\sin N\beta}{\sin \beta} = N - \lim_{\beta \to \pi m} \frac{\cos N\beta}{\cos \beta} = N \quad (11.11)$$

$$I_{m} = \frac{A_{o}^{2} N^{2} d^{2}}{\pi^{2} m^{2} b^{2}} \cdot S_{m}^{2} \left(\frac{\pi b m}{d}\right)$$
(11\_12)

يرى العبارة (12) أن شدة النهايات العظمى تتناسب مع ١٠٠٠ اذا كانت الشقوق ٨ غير مترابطة ، فان الشدة تنمو بمقدار ٨ مرة ( با لمقارنة مع الشدة لشق وحيد) . ويرى ايضا من العلاقة (12) ان زيادة رتبة النهايات ٣٠ يؤدى الى نقصان سريع للشدة .

وبما أن شرط النهايات العظمى(1) يتعلق بطول الموجة ، فان خطوط) اهداب) الألوان المختلفة سوف تلاحظ في أماكن مختلفة وهكذا اذاورد على شبكة الانعراج ضوء ابيض ، فان هذا الضوء يتعرض لتحليل (نشر) طيفي عندئذ يمكن اعتبارالشبكة جهازا جيدا للتحليل الطيفى ، ذلك لأنها يعطى خطوطا ضيقة جدا.

## . 12 \_ مواصفات أجهزة التحليل الطيفي ٠

تُعد مثل هذه الأجهزة لتعيين طول الموجة ، وذلك بمقارنة أطوال الامواج لخطوط طيفين متقاربين .

 $D_{\varphi} = \frac{\xi \, \varphi}{\xi \, \lambda} \qquad \text{(12-1)}$ 

يتشكل الطيف عادة على الشاشة بمساعدة عدسة ، فاذاكان البعد المحرقي لهذه العدسة يساوي 4 فان المسافة الزاوية 8 ستقابــل بازاحة خطية مقدارها 8 8 8 8 وهكذا يعرف التبديد الخـــطـي

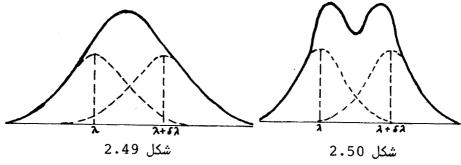
$$D_{\xi} = \frac{ss}{s\lambda} = \int D_{\varphi} \qquad (12-2)$$

ويعبر عن هذا المقدار عادة بالملم على انغستروم ( $mm/A^0$ ) .ويشار غالبا الى مقلوب المقدار السابق  $\frac{1}{D \rho}$  الذي يظهر عدد الامواج الموجودة في 1 ملم من صفيحة (فيلم) التصوير التي يسجل عليها الطيف .

ان شرط تشكل النهايات العظمى في حالة الشبكة هو d.sin $\Psi$ =m هو الشبكة هو  $\pi$  و  $\pi$  بمفاضلة العلاقـــة ونقوم من اجل موجتين متقاربتين  $\pi$  و  $\pi$  بمفاضلة العلاقـــة المذكورة  $\pi$  عن  $\pi$  =  $\pi$  =  $\pi$  =  $\pi$  (12.3)

حيث  $n = \frac{1}{d}$  عدد حزوز الشبكة في الملم الواحد • هكذا نلاحظ أن التبديد يزداد كلما نقص دور الشبكة d ، وكلما اردادت الرتبة d للطيف المشاهد •

\_ قدرة الفصل او شدة التحليل (Reso ving power): تعطي هذه الخاصة امكانية التمييز بواسطة الجهاز بين خطين طيفييين م موافقين لطولين موجيين متجاورين ٦ و ٦٦ + ٨ ويعرض الشكل 2.49 خطين مندمجين بغض النظر عن التبديد الشديد للجهاز ، فالتبديد يحدد المسافة بين قمتين لنهايتين عظيمتين ، بينما تتعلق قـــدرة الفصل بعرض الخط الطيفي.



يمكن لخطين طيفيين ان يكونا مفصولين بالتأكيد ، اذا وقعت النهاية العظمى لأحد الخطين على الصغرى للخط الآخر (عيار رايلي الشكل 2.50) . ويؤخذ بمثابة القياس لقدرة الفصل ، النسبة بينطول الموجة  $\chi$  والمجال الاصغر  $\chi$  أي  $\frac{\chi}{58} = A$  وتحدد النهايتان العظيمتان المتجاورتان في الطيف ذي الرتبة  $\chi$  لشبكة الانعراج من الشرطين

 $d \sin q_m' = m \lambda_1 \qquad d \sin q_m'' = m \lambda_2 \qquad (12-4)$ 

ان النهاية الصغرى لـ  $\lambda_2$  تلاحظ وفق الاتجاه  $\mu_m$  الذي يحقق الشرط (12-5) الشرط  $\lambda_2 + \frac{32}{N}$  (12-5) الشرط ويكون شرط رايلي الذي يتحقق من اجله الفصل هو التالي  $\mu_m^2 = \Psi_m$ 

$$m\lambda_1 = m\lambda_2 + \frac{\lambda_2}{N}$$
 or  $\frac{\lambda_2}{\lambda_1 - \lambda_2} = mN$  (12.7)

وبما أن  $3_2 = 3_7 - 3_1$  ، فاننا نحصلعلى عبارة قدرة الفصل للشبكة

$$A = \frac{\lambda}{5\lambda} = mN \tag{12-8}$$

وهكذا فان قدرة الفصل تساوي جداء رتبة الطيف m بعدد الاشعـة المتداخلة (عدد خطوط الشبكة ).

فمن اجل رتبة طيف 
$$m$$
 محددة ،مثلا ، يكون  $\frac{8\psi}{8\lambda} = \frac{m}{d \cdot \cos \psi} \implies m = \frac{8\psi}{8\lambda} d \cdot \cos \psi$  ومنه  $A = \frac{\lambda}{5\lambda} = Nd \cdot \cos \psi \cdot \frac{8\psi}{8\lambda} = \ell \cos \psi D\psi$ 

أى أن شدة التحليل = شدة التبديد × عرض الحزمة المنعرجة .

مجال التبديد : ان زيادة الرتبة تؤدي الى أن الطيوف تبدأ بتغطية بعضها البعض ، مما يحول دون ملاحظة الخطوط الطيفي عن وبالتالي يوجد لكل جهاز عرض محدود للمجال الطيفي  $3\lambda$  ، ويمكن ضمن هذا المجال الحصول على نهايات عظمى وصغرى متقطعة (غيرمتصلة) ويدعى هذا المجال بمجال التبديد  $3\lambda$  ، نوجد هذا المجال من اجل شبكة انعراج .

نفرض أن أمواجا محصورة في المجال ( $\lambda + \Delta \lambda$ ) تردعلى شبكة انعراج ، ان موضع النهاية العظمى للرتبة للطرف الايمن من هذا المجال المساوية لm يحدد بالعلاقة  $\lambda$  Sin  $\theta$  = m ( $\lambda + \Delta \lambda$ )

وتشكل النهاية العظمى للرتبة m+1 من اجل الطرف الايسر للمجال (طول الموجة  $\lambda$ ) ، عندما يتحقق الشرط

$$d. Sin Y_{m+1} = (m+1) \lambda$$
 (12\_10)

ويحصل الانطباق بين النهايتين عندما

$$q_{\mathbf{m}}^* = q_{\mathbf{m}+1} \qquad (12.11)$$

$$m(\lambda + \Delta \lambda) = (m+1) \lambda \quad \partial C \quad C = \Delta \lambda = \frac{\lambda}{m} \quad (12-12)$$

وهكذا نلاحظ أن مجال التبديد يتناقص كلما أردادت الرتبة .

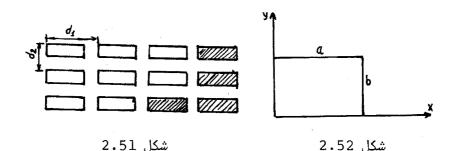
تسمح المواصفات التي استعرضناها آنفا بمقارنة مختلف الاجهزة الطيفية التداخلية منها والانعراجية ، واختيار الجهاز المناسب لهدف الاستعمال .

يمكن للتداخل ان يحدث ليس فقط على مجموعة من الشقــوق المتوازية (شبكة أحادية البعد) ، وإنما على شبكة مستوية ، تتألف من جملة فتحات مستطيلة دورية ثنائية البعد ، وأيضا على هيكــل ثلاثي البعد دوري ، وتعتبر الحالة الأخيرة هامة جدا من الناحيـة التطبيقية .

ويرتبط هذا بأن الشبكة البلورية للاجسام الصلبة تعتبر بناء (تركيبا) فراغيا دوريا ويلاحظ الانعراج عندما ترد على البلسورات أشعة ذات اطوال موجية قصيرة جدا (اشعة رونتجن) وتكون اللوحة الانعراجية في هذه الحالة على شكل نقاط مضيئة (أماكن تقاطعالاهداب) متوضعة على قاعدة معتمة ويمكن أن نعين بواسطة اللوحة المذكورة دور الشبكات البلورية ، أي المسافة المتوسطة الفاصلة بين ذرات الجسم الصلب وتستند على هذا الاساس طرق تحليل التركيب البلوري بالاشعة السينية .

يعبر عن شرط تشكل النهايات العظمى في حالة شبكة الانعراج ثنائية البعد(الشكل 2.51) بالعلاقتين

 $d_1 \cos \alpha = \pm m\lambda$  ,  $d_2 \cos \beta = \pm m\lambda$  (12\_13) حيث ان  $\alpha$  و  $\alpha$  الزاويتان اللتان يشكلهما الاتجاه نحو نقطـــة



المراقبة مع محوري الاحداثيات ، وتحدد الزاوية الثالثة X أثناءذلك بالعلاقة بالعلاقة  $2\omega + \cos^2 \beta + \cos^2 \lambda = 1$ 

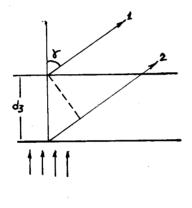
يمكن الانتقال من الانعراج على شبكة ثنائية البعد الى الانعراج على فتحة مستطيلة (الشكل2.52) . وتبين الحسابات أن شدة الضوء في الاتجاه ٨ ، ٨ يعطى بعبارة مشابهة لعبارة الشدة في حالــة

الانعراج على شق أوشبكة (انظر الصيغتين 10و 11 في الفقرة 11):  $I = A_0^2 \frac{\sin^2\left(\frac{\pi a \sin \alpha}{\lambda}\right)}{(\frac{\pi a \sin \alpha}{\lambda})^2} \cdot \frac{\sin^2\left(\frac{\pi b \sin \beta}{\lambda}\right)}{(\frac{\pi b \sin \beta}{\lambda})^2}$ 

يوصف الانعراج على تركيب ثلاثي دوري (بلورات) بنفس الصيغ من اجل الشبكة ثنائية البعدمع شرط اضافي للنهايات العظمى ،وذلك بنتيجة تداخل الاشعة الصادرة عن مختلف مستويات الشبكة (الشكل 2.53) . لنفرض أن الضوء يرد على الشبكة من الاسفل ، ان فيرق المسير بين الشعاعين 1و 2 المنعرجين على مستويين للشبكة والمتجهين وفق الزاوية لا ،يعطى بالعلاقة

 $\Delta = d_3 - d_3 \cos \delta$  (12\_15)

حيث **d3** المسافة بين مستويات الشبكة (الدور الثالث للشبكــة) . وتحدد جملة الشروط



شكل 2.53

وتحدد جمله الشروط  $d_1 \cos \alpha = \pm m_1 \lambda$   $d_2 \cos \beta = \pm m_2 \lambda \ (12_{16})$   $d_3 - d_3 \cos \delta = \pm m_3 \lambda$ بالإضافة الى الشرط  $\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \delta = 1$   $\frac{m_1^2 \lambda^2}{d_1^2} + \frac{m_2^2 \lambda^2}{d_2^2} + \frac{(d_3 - m_3 \lambda)^2}{d_3^2} = 1 \ (12_{17})$   $d_3 = 1$ 

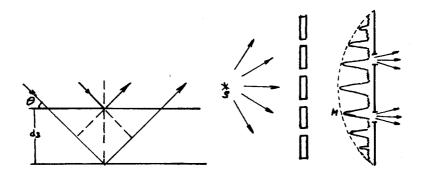
الانعراجية الصادرة عن شبكة فراغية .

اذاحدث انعكاس على طبقات الشبكة ، فان علاقة التداخــل تأخذ نفس الشكل لعلاقة فرق المسير من اجل صفيحة متوازية الوجهين (الشكل 2.54) :  $2 \frac{1}{3} \cos 5 = \pm m$  (12\_18)

حيث \$ زاوية الانعكاس . وتدعى هذه العلاقة الاخيرة بعلاقة براغ فولغا .

نشير اخيرا الى بعض الملاحظات . يملك مبدأ هويغنز \_ فرنــل وعبارته الرياضية لكرتشوف تطبيقات محددة ، ذلك لأنه في حالة استخدام

شقوق ضيقة جدا Δ ~ d ، وفي حالة زوايا انعراج Ψ كبيرة ، تبدأخواص الحاجز المستعمل بتأثيراتها على المسألة المدروسة ، ولحل المسألـة في هذه الحالات ، يجب ان تؤخذ بعين الاعتبار الشروط الحدوديـــة للحقل الكهرطيسي للموجة الضوئية ، مما يسبب صعوبات جمة في الحسابات وحتى الآن لم تحل بشكل دقيق الأبعض المسائل الانعراجية ، وفي هذه المسائل تستخدم غالبا شروط مثالية .



شكل 2.55 شكل 2.55

وتتطرق الملاحظة الثانية الى دور الانعراج في الاجهرة البصرية حيث أن حدود الجسمية تعتبر حدود الفتحة التي يحدث عليها انعراج الضوء الوارد . وهذا يؤثر على قدرة الفصل للأجهزة البصرية ، وسيوف نتعرض الى ذلك في الفصل الذي يخص الضوء الهندسي .

لقد درسنا سابقا ورود الموجة المستوية على شبكة الانعراج، ولكن من المشير الحالةالتي توضعفيهاالشبكة مباشرة بين المنبع والشاشة دون استخدام عدسة مقربة (الشكل 2.55).

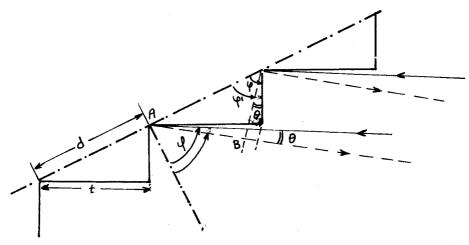
يرد الضوء في الحالة الاخيرة المذكورة ، على الشبكة وفق جميــع روايا الورود الممكنة ، ويبدو الطيف المتشكل على الشاشة مموها (غير واضحا ) . غير أن الضوء الذي يعبر الشبكة يملك بعض الخواص المثيرة للاهتمام . ففي الوقت التي تشكل فيه نهايات عظمى للشدة في حالــة استخدام موجة مستوية ، تتشكل في حالتنا نهايات عظمى للترابــط . فاذا أحدثنا شقين في الشاشة ، فإن اللوحة التداخلية ليونغ الــتي تتشكل خلف الشاشة تكون واضحة جدا ، وذلك اذا انطبق الشقان علــى

موضعي نهايتي ترابط عظيمتين ٠

\_ شبكة الانعراج المدرجة ( Echelon): لقد وجدنا في هذه الفقرة أن شدة تبديد الشبكة تتناسب مع عدد الشقوق في الملم الواحد ( العلاقة 3) ، وتتناسب ايضا مع الرتبة ، وكذلك وجدنا أن قدرة الفصل للشبكة تتناسب مع عدد الشقوق (الحزوز) الكلى ٨ ومع رتبة الطيف ،

ان زيادة شدة التحليل تتطلب زيادة عدد الحزوز ولكن هذا لايمكن ان يكون بدون حدود ، بالاضافة الى أن زيادة الرتبة تؤدي الى انخفاض الاضاءة ، وقد أمكن التغلب على هذه المشكلة باستخدام مايـعـرف بالشبكة المدرجة ، ويوجد نوعان من هذه الشبكات ، الشبكات المنفذة والعاكسة ،

يعرض الشكل 2.56 مخططاً لشبكة مدرجة عاكسة ، دورها  $\mathbf{d}$  ، وعرض الدرجة الواحدة يساوي  $\mathbf{S}$  وعمقها  $\mathbf{d}$  . اذا وردت الاشعة بزاوية ورود  $\mathbf{v}$  على هذه الشبكة ، فان فرق المسير بين اضطرابين منعرجين مسن نقطتين متوافقتين من درجتين متجاورتين بزاوية انعراج  $\mathbf{v}$  يعطبه ع



شكل 2.56

العلاقة :  $\Delta = AB + t = d \cdot \sin \theta' + d \cdot \sin \theta' = d \cdot \sin \theta' + \sin \theta$ ويجب ان يتحقق الشرط في مواضع النهايات العظمى  $n'd \cdot (\sin \theta' + \sin \theta') = mA$ (12\_19)

حيث n' قرينة انكسار الهواء و m الرتبة و n' طول موجة الضوء المستخدم .

نجد من الشكل 2.56 ان 
$$\theta = \Psi - \Psi'$$
 ,  $\Psi' = \Psi - \Theta$   $\sin \Psi' = \sin \Psi \cos \Theta - \cos \Psi \cdot \sin \Theta$ 

 $sin \varphi = \frac{t}{d}$  ,  $cos \varphi = \frac{S}{d}$  لدينا ايضا  $\Theta$  صغيرة في اغلب الحالات العملية ، يكون $0 = cos \theta$  و $0 = cos \theta$ 

وتصبح المعادلة (19) على الشكل :

$$n'd \left[ \frac{t}{d} - \frac{s}{d} \theta + \frac{t}{d} \right] = m \lambda$$

$$n'(2t - \theta \cdot s) = m \lambda \qquad (12-20)$$

وباهمال تبديد الهواء نجد ان التبدد الزاوي يعطى بالعلاقة:

$$\Delta_{\theta} = \frac{\delta\theta}{5\lambda} = -\frac{m}{n's} = -\frac{2t}{\lambda ns} \qquad (12-21)$$
auxol "Decido of asterna" and "Decido of as

التي نحصل عليها من اشتقاق العبارة (19) . وبصورة مشابهة نجد من العلاقة (20) :

$$\frac{\delta \theta}{\delta m} = -\frac{\lambda}{\delta n'} \tag{12.22}$$

اذا وضَعنا  $\delta m=1$  ،نحصل على قيمة البعد الزآوي بين الرتب المتتالية  $\delta \theta = -\frac{\lambda}{5m}$ 

ويمكن حساب ◊٨ بين الرتب المتتالية من العلاقة (21):

$$\Delta \lambda = -\frac{\lambda s}{2t} \delta \theta = -\frac{n's}{m} \delta \theta = \frac{n's}{m} \cdot \frac{\lambda}{n's} = \frac{\lambda}{m}$$

وباستخدام العلاقة (20) بعد اهمال الحد الحاوي على  $\theta$ ، وبالتبديل

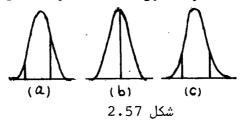
نحصل على: 
$$\frac{\lambda^2}{m} = \frac{\lambda^2}{2n! + 1}$$
 (12\_23)

تساوي شدة التحليل لهذه الشبكة ، كما هو الحال في الشبكات الاخرى ، الى جداء الرتبة بعدد العناصر العارجة ، ويكون عددالعناصر العارجة في هذا النوع من الشبكات صغيرا (مثلا 40) ، ولكن الرتبة

كبيرة ، مثلا اذا كانت سماكة الصفيحة 7 ملم ، فان m تساوىتقريبا من اجل  $\theta=0$  وذلك عند استخدام الضوء ذي الطول الموجسي  $\theta=0$  $\lambda = 4000 A^{\circ}$ 

تقع النهايات العظمى الرئيسية المعطاة بالعلاقتين (19) و(20) ضمن المغلف الموافق لنموذج الانعراج لعنصر عارج وحيد من الشبكــة 🔹 ويتمركز نموذج الانعراج ، في حالة الانعكاس ،الموافق لفتحة وحيدة عرضها 5 في حالة الورود الناظمي ، على الناظم لسطح وجه الدرجة ،  $\theta = \pm \frac{\lambda}{2}$  وتعطى النهاية الصغرى الاولى بالعبارة او بدلالة طول الموجة في الخلاء

حيث  $\theta$  صغيرة و n' قرينة انكسار الهواء ، ان الفرق الزاوي للنهايات العظمى الرئيسية يساوي  $\frac{\Delta}{n \cdot s}$  وذلك من العلاقة (22) . وهذا يوجدمكان لنهايتين عظيمتين رئيسيتين فقط داخل النهاية العظمى المركزية للمغلف وتوافق هاتان النهايتان في الحالة العامة الموضعين المبينين علــــى الشكل 2.57a . وعندماتوافق عددا صحيحا من طول الموجة m 7 فان الخط ذا الرتبة m سوف يكون ميلاحظاً بمفرده ، لأن الخط الذي ليه



يقع على النهاية الصغرى للمغلف ، اي يكون لدينا وضع وحيد الرتبــة (الشكل b -2.57) ، وعندما يكون

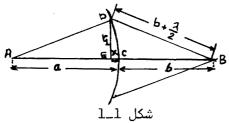
$$2 + n' = \left(m + \frac{1}{2}\right) \lambda$$

 $\theta = \frac{\pm \lambda}{2 \, \text{n/s}}$  فان الخطين يملكان شدتين متساويتين ، ويلاحظان في المكانين (الشكل 2.57-C).

يستبدل في حالة الشبكة المدرجة المنفذة المقدار 2nt ب (n-n')t حيث n تساوى قرينة انكسار الزجاج التي صنعت منه الشبكة ،وتكون الرتبة في هذه الحالة أقل ، وشدتي التبديد والتحليل أقل منهمافــي مالة الشبكة العاكسة ،اضافة الى ذلك فان طb سوف يتغير مع م ولدلك لن يكون مستقلا عن ٦ 1 ـ احسب أنصاف أقطار مناطق فرنل لموجة كروية نصف قطرها ه في النقطة على الله التي تقع على بعد على من منبع لضوء وحيد اللونطول موجته على خذ بعين الاعتبار أن ك حمل المثلثين النصف قطر المنطقة الاولى لفرنل، يمكن ايجاده من المثلثين

DEB , ADE

$$r_1^2 = a^2 - (a - x)^2 = (b + \frac{\lambda}{2})^2 - (b + x)^2$$



بما أن طول الموجة صغير ،فإن  $X = \frac{b3}{2(a+b)}$  وبالتالي  $\chi^2 = 2ax - \chi^2$  نهمل القيمة الصغيرة  $\chi^2$ 

is also in the state of the state  $r_1 = \sqrt{ab 3/(a+b)}$ 

بشكل مماثل يمكن الحصول على انصاف أقطار مناطق فرنل اللاحقة •

$$r_{K} = \sqrt{ab\kappa a/(a+b)}$$
 فمن اجل المنطقة ذات النمرة

النقطة  $\bf B$  الواقعة على بعد  $\bf b$   $\bf b$  ) من جبهة الموجة ،حيث  $\bf B$  طول موجة الضوءالمستخدم  $\bf a$ 

ران الموجة المستوية توافق مسافة من المنبع النقطي الى جبهة الموجة تساوي  $\alpha$  ( $\alpha \longrightarrow \alpha$ ) . وتكون انصاف اقطار المناطق المبحوث

$$r_{K} = \lim_{a \to \infty} \sqrt{\frac{abk\lambda}{a+b}} = \sqrt{kb\lambda}$$
 : lais

انظر حل المسألة 1 .

3 ـ منبع نقطي لضوء وحيد اللون طول موجته 5000 ،يقع على مسافة m 4.5 mm و من فتحة في حاجز، قطرها D = 4.5 mm وتوجد شاشة على بعد a ـ من الشاشة في النقطة a من الشاشة الواقعة على محور الحزمة ،

إذا ازداد قطر الفتحة الى  $P_1 = 5,2 \; mm$  ؟

لحل هذه المسألة لابد من حساب العدد K لمناطق فرناللموجودة في الفتحتين المالكتين للقطرين D و D و المستعمل نتائج المسالة  $P/2 = \sqrt{\frac{Kab3}{(a+b)}}$ 

وبالتبديل بالمعطيات العددية نجد أن K=3 (عددفردي) وذلك من اجل اجل  $D=4,5\,mm$  مناطق (عدد زوجي) من اجل اجل  $D=4,5\,mm$  وبالتالي فإنزيادة قطر الفتحة تودي الى تناقص الاضاءة في النقطة  $D=4,5\,mm$  .

4 كيف يمكن أن توافق بين قانون انحفاظ الطاقة والواقع التالي وهوأن زيادة الفتحة (انظر المسألة 3) يمكن أن يؤدي الى نقصان الاضاءة على محور الحزمة ؟ علما بأن زيادة الفتحة تؤدي الى زيادة التدفق الموئى الكلى الذي يجتازها .

ـ تكون البقعة المظلمة على محور الحزمة مناجل أُربع مناطق مفتوحة لفرنل محاطة بخواتم مضيئة ومظلمة ، وفي الواقع ترداد الاضاءة الكلية للشاشة ، غير أن توزع الطاقة الضوئية على الشاشة تتغير بحيث تصبح الاضاءة في المركز صغرى .

5 ـ تسقط موجة ضوئية مستوية  $(\lambda = 6000 \, \text{A}^0)$  على حاجز يحوي فتحة دائرية ، توضع شاشة على بعد  $\lambda = 0$  خلف الفتحة ، من اجل أي قطر  $\lambda = 0$  للفتحة ، تكون الاضاءة في النقطة  $\lambda = 0$  من اللوحة والوقعة على محور الحرمة الضوئية عظمى ؟

ــ تكون الاضاءة في النقطة المعنية عظمى ، عندما تتوضع في الفتحة منطقة واحدة فقط .بالأخذ بعين الاعتبار حل المسألة 1 نجد أن :

 $D = 2\sqrt{b\lambda} = 0.2 \text{ cm}$ 

6 ـ اعتبر المسافتين بين المنبع والحاجز ،وبين الحاجز والشاشة متساويتين تقريبا ، وتساوي كل منهما  $\alpha$  ، قدر من اجل أية شروط يكون انعراج الامواج الضوئية ذات الطول  $\chi$  على الثقب في الحاجز واضحا بشكل كاف (الاضاءة على محور الحزم تتعلق بقطر الفتحة ) .

ــ يكون الانعراج ملحوظا ، إذا تواجد في الثقب عدد صغير مــن مناطق فرنل ، أي يجب أن يكون نصف قطر الثقب من رتبة (أو أصغر )

b = 0.08 cm . والبعد المحرقي للعدسة 80 سم . احسب الاطوالاالموجية المفقودة في المجال المرئي على الشاشة ، وذلك على بعد 0,3 سم من المحور الاصلى للجملة .

بالعلاقة :  $I_{\varphi} = I_{o} \frac{\sin^{2}(b\frac{\pi}{\lambda}\sin\varphi)}{(b\frac{\pi}{\lambda}\sin\varphi)^{2}}$  :  $I_{\varphi} = I_{o} \frac{\sin^{2}(b\frac{\pi}{\lambda}\sin\varphi)}{(b\frac{\pi}{\lambda}\sin\varphi)^{2}}$   $H_{\varphi} = H_{o} \frac{\sin(\frac{\pi b}{\lambda}\sin\varphi)}{\frac{\pi b}{\lambda}\sin\varphi}$  :  $H_{\varphi} = H_{o} \frac{\sin(\frac{\pi b}{\lambda}\sin\varphi)}{\frac{\pi b}{\lambda}\sin\varphi}$  ومنه نجد أن شرط تشكل النهايات الصغرى هو

 $\frac{\pi b}{2} \sin \varphi = m \pi \implies \sin \varphi = m \frac{3}{b}$ 

حيث m عددصحيح .

 $\alpha = \frac{\pi b}{3} \sin \varphi$  النهايات العظمى : لنفرض أن  $\sin \varphi = 2$  تتشكل النهاية العظمى المركزية من اجل  $\cos \varphi \rightarrow 0$  أي  $\cos \varphi \rightarrow 0$  ومنه نجد أن  $\cos \varphi \rightarrow A_0 \rightarrow A_0$ 

تعطى بقية النهايات باشتقاق العلاقة (2) بالنسبة لـ له وعدم المشتق  $\frac{d A \varphi}{d \alpha} = A_o \left( \frac{\cos \alpha}{\alpha} - \frac{\sin \alpha}{\alpha^2} \right) = 0$ 

 $tg a = a \implies tg \left(\frac{\pi b}{\lambda} \sin \varphi\right) = \frac{\pi b}{\lambda} \sin \varphi$ 

ب - إن الاطوال الموجية المفقودة تقابل النهاية الصغرى من اجل  $\sin \varphi = \frac{x}{4} = \frac{0.3}{80} = \frac{3}{8} \cdot 10^{-2}$ 

 $\sin \varphi = \frac{m\lambda}{8} \implies m\lambda = b \sin \varphi = 0.08 \cdot \frac{3}{8} \cdot 10^{-2}$   $e^{-2}$   $e^{-2}$ 

الواقعة في المجال المرئي: 9 ، 8 ، 7 ، 6 ، 5 = m . وتقابــل هذه الفيم اطوال مُوجية تساوى على التربيب :

المرئي . 12 - إذا سقط ضوء بارز من شق ضيق على سلك معدني رفيع مواز للشق ، تتشكل أُهداب متساوية الابعاد عن بعضعا تقريبا في الظل الهندسي للسلك ، احسب نصف قطر السلك إذا كان طول موجة الضوء المستخدم ( $A^{\circ}$  5893) والبعد بين الاهداب المضيئة المتتالية ( $A^{\circ}$  1, 0 مم ) على بعد ( $A^{\circ}$  21 سم ) عن السلك .

\_ إن السلك ، حسب مبدأ بابينيه ،يكافى عنى تصرفه شق ضيق عرضه يساوى قطر السلك .

 $+g \propto - \propto$  ان شرط تشکل النهایات العظمی هو:  $\propto - \sqrt{g}$ 

حيث  $\frac{\pi b \sin \phi}{2}$  =  $\alpha$  وبما أن زوايا الانعراج صغيرة يمكن استبدال  $\alpha$  =  $\alpha$  وبما أن زوايا الانعراج صغيرة يمكن استبدال  $\alpha$  =  $\alpha$ 

 $(2n+1)\frac{\pi}{2} = \frac{\pi b \, 4n}{3} \Rightarrow \qquad 4n = \frac{(2n+1)3}{2b}$ 

ويعطى بعد الهدب المضيىء عن الهدب المركزي من اجل بعد للشاشة يساوي a بالعلاقة a ب a ب ومنه يكون البعد بين هدبين مضيئين متتاليين ؛  $x_{n+1} - x_n = i$ 

$$i = \frac{a\lambda}{b} \implies b = \frac{20 \cdot 10^{-2} \cdot 5893 \cdot 10^{-10}}{0.1 \cdot 10^{-3}}$$

13 ـ تسقط موجة ضوئية مستوية طول موجتها  $m{ heta}^{m{o}}$  5000 على حاجيز معتم يحوي ثقبا دائريا قطره 1 مم

احسب شدة الاضاءة في نقطة تقع على المحور الناظمي على الثقب وعلى بعد 30 سم خلف الحاجز بدلالة شدة النهاية العظمى الاولى .

14 ـ تصنع هالة متشكلة حول القمر زاوية 5 درجة في عين المشاهد إذا فرض أن سبب تشكل الهالة هو الانعراج الحاصل على قطيرات الماء العالقة في الجو ، احسب اقطار هذه القطيرات ، بفرض أن طول الموجة ( $\mathbf{6}^{0}$ , 5000 ) .

\_ إن صورة القمر في عين المشاهد تمثل هدب الانعراج المركزي والهالة تمثل الهدب المضيىء الأول الذي يحيط به الهدب المظلم الثاني . غير أن نصف قطر الحلقة المضيئة الاولى تحدد من العلاقة

حيث أم نصف قطر الحلقة الأولى و ٢٠٠٠ نصف قطر قطرة الماء ١٠٠

ان السعة في نقطة ما P من المستوي المحرقي للعدسة ،والموافقة  $\gamma$  تعطى بالعلاقة :  $T_1(z)$  به تعطى بالعلاقة :  $\gamma$ 

$$\frac{2}{2 \to 0} \xrightarrow{\overline{J_1(2)}} \xrightarrow{\overline$$

الهدب المركزي ،

وبما أن نصف القطر المضيىء المركزي يتحقق من اجل الانعدام الاول **٢٠٤.** وبما

يحسب نصف قطر الهدب المظلم الثاني ،عندما يتحقق الشرط:

$$Z_{2} = \frac{3\pi}{4} + \frac{3\pi}{2} = 2,25 \pi \iff Z_{2} - \frac{3\pi}{4} = \frac{3\pi}{2}$$

 $Z_1' = \frac{3\pi}{4} + \pi = \frac{7\pi}{4}$   $= \frac{2}{4} - \frac{3\pi}{4} = \pi$  | If  $\pi = \frac{3\pi}{4$ 

18 ـ شقان عرض كل منهما (b = 0,14 mm) ، والمسافة بين مركزيهما (d = 0,84 mm) . آ ـ ماهى الرتب المفقودة ؟

ب ماهي الشدة النسبية التقريبية في الرتب

$$m=6$$
 3!  $m=0$ 

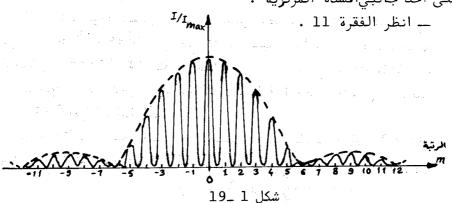
\_ آ . إن شرط تشكّل النهايات العظمى الرئيسية

من 1 و2 نجداًن الرتب المفقودة تحقق العلاقة  $m / m = d = d = m = \frac{0.84}{0.14} = 6 m$  شكل 18.1 أي من أجل m = 6 , 12 , 18 , ---

ب ـ تعطى الشدة في الرتبة m بالعلاقة  $I = I_0 \frac{\sin^2(\frac{\pi bm}{d})}{(\pi bm/4)^2} \cdot \left(\frac{\sin \pi m N}{\sin \pi m}\right)^2$ 

الشقوق ، في حالتنا 
$$N=2$$
 اضف إلى أن  $N=2$  الشقوق ، في حالتنا  $N=2$  اضف إلى أن  $N=3$  السم  $N=3$  ال

$$\frac{I_2}{4I_0} = \frac{\sin^2(\frac{2\pi}{6})}{(\pi \cdot 2/6)^2} = \frac{36\sqrt{2}}{8\pi^2} \approx 68.4\%$$



حتى يحدث تحليل هذين الخطين ، يجب أن يتحقق شرط رايلي : 
$$m \, \lambda_1 = m \, \lambda_2 + \frac{\lambda_2}{N} \implies m \, (\lambda_1 - \lambda_2) = \frac{\lambda_2}{N}$$
 من اجل  $m = 1$  يكون عدد الحزوز الكلي  $N = \frac{\lambda_2}{1 \, \lambda_1 - \lambda_2 \, 1} = \frac{5890}{6} = 980$  وبالتالي يكون عرض الشبكة  $\ell = \frac{N}{m} \approx 3.3 \, m \, m$ 

10 احسب شدة تحلیل شبکة عاکسة مدرجة عدد درجاتها درجات، وسماکة کل درجة 2 سم . إذا استخدم ضوء طول موجت .  $\mathbf{A}^{o}$  ) .

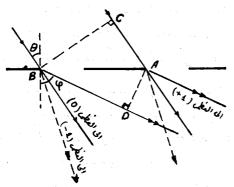
$$n(2t-\theta.5)=mA$$
 :  $a_{000}$ 

من اجل 0 ≈0 نجد عمر 2 nt

$$m_{\text{max}} = \frac{2nt}{3}$$

$$m(A_1 - A_2) = \frac{\lambda}{N} \implies \lambda_1 - \lambda_2 = \frac{\lambda^2}{m \cdot N} = \frac{\lambda^2}{2ntN}$$
$$= \frac{(3 \cdot 10^{-5})^2}{2 \cdot 1 \cdot 10} = 4, 5 \cdot 10^{-9} \text{ cm}$$

m=-1,-2,-2 . و - -2, الأعلى من النهاية المركزية الى الأسفل من النهاية المركزية من اجل النهاية المركزية الى الاسفل من النهاية المركزية المركزية



شكل 1 \_26

نحصل على أعظم قيمة لمرتبة الطيف من اجل 9 - 90 عندئذ 9 - 90 عندئذ 1 - 10 1 -

27 ـ جد الشرط الذي يحدد الاتجاه نحو النهايات العظمى

الرئيسية من اجل ورود مائل للامواج الضوئية على الشبكة ، إذا كاندور الشبكة m كاندور الشبكة m كاندور الشبكة الطيف .

يعطى الشرط اللازم ،في الحالة العامة (انظر المسألة السابقة) بالشكل  $3 \cdot (\sin \varphi - \sin \phi) = m \cdot \lambda$  بالشكل ويمكن اعادة كتابته كالتالي :  $3 \cdot \cos \frac{\varphi - \phi}{2} = m \cdot \lambda$  عادة كتابته كالتالي :  $3 \cdot \cos \frac{\varphi - \phi}{2} = m \cdot \lambda$ 

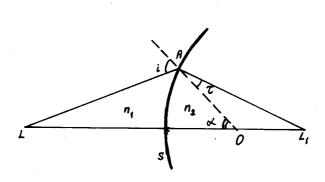
إذا كانت $d >> m \lambda$  فإن  $\theta \approx \theta$  . وفي هذه الحالة يكون :

وكأُن ثابت الشبكة قد نقص في هذه الحالة واصبح $d\cdot cos \Psi$  بد  $d\cdot cos \Psi$  من  $d\cdot cos \Psi$  وتحسب الزوايا  $d\cdot cos \Psi$  بدءا من اتجاه الاشعة الواردة  $d\cdot cos \Psi$ 

28 ـ تسقط حزمة ضوئية متوازية من ضوء الصوديوم ناظميا على شبكة انعراج تحوي ( 300 = n ) شقا في الملم ، عين اتجاه الرتبة الاولى للخطين  $\mathbf{p}$  وعرض الشبكة الضروري لتحليلهما ، ( الخطان  $\mathbf{p}$  5890  $\mathbf{p}$  )

ط نکتب العلاقتین \_\_ نکتب العلاقتین \_\_  $d\sin \theta_1 = m \lambda_1$  ر  $d\sin \theta_2 = m \lambda_2$  و  $d\sin \theta_1 = \frac{\lambda_1}{d}$  ر  $d=\frac{\lambda_1}{d}$  ر  $d=\frac{\lambda_2}{d}$  ر  $d=\frac{\lambda_1}{d}$  یکون من اجل الرتبة الاولی

لدينا ايضا من المثلث 
$$AL_1$$
 بحكم نفس مبرهنة الجيوب  $\frac{AL_1}{OL_1} = \frac{sin(180-d)}{sin\tau} = \frac{sin\alpha}{sin\tau}$  (13\_3) بضرب المساوتين  $2e^{i}$  ، نجد  $\frac{LO}{LA} = \frac{AL_1}{OL_1} = \frac{sin(i \cdot sin\alpha)}{sin\alpha \cdot sin\tau} = \frac{sin(i \cdot sin\alpha)}{sin\tau}$  (13\_4)



شكل 3.1

إن نسبة جيبي الزاويتين تساوي نسبة قرينتي انكسار الوسطين

$$Sin L$$
 =  $\frac{Nz}{N_1}$  =  $\frac{Nz}{N_1}$  (13\_5) وبالتالى:

وبالثاني:  $\frac{Lo}{oL_1} = \frac{ALI}{n_1} = \frac{n_2}{n_1}$  (13\_6) وتمثل القطعة  $\frac{LO}{n_1}$  مجموع نصف القطرة  $\frac{LO}{n_1}$  للكرة والمسافة من

النقطة L الى السطح (باشارة سالبة )، لنرمز لهذه المسافة ب $a_l$  ونرمز للقطعة AL بالحرف  $a_l$  عندئذ تأخذ الصيغة (6) باستعمال هذه الرموز وأخذ المساوتين التقريبيتين (1) بعين الاعتبار،الشكل :

$$\frac{-a_1 + R}{-a_1} \cdot \frac{a_2}{a_2 - R} = \frac{n_2}{n_1}$$
 (13\_7)

 $a_2 n_1 R - a_1 a_2 n_1 = a_1 n_2 R - a_1 a_2 n_2$ 

$$\frac{n_2}{a_2} - \frac{n_1}{a_1} = \frac{n_2 - n_1}{R}$$
 (13.8)

تستعمل هذه الصيغة من اجل المرآة الكروية في الهواء ، وتكون في هذه

الحالة 1=1 .

 $\frac{N_2}{n_1} = \frac{v_1}{v_2}$  من الاعتبارات الاتّية : من المعلوم أن  $n_2$  من الاعتبارات الاتّية . حيث أن  $v_2$  سرعتا انتشار الموجة .

لديناً في حالة المرآة وسطا وحيدا هو الهواء ، غير أن السرعــة  $\mathcal{P}_2$  تملك بنتيجة الانعكاس اتجاها معاكسا للاتجاء الذي كانت ستملكه في حالة الانكسار أي أن  $N_2$ .

وهكذا نحصل على صيغة المرآة الكروية :

$$\frac{1}{a_2} + \frac{1}{a_1} = \frac{2}{R} \tag{13-9}$$

وهذه الصيغة تصح في حالة الاشعة المحورية .

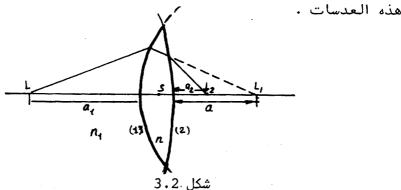
اذا أبعدنا المنبع الى اللانهاية أي  $a_1 = a_2$  فإن اذا أبعدنا المنبع الى اللانهاية أي  $a_1 = a_2$ 

 $1/a_2 = 2/R$  (13\_10)

وهذا يعني ان الاشعة المتوازية الواردة من منبع واقع في اللانهايـة تعطي خيالا لهذا المنبع يقع على مسافة  $rac{\mathcal{R}}{2}$  من السطح .

وتدعى هذه المسافة بالبعد المحرقي  $\frac{2}{4}$  للجملة ، وتسمى النقطية F الواقعة على هذه المسافة من السطح بمحرق الجملة .

حيثان lpha و lpha مقاسان من مركز العدسة ، وهذا ممكن من اجل مثل



ونجد من اجل الوجه الثاني (نصف قطره 
$$R_2$$
):

 $R_1$ 
 $R_2$ 
 $R_3$ 

$$\frac{n_1}{a_2} - \frac{n}{a} = -\frac{n - n_1}{R_2}$$
 (13\_12)

حيث تأخذ  $\mathcal{R}_{t}$  أشارة موجبة او سالبة ، وذلك حسب تقعر الوجه 2 ( الى اليمين اوالى اليسار ) منجمع المساواتين 11 و 12 :

$$\frac{n_1}{a_2} - \frac{n_1}{a_1} = \frac{n - n_1}{R_4} + \frac{n_1 - n}{R_2}$$
 (13\_13)

$$\frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_1} = \frac{n_1 - n}{n_1} \left( \frac{1}{R_2} - \frac{1}{R_1} \right) \tag{13-14}$$

$$\frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_1} = (N - 1)(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2})$$
 (13.15)

حيث  $\frac{N}{n} = N$  قرينة الانكسار النسبية .

يمكن من العلاقة (15) الحصول على بعض الحالات الخاصة :

$$R_2 = -R_1(\bar{1})$$
 (عدسة متناظرة) : (عدسة متناظرة)  $R_2 = -R_1(\bar{1})$  (13\_16) (13\_16) ويمثل المقدار  $R_1 = \frac{1}{2(N-1)}$  البعد المحرقي  $R_2 = \frac{1}{2(N-1)}$  البعد المحرقي  $R_3 = \frac{1}{2(N-1)}$ 

 $\frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_1} = \frac{1}{4}$   $= \frac{2(N-7)}{4}$  = 1 (16) على: = 1 (16) على: = 1 (16) على:

$$\frac{1}{a_1} - \frac{1}{a_1} = \frac{2(n-1)}{R} = \frac{1}{4}$$

$$f = \frac{R}{2(n-1)}$$
(13\_17)

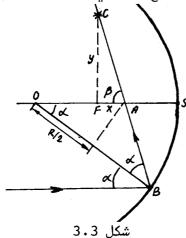
اذا كانت الاشعة المستخدمة بعيدة عن محور الجملة ( الحزمة لامحورية ) فان الصيغ التي استخرجناها سابقا تصبح اقل دقة لوصف العلاقة بين فان الصيغ و f و f و وينشأ ابتعاد عن قيم المقادير المحسوبة بهذه الصيغ ويدعى مثل هذا الابتعاد او الانحراف بزيغ الجمل البصرية . نوجد مقدار الزيغ في مرآة كروية (الشكل 3.3) ويمثل f

ء محور الجملة ، 0 ـ المركز و F ـ المحرق ، وبالتالي : OF = OS/2 = R/2 (13\_18)

 $\chi$  و الزيغ الطولي) و التلخص مسألتنا في ايجاد القطعتين  $\chi$  ( الزيغ العرضي ) وتميز هاتان القطعتان انحراف النقطة  $\chi$  عن النقطة ( الزيغ العرضي ) وتنطبق عليها النقطة  $\chi$  التي يجب ان تنطبق عليها النقطة  $\chi$ 

$$X = \frac{R}{2} \left( \frac{1}{\cos \alpha} - 1 \right) \tag{13-19}$$

تسمح هذه الصيغة بحساب الزيغ الطولي للمرآة الكروية وذلك من اجــل الحزم الضوئية العريضة ، ونحصل على الزيغ العرضي من المثلث FCA :

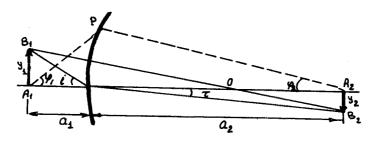


 $y = x + g \beta$  (13\_20) حيث أن  $y = 2 \beta$  كونهازاوية خارجية في المثلث  $y = 2 \beta$  ، ويمكن اعتبار الزاوية  $y = 2 \beta$  قياس لعرض الحزم اللامحورية ، ونجد من العلاقة (20) أن

يملك ابعادا محدودة (ليس نقطة ) ، والمتشكل في سطح كروي فاصلبين يملك ابعادا محدودة (ليس نقطة ) ، والمتشكل في سطح كروي فاصلبين وسطين ، قرينتا انكسارهما  $n_1$  و  $n_2$  .  $n_3$  لنفرض أن الجسم على شكل قطعة مستقيمة  $n_4$  (الشكل  $n_4$  ) . (نقطة تقاطع  $n_5$  ) . (نقطة تقاطع  $n_5$  ) تمثل خيال النقطة  $n_5$  ، والنقطة  $n_5$  وهكذا (نقطة تقاطع الشعاعين  $n_5$  و  $n_5$  و  $n_5$  و  $n_5$  )  $n_5$  وهكذا القطة تقاطع الشعاعين  $n_5$  و  $n_5$  و ولك من اجل زوايا صغيرة و و  $n_5$  و  $n_5$ 

128

من (22) و (23) نجد :  $\frac{n_2}{n_1} = \frac{y_1 + y_1 + y_1}{y_2 + y_2 + y_2}$  or  $\frac{y_1 + y_1 + y_2}{y_2 + y_2}$  (13\_24) من (23) و انجد عدة أوساط مفصولة عن بعضها بسطوح كروية ، فإن الاستمرار



شكل 3.4

في تطبيق المساواة (24) يؤدي الى المساويات التالية  $n_1 \, y_1 \, y_1 = n_2 \, y_2 \, y_2 = n_3 \, y_3 \, y_3 = --- = (13_25)$  حيث يدخل في كل طرف من اطراف هذه المساويات المقادير المنسوبة الى وسط واحد ، وتعرف العلاقة السابقة في علم البصريات بمبرهنة لاغرانج \_ هلمولتز ،

: على مرآة مثلا ، حيث  $n_2$  - ملى : على مرآة مثلا ، حيث  $n_2$  - على :

$$\frac{y_{1}q_{1} = -y_{2}q_{2}}{\frac{y_{1}}{y_{2}} = -\frac{q_{2}}{q_{1}}} = \frac{g_{1}^{1}}{g_{1}^{2}}$$

$$\frac{y_{1}}{y_{2}} = -\frac{a_{1}}{q_{2}}$$
(13\_26)

إذا ملك  $a_2$  و  $a_2$  نفس الاشارة ( اي وقع الخيال أمام المرآة ، وبالتالي خيال حقيقي ) ، فإن النسبة  $\frac{y}{y}$  تكون سالبة ، وهذايعني أن الخيال يكون مقلوبا بالنسبة للجسم .

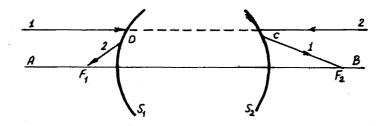
إذا كان الخيال وهميا ، أي a<sub>2</sub> سالبة فإن لا و لا يملكان نفس الاشارة ، ويكون الخيال صحيحا بالنسبة للجسم .

## 14 \_أسس نظرية الجمل البصرية \_

لقد وضع غوص أسس نظرية الجمل البصرية ، وهذه النظرية تصف ضمن تقريب الضوء الهندسي الجمل البصرية المثالية ، اي الجملالتي يكون فيها خيال النقطة المضيئة ( التي تعطي حزمة متباعدة ) نقطــة

ايضا ، اي الجملة التي تجمع اشعة المنبع النقطي في نقطة ، وتدعى مثل هذه الجمل ( المنظومات ) "بالمتمركزة" ، وتحقق مثل هذه المنظومة بجعل مراكز أجزائها على مستقيم واحد ، والاقتصار على الاشعة المحورية اي الاشعة التي تنتشر قريبة من المحور الرئيسي البصري الذي يمر من مراكز جميع سطوح العدسات والمرايا والكواسر المشكلة للمنظوم البصرية .

وهكذا تكون نظرية غوص نظرية الجمل المتمركزة ، وذلك عندتوفر شرط المحورية ، وخلافا لما ورد من الحالات في الفقرة 13 لانشاء



شكل 3.5

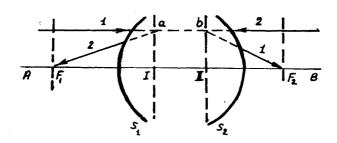
الاخيلة ، فإن نظرية غوص لاتتطلب افتراض كون العدسات رقيقية : لانشاء هذه النظرية ندخل بعض مواصفات الجملة ونعطي التعاريف الضرورية .

لنفرض وجود منظومة متمركزة مقدة بشكل عام ، محصورة ضمن سطحين  $S_2$  و  $S_3$  (الشكل 3.5) . يمكن أن تكون في هذا المجال (بين  $S_2$  و  $S_3$  مجموعة عدسات بانصاف أقطار تقوس كيفية ، غير أنهامتمركزة ،وبالتالي نستطيع انشاء المركز البصري الرئيسي AB. لنفرض أن شعاعا محوريا 1 يرد موازيا للمحور الئيسي ، ان هذا الشعاع عند اجتيازه المجال  $S_1S_2$  يعاني سلسلة انكسارات ، ويخرج الى اليمين من  $S_2$  وبحكم مركزية المنظومة يجب على هذا الشعاع ان يخرج وفق زاوية ما ، لكي يصور على المحور AB خيال النقطة المضيئة التي صدر عنها ، وبما أن الشعاع 1 يرد موازيا له  $S_1S_2$  ، فيجب أن تقع النقطة التي صدر عنها عنها ، وبما عنها في اللانهاية الى اليسار من الجملة .

نقوم وفق نظرية غوص ، بتمديد الشعاع ذهنيا داخل الجملية ،  $oldsymbol{C}$  ، ويخرج هذا الشعاع الى اليمين من نقطة ما  $oldsymbol{C}$  ويتقاطع مع المحور  $oldsymbol{AB}$  في النقطة  $oldsymbol{F_2}$  ، التيتدعى بالمحرقاليميني

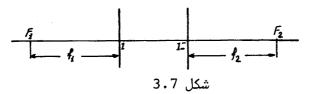
للمنظومة •

نوجه الآن الى الجملة الشعاع المحوري 2 ، الذي يرد من اليمين الى اليسار وفق منحى المستقيم المتقطع ، يخرج الشعاع 2 الـــى اليسار من نقطة ما D ، ويتقاطع مع المحور الرئيسي في النقطة 1 ( المحرق اليساري ) ، ويدعى الشعاعان 1 و 2 المنشآن بالطريقــة السابقة بالشعاعين المترافقين ، لاتمام وصف الجملة ،وفقا لنظريــة غوص ، يجب اقامة الانشآت التالية (الشكل 3.6) ،



شكل 3.6

نمدد الشعاعين 1 و 2 الخارجين من الجملة حتى يتقاطعا مع المستقيم (المتقطع) الممثل لمنحييهما البدئيين ، ننشأمستويين معامدين للمحور (المتقطع) الممثل لمنحييهما البدئيين ، ننشأمستويين مع و و و وسوف ندعو هذين المستويين "بالمستويين الرئيسيين" للجملة ، وندعو المستويين الموازيين للرئيسيين والمارين من النقطتين المحرقيين " ، وندعو نقطتي تقاطع المحور الرئيسي مع المستويين المحرقيين " ، وندعو نقطتي تقاطع المحور الرئيسي مع



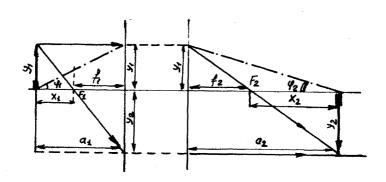
المستويين الرئيسيين "بالنقطتين الرئيسيتين " ، وقدرمز لهاتيـــن النقطتين على الشكل 3.6 بالرقمين I و T ، وتمثل المسافتــان الفاصلتان من النقطتين الرئيسيتين الى المحرقين "بالبعدين المحرقيين" (اليسارى واليميني او الامامي والخلفي )

سوف نمثل أية منظومة بصرية مثالية مستقبلا على شكل زوج مسن

المستويات الرئيسية وروج من المسافات المحرقية (الشكل3.7) وينطبق فيحالة العدسات الرقيقة المستويان الرئيسيان ، وهذا مايميزها عن بقية المنظومات البصرية المتمركزة .

يمكن في حالة التمثيل المذكور للمنظومة البصرية ، أن ننشاً خيال الجسم بسهولة ، وأن نوجد النسب بين ابعاده وابعاد الجسلم وكذلك النسبة بين بعد الجسم عن المستوي الرئيسي وبعد الخيال عن المستوي الرئيسي الآخر .

لنفرض ان جسما الله (سهما) يقع الى اليسار من المنظومـة . ولنقوم بايجاد موضع وابعاد خيال هذا الجسم ، من اجل ذلك نصنــع



شكل 3.8

الانشاء المبين على الشكل 3.8 (نرمز للمسافة الفاصلة بين الجسم والمحرق الأول ب $\chi_{4}$  ، وبين الخيال والمحرق الثاني ب $\chi_{5}$  ) منجد من المثلثات المتشكلة :

$$\frac{y_{2}}{X_{2}} = \frac{y_{1}}{+z} \quad \frac{y_{2}}{+z} \quad \frac{y_{1}}{X_{1}} \quad (14.1)$$

$$\frac{x_{2}}{+z} = \frac{f_{1}}{X_{1}} \quad (14.2)$$

$$\frac{x_{1}}{+z} = \frac{f_{1}}{+z} \quad (14.3)$$

وتدعى هذه العلاقة الاخيرة بعلاقةنيوتن .

نطبقهذه العلاقة من اجل سطح كروى فاصل بين وسطين قرينتا

انكسارهما 11 و 17 ، أي نقوم بتوحيدهما مع مبرهنة لاغرانــج ـ

ny 4, 4, = n2 42 42

 $\mathcal{L}_{1} = \frac{y_{1}}{f_{1} + x_{1}}$   $\mathcal{L}_{2} = \frac{y_{1}}{f_{2} + x_{2}}$   $(14_{-5})$ 

 $\frac{n_1}{n_2} = \frac{y_2}{y_1} \cdot \frac{y_2}{y_1} = \frac{f_1 + x_1}{f_2 + x_2} \cdot \frac{y_2}{y_1}$  $(14_{-6})$ 

 $\frac{y_2}{y_1} = \frac{f_1}{X_1}$ 

 $\frac{n_1}{n_2} = \frac{f_1 + x_1}{f_2 + x_2} \cdot \frac{f_1}{x_1} = \frac{f_1}{f_2} \cdot \frac{f_1 + x_1}{(1 + \frac{x_2}{p})x_1}$ 

 $\frac{n_1}{n_2} = \frac{f_1}{f_2} \cdot \frac{\frac{f_1}{x_1} + f}{\frac{x_2}{x_2} + f}$  $(14_{-}9)$ باستخدام صيغة نيوتن 3 نجد :

 $\frac{n_1}{n_2} = \frac{f_1}{f_2}$  $(14_{-}10)$ 

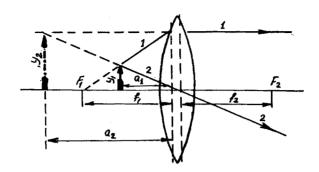
 $f_{i}$  أدخلنا من جديد قاعدة الأشارات ، أي أن المسافة يجب أن تعتبر سالبة فإن العلاقة (10) تكتب على الشكل:

$$\frac{n_1}{n_2} = -\frac{f_1}{f_2}$$
 (14\_11) تظهر هذه العلاقة ان البعدين المحرقيين  $f_2$  و  $f_3$  يكونا

متساويين (بالقيمة المطلقة ) عندما تتساوى قرينتا الانكسار على يسار ويمين الجملة ( المنظومة مغمورة في وسط متجانس ) .

\_ المكبرة : نقوم الآن بدراسة جملة ضوئية بسيطة تدعى "المكبرة"

أي العدسة محدبة الوجهين ، ونستخدم الشكل 3.9 ، استنادا الـــى ماذكر آنفا فان البعدين المحرقيين منساويان ، فيما إذا كانت المكبرة موجودة في الهواء ، أي  $|f_{\ell}| = |f_{\ell}|$  .



شكل 3.9

$$N = \frac{y_2}{y_1} = \frac{\alpha_2}{\alpha_1} \tag{14_12}$$

باستعمال دستور العدسات الرقيقة

$$\frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_1} = \frac{1}{4} \tag{14-13}$$

نجد

$$N = 1 - \frac{a_2}{f} = \frac{f - a_2}{f} \tag{14.14}$$

ندخل مفهوم مسافة الرؤيا الافضل ل . استنادا إلى خوا ص العين نجد أن هذه المسافة تساوي تقريبا 25 سم ، وذلك من الخيال الى العين . وبالتالي يجب أن تكون العين على مسافة ل ملين المكبرة ، وتعين المسافة ل بالعلاقة

$$-\alpha_2 + d = L \tag{14-15}$$

(تظهر الاشارة السالبة لـ 42 أنها مقاسة الى اليسار من المكبرة) ونجد من العلاقتين (14) و (15) أن:

$$N = \frac{f + L - d}{f} = \frac{L}{f} + 1 - \frac{d}{f}$$
 (14\_16)

اذا كانت العين موجودة في المستوي المحرقي ، فإن 
$$d = f$$
 ، ه.  $N = \frac{L}{f}$  و (14\_17)

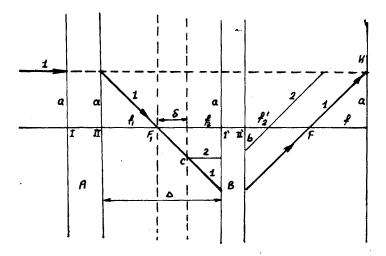
نشير الى أن مقلوب البعد المحرقي ، يدعى بالقوة البصريـ

للعدسة (المنظومة ):  $D = \frac{1}{\ell}$  $(14_{-}18)$ 

عندئذ

 $N = L \cdot D$  $(14_{-}19)$ 

\_ ايجاد القوة البصرية لمنظومة بصرية معقدة : نأخذ مثلامنظومة مؤلفة من عدستين ، نمثل هذه المنظومة ، وفقا لنظرية غوص ، كما هو مبين على الشكل 3.10 .



شكل 3.10

يعرض الشكل تمثيلا لجملتين А و В المسافة الفاصلة بين المستويين الرئيسيين تساوي ۵، وبين المحرقين ۵۰ ونرمز للمستوى الرئيسي المشترك للمنظومة HH . ويقع هذا المستويخارج دود الجملتين B و B . ويقع محرق كل المنظومة في النقطة ويساوي البعد المحرقي f ( المسافة الفاصلة بين المستوي الرئيسى والمحرق ٢ ). إن جميع هذه النقاط والمسافات قد حصلت بالتعريف وذلك كنتيجة لرصد مسار الشعاع 1 . نشير الى ان الشعاع 2 سوف يكون شعاعا مساعدا موازيا للشعاع 1 في المجال بين العدسة 'B' والمستويالرئيسي HH ، ذلك لأن الخط 2 يمكن اعتباره شعاعــا خارجا مع الشعاع 1 من النقطة C الواقعة في المستوي المحرقــي للعدسة B ( الاشعة المتوازية تلتقي بعد اختراقها للعدسة في نقطة تقع في المستوى المحرقي ) .

نجد من الرسم العلاقتين الهندسيتين:

$$\frac{a}{f} = \frac{b}{f_2'} \quad , \quad \frac{a}{f_1} = \frac{b}{5} \qquad (14-20)$$

$$\frac{d}{f} = \frac{f_1}{f_2'} = \frac{f_1}{5}$$

$$f = \frac{f_1 f_2'}{f_2'} \qquad (14-21)$$

إذاكانت قرينتا الانكسار للوسط الى اليمين واليسار من المنظومة متساويتين فان  $m{m{ au}}_2 = m{m{ au}}_2' = m{m{ au}}_2$  متساويتين فان

$$f = \frac{f_1 f_2}{5} \tag{14-22}$$

نحصل من هذه العلاقة على القوة البصرية للمنظومة:

$$D = SD_1D_2 \qquad (14_23)$$

نقوم بتحويل هذه الصيغة

$$\delta = \Delta - (f_1 + f_2) = \Delta - (\frac{1}{D_1} - \frac{1}{D_2}) = \Delta - \frac{D_1 + D_2}{D_1 \cdot D_2} \quad (14-24)$$
equivalently

$$D = \left(\Delta - \frac{p_1 + p_2}{p_1 \cdot p_2}\right) p_1 p_2 = \Delta p_1 p_2 - \left(p_1 + p_2\right) \quad (14-25)$$

اذا كانت  $\leq 0$  ، فان المستويين المحرقيين للعدستين  $\leq 0$  ، و لا يكونامتوضعين بحيث أن المحرق  $\leq 0$  يقع الى اليسار من المحرق  $\leq 0$  ، وبالتالى تأخذ الصيغة (25) الشكل :

$$D = D_1 + D_2 - \Delta D_1 D_2 \qquad (14-26)$$

ونحصل في حالة عدستين متلامستين (  $\Delta = 0$  ) على :

$$D = D_1 + D_2 \tag{14-27}$$

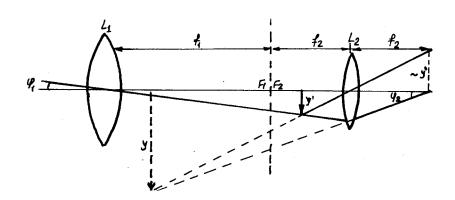
وهدا يعني أن القوة البصرية للمنظومة المؤلفة من عدسات متلاصقة

تساوى الى مجموع القوى البصرية لتلك العدسات .

## 15 \_ الأجهزة البصرية ، تشوهاتها ، قدرات فصلها .

يمكن اختيار جملة من العدسات وترتيبها بشكل نحصل معـــه على أخيلة للأجسام الصغيرة ، بتكبير يفوق بكثير التكبير الـــــذي تعطيه المكبرة . إن مثل هذه المنظومات تدعى بالمجـــاهـــر (ميكروسكوبات) . ويعرض الشكل 3.11 مخططا بسيطا ومبدئيـــالمنظومة المجهر .

 $L_2$  و  $L_1$  و تدعى العدستان المتناظرتان المحدبتا الوجهين و و يا بالجسمية (الشيئية) والعينية على الترتيب ، وتكونا مفصولتيسن



شكل 3.11

بالمسافة  $\Delta$  وتساوي هذه المسافة مجموع البعدين المحرقييين للعدستين  $f_1$  و  $f_2$  مضافا اليه القطعة  $f_3$  (المسافة بيين المحرقين  $f_4$  و  $f_5$  ):

$$\Delta = f_1 + f_2 - \delta$$

وتعطي العدسة  $L_1$  خيالا حقيقيا مكبرا للجسم  $H_1$  الذي يقع الى اليسار من محرقها  $H_2$  وينظر الى الخيال  $H_3$  مـــن خلال العينية  $H_4$  ، كما هو الحال في المكبرة . ويرى المراقـــب خيالا وهميا مكبرا  $H_2$  للخيال الحقيقى  $H_3$  .

بما أن الجسمية والعينية عبارة عن عدستين متناظرتيــــن محدبتي الوجهين ،لذلك يمكن أن نستعمل لتحديد تكبير المجهــر صيغة تكبير المكبرة (15\_14) :

$$N = \frac{L}{4} \tag{15-2}$$

وصيغة القوة البصرية للمنظومة المؤلفة من عدستين (23-14):

$$D = S D_1 D_2 \tag{15.3}$$

او

$$\frac{1}{f} = S \cdot \frac{1}{f_1} \cdot \frac{1}{f_2} \tag{15-4}$$

وهكذا يعين البعد المحرقي للمجهر بالبعدين المحرقيين للعدستين والمسافة

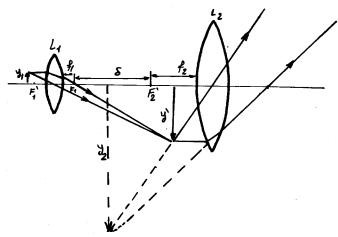
$$f = \frac{f_1 f_2}{8} \tag{15-5}$$

نعوض هذه النتيجة بالصيغة (2) فنحصل على :

$$N = \frac{L S}{f_1 f_2} \tag{15-6}$$

المنظار: إذا جعلت المسافة بين  $F_1$  و  $F_2$  لعدستين مقربتين مغيرة جدا ، فإن ذلك يودي الى زيادة كبيرة في زاوية النظر عندراسة الاجسام البعيدة ، ولا يمكن تطبيق العلاقة (6) في هذه الحالة ، ذلك لأن  $0 \sim 8$  ، وبالتالي يكون تكبير أي جسم يقع بالقرب من الجسمية قريبا من الصفر ، وتصبح الصورة من اجل الأجسام البعيدة مغايرة لما سبق (الشكل 3.12) .

يظهر مسار الشعاع على الشكل أن زاوية النظر 4 الى الجسم



شكل 3،12

البعيد صغيرة جدا ، ويتشكل لهذا الجسم خيالا  $\mathbf{y}'$  قريبا من المستوي المحرقي للجسمية  $\mathbf{F_1}$  (وهذا المستوي المحرقي ينطبق تقريبا على المستوي المحرقي للعينية  $\mathbf{S} \sim \mathbf{0}$  ) ، وتعطي نتيجة النظر الى الخيال الحقيقي  $\mathbf{y}'$  من خلال العينية خيالا وهميا مكبرا  $\mathbf{y}'$  ، ويعين تكبير هذه المنظومة التي تدعى "بالنظارة الغلكية" (تلسكوب) بنسبــــة الزاويتين  $\mathbf{y}_1$  الى  $\mathbf{y}_1$  .

نرى من الشكل 3.12 أن النسبة المذكورة تساوي تقريبا الـــى النسبة بين البعدين المحرقيين (حيث أن العينية تلعب دور المكبرة)،

وفي الواقع  $q_1 \sim +q \quad q_1 = \frac{y'}{f_1}$ ,  $q_2 \sim +q \quad q_2 = \frac{y'}{f_2}$ (15\_7)

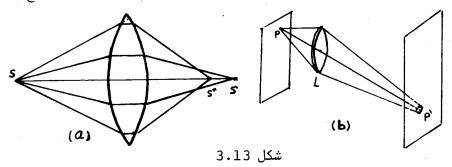
ومنه یکون التکبیر الزاوی للمنظار

$$N = \frac{4 p_2}{4 l} \approx \frac{\ell_1}{\ell_2}$$
 (15\_8)

ونلاحظ من تحليل الرسم أن الآشعة في حالة المنظار تحقق بشكل جيد شرط المحورية ، بينما تبتعد الاشعة في حالة المجهر والمكبرة عنذلك الشرط ، وهذا يعني أن الجملة تشكل للنقطة خيالا غير نقطيي بالضبط ، أي أننانحصل على خيال لانقطي ، وتنشأ تشوهات الاخيلية التي يمكن تصنيفها الى مجموعات تدعى بالاشكال الزيغية أو الانحرافات وعدد هذه الاشكال خمسة نستعرضها فيما يلى .

1) الزيغ الكروي: إن انحراف الاشعة التي تخترق حواف العدسة .

يكون اكبر من انحراف الاجزاء الوسطية ، وتكون النتيجة انتتقاطيع الاشعة الطرفية في نقطة "S أقرب الى العدسة من نقطة تقاطيعا الاشعة المركزية 'S ( الشكل 3.13-8) . وبالتالي يكون الخيال على شكل بقعة ، أي يحدث انفلاش للخيال ، ويتم اقصاء هذا النوع



من الزيغ باختيار وموازنة مجموعة من العدسات ، مثلا بطريقة جمـع (التحام) العدسات المقربة التي يكون فيها الزيغ الكروي الطولي "S = OS' = OS' موجبا ، مع العدسات المبعدة التي زيغها الطولي الكروي سالب ،أو بصنع عدسة تختلف فيها قرينة انكسار الحواف عن قرينة انكسار المنطقة المركزية ،

2) الزيغ الهالي المدنب (الكوما): ينشأ هذا النوع من الزيغ ، حتى فيحالة العدسات المتحررة من الزيغ الكروي بالنسبة للمنابع الواقعة على المحور الاصلي ، فاذا ازيحت هذه المنابع الى جانبي المحور الاصلي ، فان خيال النقطة يصبح على شكل بقعة ممطوطة غير متناظرة تدعى الكوما (انظر الشكل 3.13) ، ويمكن تصحيح هذا

الانحراف بتريتب عدسات ذات تحدبات مختلفة أو قرائن انكسار مختلفة .

3) الاستينماتزم ( Astigmatism) أو فقدان التمركز: يلحق هذا العيب حتى الحزم الضيقة اللامحورية ، وتعطي هذه الحزم الصادرة عن نقطة خيالين على شكل خطين مستقيمين : أحدهما "5 واقع في مستوي الشكل (انظر الرسم 3،14) والآخر "5 معامد لهذا المستوي ، ويدعى البعد بين هذين الخطين بالفرق الاستغمات ي ويمكن تصحيح هذا العيب باختيار مناسب لأنصاف اقطار السطوح الكاسرة وقواها البصرية ، فعلى سبيل المثال يستعمل الشخص الذي يعاني من

S" S'

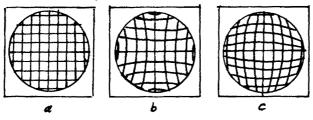
شكل 3.14

العيب الاستغماتي نظارات سطوح عدساتها، اسطوانية وتدعى المنظومة 's' المصححة من العيب المذكور بالانستيغمات ( Anastigmat ) .

4 \_ انحناء حقل الخيال ،والتشوه

الهندسي لبنيته (Distortion): | يتلخص العيب الاول بأن العدسـة

تعطي للجسم خيالا منحنيا ، ويتلخص العيب الثاني بالتشوه الـــذي يلحق بنية الخيال نتيجة لعدم تماثل التكبير الخطي في حدود حقــل الخيال ككل . فالجسم ذو البنية الشبكية التربيعية (شكل 3.15)مثلا



شكل 3.15

يبدو خياله في المنظومة بشكل شبكة لخطوط منحنية ، فاذا ازداد التكبير الخطي كلما ابتعدنا عن المحور الضوئي تشكل مايعرف بالتشوه الوسادي (شكل 3.15) ، أما اذاتناقص التكبير الخطي تشكل مايسمى بالتشوه البرميلي (الشكل 3.15) ، وتجدر الاشارة الى أن هذين النوعين من

التشوهات يلعب دورا هاما في الاجهزة المخصصة لاجراء القياسات الدقيقة ، كأجهزة المسح الجيوديزي والمسح الجوي ، أما بالنسبــة للملاحظات العينية فيمكن التغاضي عن هذين التشوهين .

يصحح الهيبان المذكوران أيضا بتشكيل منظومة ضوئية مختارة بشكل مناسب .

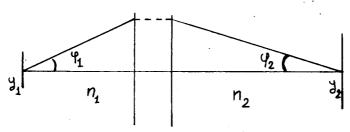
5) الريغ اللوني (chro matic Aberration): إن قرينة الانكسار للوسط (مادة العدسة) يعتبر تابعا لطول الموجة ، أي أن أمواج الضوء تتحرف أثناء اجتيازها للمنظومة الضوئية بزوايا انحراف مختلف قذلك تبعا لأطوال تلك الامواج ، وتدعى هذه الظاهرة بالتبديد .

يتلخص الزيغ اللوني في أن الاشعة غير وحيدة اللون التيتصدرها نقطة مضيئة ، تعطي خيالا على شكل بقعة مؤلفة من خواتم مختلفة الألوان . ويمكن اقصاء هذا النوع من الزيغ باختيار عدسات ذاتقرائن انكسار مناسبة ، وتشكيل منظومة ضوئية لالونية ( Achromat ) .

تجدر الاشارة إلى أن تحليل ودراسة الجمل الضوئية أدى الى وضع شرط ضروري ، لكي تتحرر المنظومة الضوئية من الزيغ الكرويوالهالي المذنب ومن فقدان التمركز ، ويدعى هذا الشرط "بشرط الجيوب لآبي" (Abbe) :

$$\frac{n_1 \sin q_1}{n_2 \sin q_2} = \frac{y_2}{y_1} \tag{15_9}$$

حيث أن ٩٤ و ٩٤ الزاويتان اللتان يصنعهما الشعاعان المترافقان



شكل 3.16

مع محور الجملة ،  $extit{y}_2$  و  $extit{y}_2$  طولا الجسم والخيال ،  $extit{n}_2$  و  $extit{n}_2$  الانكسار (الشكل 3.16) ، وعندما تكون  $extit{q}_2$  صغيرتين ، يتحول شرط الجيوب الى علاقة لاغرانج ـ هلمولتز :

$$n_1 y_1 \varphi_1 = n_2 y_2 \varphi_2$$
 (15\_10)

\_ الموشور : نقوم الآن بدراسة الخواص الحارفة للعدسة ،وندرس الموشور الذي يمكن اعتباره حالة خاصة من العدسة فيما اذا كانتحدب الوجهين صغيرا (الشكل 3.17) ، ينحرف الشعاع الضوئي نتيجــــة انكساره على سطحي الموشور عن طريقه البدئي بالزاوية D التي تدعى الزاوية الانحراف" ،

إن هذه الزّاوية زاوية خارجية بالنسبة للمثلث ABC وتعطيى العلاقة :

$$D = (\alpha_1 - \beta_1) + (\alpha_2 - \beta_2) = (\alpha_1 + \alpha_2) - (\beta_1 + \beta_2) (15_{-11})$$

ونجد من المثلث AEC أن زاوية الموشور ع تساوي :

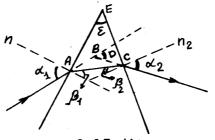
$$\mathcal{E} = \pi - (\frac{\pi}{2} - \beta_1) - (\frac{\pi}{2} - \beta_2) = \beta_1 + \beta_2$$
 (15\_12)

$$D = \alpha_1 + \alpha_2 - \varepsilon \tag{15_{13}}$$

ندرس حالة التناظر  $\alpha = \alpha_1 = \alpha_2$  ، عندئذ:

$$D = 2 \alpha - \mathcal{E}$$
 (15\_14)

نشير الى أن هذه القيمة لـ ١٥ صغرى من اجل جميع الحالات الممكنـة



شكل 3.17

لموشور معين ، وفي الواقع اذا وجدنا القيمة الصغرى لـ 🖸 كتابع لـ 🖒:

$$\frac{dD}{d\alpha_1} = 1 + \frac{d\alpha_2}{d\alpha_1} = 0 \qquad (15 - 15)$$

$$\alpha_2 = -\alpha_1 + C \qquad \text{(15 - 15)}$$

حيث  $\alpha_1$  ثابت ما . وفي حالة التناظر تكون  $\alpha_2 = \alpha_1$ ، أي  $\alpha_2 = \alpha_1$  .  $\alpha_3 = \alpha_4$  ومنه نحصل على أن القيمة الصغرى  $\alpha_3 = \alpha_4$  .

نوجد الآن العلاقة التحليلية بين D و ع و n ) n قرينة انكسار مادة الموشور ) ، وذلك عندما يقع الموشور في الهواء .

$$lpha_1 = rac{{\sf Dmin} + {\cal E}}{2}$$
 : نجد : (14) نجد : (15\_16) 
ونجد من قانون الانكسار

Sin & = n Sin B1

بما أن 
$$\beta_1 = \frac{\mathcal{E}}{\beta_1}$$
 في حالة التناظر تكون  $\frac{\mathcal{E}}{2} = \beta_1$ ، ومنه :
$$n = \frac{Sin \frac{D_{min} + \mathcal{E}}{2}}{Sin \frac{\mathcal{E}}{2}}$$
(15\_17)

بما أن n تابع لطول الموجة n ، فإن معرفتها تمكننا من حساب انحراف الامواج المختلفة المشكلة للطيف ، وذلك بالعلاقة (17) . تظهر التجربة ان n تتعلق بn وفق العلاقة التقريبية التالية :  $n(A) \approx a + \frac{b}{2^2}$ 

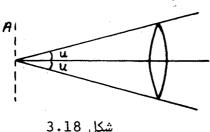
وتبرز ظاهرة التبديد نتيجة لتلك التابعية ، ويعبر عنه كميا بأشكال مختلفة ، وتوجد أربعة مقاييس للتبديد :

- ( خط الصوديوم ) التبديد : ويعني قيمة n من اجل n 5890 = n (خط الصوديوم ) ويرمز لهذا المقدار ب $n_{\rm b}$  .
  - 2) التبديد الوسطي : وهو الفرق بين قرينتي الانكسار من اجل الخط الازرق للهدرجين ( $\mathbf{A}_{\mathbf{r}}=4811~\mathbf{A}^{\mathbf{o}}$ ) والخط الاحمرله ( $\mathbf{A}_{\mathbf{r}}=6563=\mathbf{A}^{\mathbf{o}}$ ) والخط الاحمرله ( $\mathbf{A}_{\mathbf{r}}=-\mathbf{A}_{\mathbf{r}}$ ) والخط الاحمراء في م
    - $\frac{n_F n_c}{n_p 1}$  (3) وهو مقدار النسبة : وهو مقدار النسبي : وهو مقدار النسبة :
      - (عددآبي ) :وهو مقلوب التبديد النسبي  $\frac{n_D^{-1}}{n_D^{-1}}$

\_ قدرة الفصل للأجهزة البصرية : ندرس تأثير الانعراج علىقدرة الفصل للأجهزة البصرية .

نبدأ بالمجهر ، تسقط على العينية الاشعة التي تضيىء الجسم وينشاً الانعراج عليه ، لنفرض أن الجسم عبارة عن شبكة A دورها . ونشاً الخون لوحة سقوط الاشعة على الجسمية كما يعرضها الشكل 3.18 ، وتدعى الزاوية على عبوة (Aperture) الجسمية . يتضح عندئذ ، أنه اذا كانت الزاوية الله اصغر من الزاوية المحددة

للنهاية العظمى الأولى للانعراج ، فإننا لانستطيع رؤية تفاصيل الجسم حيث تحصل اضاءة منتظمة ، وهكذا يأخذ شرط الفصل الشكل التالي : sin 4 < Sin u



ونجد من شرط النهاية العظمى

الاولى م = d. sin 4 = 2

sinu > 7 أو  $d > \frac{\lambda}{\lambda}$ 

شكل 3.18

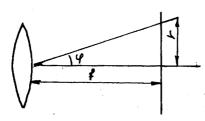
اذا وقع الجسم والجسمية في وسط قرينة انكساره ١ فإن

حيث 🔏 طول الموجة في الخلاء ، وبالتالي

 $d > \frac{\lambda_0}{n \sin \mu}$  $(15_{-}19)$ 

 $\frac{\lambda_0}{n \sin u}$  أي يجب أن تكون أبعاد تفاصيل الجسم أكبر من القيمة أبي يجب وهكذا نلاحظ انه كلما كانت ٦ اصغر ،كلما استطعنا مراقبة اجسام أصغر باستعمال المجهر ، ونستخلص ايضا أنه كلما كانت الكوة (الفتحة) وقرينة انكسار الوسط أكبر، كلما استطعنا تمييز اجسام اصغر،

وتحدد الابعاد المحدودة للجسيمات قدرة الفصل للمنظومات البصرية ، حيث يحدث الانعراج على الفتحة المستديرة (الاطار) التي تحيط بالعدسة ، وبالعودة الى انعراج فراونهوفر على فتحة مستديرة ، نجد أن شرط النهاية الصغرى الاولى من الشكل



D sin 4 = 1,227 حيث 🗅 قطر الفتحة ،ويسمح هذا الشرط بايجاد قطر الخاتم المظلم الاول (الشكل3.19) .

إذاتشكل الخيالفي المستوى

المحرقي ،فإن  $\gamma \approx 4$  sin او شكل 3.19  $r = f \frac{1,22 \lambda_0}{n}$  $(15_{-}20)$ 

عندما  $\sim \leftarrow 0$  فإن الانعراج بختفى (  $\sim \sim 1$  ) ، أي أن الجسميات الكبيرة تساعد على تحسين شدة التحليل للجهاز البصري والتي نعرفها كمقلوب الزاوية φ الموافقة للهدب الاول من النموذج الانعراجي :

 $A = \frac{1}{4} \approx \frac{1}{\sin 4} = \frac{D}{1,222}$  (15\_21).

نستطيع أن نربط (19) و(20) بشرط الجيوب لآبي:

 $n d \cdot sin u = n'r \cdot sin u' = \frac{n' f \cdot 1,22 \lambda_0}{D} sin u' = \frac{122n'\lambda_0}{2}$ 

وبما أن n'=1 غالبا ، لذلك يكون  $d = \frac{0.612}{0.5in W}$  (15\_22)

أيأن العين تميز تفاصيل الجسم إذا كانت تلك التفاصيل أكبر من له ٠

## 16 \_ آلة التصوير (الكمرة) ، العين ٠

\_ آلة التصوير: تصمم أجهرة التصوير بشكل يمُكّن من الحصول على أخيلة دقيقة للاجسام الواقعة على مسافات مختلفة من جسمية الجهاز، بحيث تقع هذه الاخيلة في مستوي الطبقة الحساسة للضوء من الصفائح والأفلام ،وتستعمل لاحداث المطابقة (التصويب) نظم مختلفة (كازاحة الجسمية أو جزء منها أو ازاحة اللوحة الحساسة ) . ويسمح تصغير فتحة الحظار بتحسين عمق التركيز (Focusing) ، أي تمثيل الاجزاء المختلفة البعد عن الجسمية في مستوي واحد بشكل دقيق . ويعمل تغيير فتحة الحظار الى تغيير كمية الضوء الداخلة الى الجهاز (شدة الاضاءة ) . ونحصل عادة في الكمرات على خيال صغير للجسم ، وبالتالي تقوم المحاولات في الاجهزة الحديثة للحصول على دقة جيدة للاخيلة ، بحيث يمكن تكبيرها بدرجات معقولة .

ويعمل دائما على تحديث الجسيمات بهدف الجمع بين أخيلت جيدة واضاءة شديدة ، وتساوي اضاءة الخيال نسبة التدفق الضوئي على سطح الخيال . أي أن هذه الاضاءة تتناسب في حالة الاجسام البعيدة طردا مع سطح فتحة الحظار مقسومة على مربع البعد المحرقي للجسمية . وأحيانا تعرف بأنها وتدعى هذه النسبة "بالشدة الضوئية للجسمية " . وأحيانا تعرف بأنها

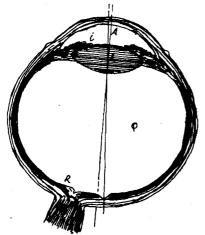
نسبة القطر الأعظمي لفتحة الحظار الى البعد المحرقي ، وتعتبر الاضاءة متناسبة مع مربع الشدة الضوئية ، والأصّح أن تدعى النسبة السابقية بالفتحة النسبية ، وبهذا الشكل تقاس الشدة الضوئية بمربع الفتحة النسبية ،

\_ العين كجملة بصرية :تعتبر العين من حيث تركيبها جملــة بصرية مشابهة لآلة التصوير (الشكل 3.20) . ويلعب دور الجسميــة في العين مجموعة من الاوساط الكاسرة المؤلفة من الخلط المائي Aqueous Humour) (Crystalline lens) L والعدسة البلورية (Vitreous Humour) .

وتدعى عملية المطابقة (التركيز) للاجسام مختلفة البعد عـــن العين بالتكيف (accommodation) ، وتتم هذه العملية بواسطة جهود عضلية تغير من تقوس العدسة البلورية ، وتدعى المسافتان الحديثان اللتان يمكن أن تتم من اجلهما المطابقة بنقطة المسدى ونقطة الكثب ، وتقع نقطة المدى من اجل العين السليمة في اللانهاية بينما يتعلق نقطة الكثب بعمر الانسان (فهى تقع على بعد 10 سممن أجل الاعمار حتى 20 سنة ، وتزدادلتبلغ 22 سم من أجل الاعمار المتقدمة) وتنضغط حدود المطابقة بتقدم السن (مدالبصر ) . وتصادف كثير من الحالات التي تكون فيها العيون غير طبيعية في حدود مطابقتها حتى من أجل الاعمار الفتية ( 'لحسور البصر') ، حيث تقع نقطة المدى على مسافة محدودة (يمكن أن تكون صغيرة) ، واطمس البصر" حيث تقــع نقطة الكثب بعيدة عن العين ، وتصحح هذه العيوب بواسطة عدسة مساعدة إما مبعدة أومقربة (النظارات) ، ويبين الشكل 3.21 توضع مجالات المطابقة للرؤيا ، حيث تظهر الاماكن المخططة هذه المجالات بالنسبة لعيون مختلفة ، وترمز  $A_{
m p}$  الى نقطة الكثب و  $A_{
m p}$  الىنقطة ،  $oldsymbol{eta_p} = 10$  \_22 مطابقتها من السليمة تقع حدود مطابقتها المدى السليمة السليمة المامين السليمة المامين السليمة المامين السليمة المامين السليمة المامين المامين السليمة المامين الى اللانهاية . وفي حالة حسور البصر يكون مجال المطابقة أقرب الى المديدة أبعد عن العين ، ونقطة المدى واقعة في المجال السالـــب أي خلف العين ، وهذا يعنى قدرة العين الطامسة على رؤية النقاط الوهمية ، وبالتالي فهي توصل الى اللحافة الشبكية ليس فقطالاشعة

المتوازية وإنما الاشعة المتقاربة أيضا . وهكذا تكون القوة البصرية للعين الحسيرة أكبر ،والقوة البسرية للعين المديدة أصغر من القوة للعين السليمة .

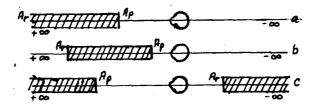
تمثل حظار الفتحة في العين القرحية ( Iris) التي تحدد لون العين ، وتحوي على ثقب صغير متغير الاتساع يدعى بؤبؤ العيلين ، ( Pupik ) . ويمثل خيال البؤبؤ في الجزء الامامي من العين ، (اي في حجرة الخلط المائي ) بؤبؤ الدخول الذي ينطبق تقريبا علي البؤبؤ الحقيقي ، ويلعب تغير اتساع بؤبؤ العين نفس الدور الذي تلعبه فتحة الحظار في جسميات آلات التصوير ، حيث ينظم دخول الضوء الى العين ويغير عمق التركيز (المطابقة ) ، وتمثل شبكية العين ويغير عمق التركيز (المطابقة ) ، وتمثل شبكية العين .



شكل 3.20

نصف قطر انحناء الشبكية .9.7. ملم .

وبما أن موضع تشكل الخيال يقع داخل وسط يختلف عن الهواء ، لــذا

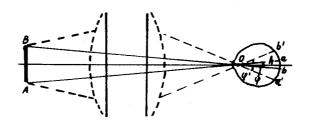


يختلف البعدان المحرقيان الامامي والخلفي في العين ( 17,1 و 22,8 ملم ) ، ويقاس هذان البعدان ابتداء من النقطتين الرئيسيتين اللتين يمكن اعتبارهما بتقريب جيد منطبقتين على المركز البصري للعين .

يمكن النظر في الحالة العامة الى العين كجملة متمركزة لسطوح كروية ، ولكن يجب التأكيد على أن هذه الجملة ليست مثالية ، مادامت تسمح بظهور الزيغ الكروي واللانقطية للحزم المائلة والزيغ اللونييي بشكل واضح ١ الا أن هذه العيوب تكون قليلة بحيث يمكن اهمالهاوذلك بفضل سلسلة من مزايا العين . فالزيغ الكروي غير ملاحظ نتيجة لعدم التوزع المنتظم للاضاءة في بقع التبديد ، حيث ان الجزء الهام والاشد اضاءة بالنسبة للاحساس بالرؤيا صغير جدا ، وهكذا عندما تكون الاضاءة شديدة ، اي عندما تتضح حواف بقعة ( هالة ) التبديد ، يصغر قطب البؤبؤ بشكل كبير بحيث تهمل هذه الهالة ، وتكون لانقطية الحـــرم المائلة غير ملاحظة تقريبا ، لأن قدرة الشبكية على التشخيص الجيد تنخفض بسرعة من المركز نحو الاطراف ، ولهذا فان خيال كل نقطــة مشخصة تنتقل بشكل لاإرادي الى محور العين الذي يمر من أُفضل جزء من الشبكية الذي يدعى النقيرة المركزية ( Fovea centralis ). وتتمم محدودية حقل الرؤيا لهذا الجزء الفعال الصغير بواسطة حركية العين ، ولا يلاحظ الربغ اللوني عمليا ، لأن العين حساسة جدا لمجال ضيق نسبيا من الطيف .

ويؤدي تراكب العوامل المذكورة آنفا الى أن العين السليمــة تستطيع أن تحكم بشكل جيد على التركيب الخارجي للاجسام . إلا أن التركيب الخاص لشبكية العين والمؤلف من عناصر منفصلة يدفـــع بالعين الى ادراك نقطتين متقاربتين جدا من الجسم كنقطة واحــدة ، ويعود السبب في ذلك الى تشكل خيال النقطتين على نفس عنصــر الشبكية ، وبهذا الشكل تدرك العين جزء المادة الذي يقع خيالـــه داخل الحدود التي يعينها تركيب الشبكية (داخل أحد عناصر الشبكية تدركه كنقطة واحدة ، وتعى هذه النقطة بالنتطة الفيزيولوجية ، ولا يمكن معرفة أية تفاصيل تقع ضمن ذلك الجزء من المادة ، وتتعلـــق أبعاد هذا الجزء ، بطبيعة الحال ، ببعد الجسم عن العين ، ويمكن تحديده بواسطة "زاوية النظر" المرتبطة بأبعاد الخيال الموافقــة

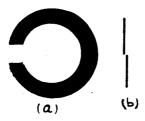
( الشكل 3.22) مادامت أبعاد الخيال ( ab=9h ) حيث p زاوية النظر و h عمق العين (من المركز البصري D الى الشبكية)، الذي يساوي من أجل العين العادية D العين العادية D من أجل العين العادية D من أبعاد العين العاد ا



شكل 3،22

اللازمة لتمييز تفاصيل الجسم "بالزاوية الحدية الفيزيولوجية" وتساوي تقريبا في العين المجردة حوالي دقيقة واحدة ، غير أن هذه القيمــة للزاوية المذكورة مشروطة ومرتبطة بجودة اضاءة الجسم المراقب .

يجري عادة اختبار قدرة الفصل (التمييز) للعين بواسطة الجسم الاختباري المبين على الشكل 3.23 (حلقة لاندولت) وتعتبر زاوية الفصل تلك الزاوية التي يرى من اجلها بوضوح الانقطاع الموجود في جسم الاختبار وتتخذ كواحدة لقياس حدة البصر ، تلك الحدة التي توافق زاوية فصل مقدارها دقيقة



شكل 3.23

واحدة ، وتكون حدة الرؤيامساوية الى النصف إذا كانت القيمــة الصغرى لزاوية التمييز تساوي دقيقتين وهكذا . . . . ويظهر الحدول المرفق تابعية زاوية الفصل لاضاءة جسم الاختبار

من اجل العين السليمة · وتبين القيم الواردة في الجدول أن حدة البصر للعين العادية اكبر بقليل من الواحد من اجل اضاءة جيدة (اكثر من 100 لوكس للعين العادية ) ·

وهكذا نلاحظ أن حدة البصر تنخفض كثيرا عن دقيقة من اجـــل الاضاءات الضعيفة حتى تصل أحيانا الى درجة واحدة •

ويودي تقريب الجسم من العين الى تصغير ذلك الجزء من الجسم الذي تقتطعه الزاوية الفيزيولوجية الحدية ، وبالتالي تتوفر الامكانية لمشاهدة تفصيلات أدق للجسم المراقب ، غير أن تقريب الجسم مين العين محدود القيمة بحيث نبقي على المطابقة ، ويبدو أن افضلمسافة

| اضاءة القاعدة | زاوية الفصل | ً اضاءة القاعدة | زاوية الفصل |
|---------------|-------------|-----------------|-------------|
| لكس           | دقيقة       | لكس             | دقيقة       |
| 0,0001        | 50          | 0,5             | 2           |
| 0,0005        | 30          | 1               | 1,5         |
| 0,001         | 17          | 5               | 1,2         |
| 0,005         | 11          | 10              | 0,9         |
| 0,01          | 9           | 100             | 0,8         |
| 0,05          | 3           | 500             | 0,7         |
| 0,1           |             | 1000            | 0,7         |

## تابعية زاوية الفصل للاضاءة من اجل العين الصحيحة

مناسبة لرؤية الاجسام الصغيرة بواسطة العين العادية والمجردة تساوي 25 سم (مسافة الرؤيا الافضل) ، وتستطيع العين الفتية أن ترىالتفاصيل على مسافة قد تصل الى 10 سم ، ولكن ذلك يجهد العين ، وتسمح العين الحسيرة بتصغير هذه المسافة ، وبالتالي تتمكن هذه العين من العين من العين السليمة ، بينما يكون من الصعب على العين الطامسة ، وخاصة عيون كبار السن تمييز التفاصيل الدقيقة (القراءة مثلا)، يمكن ادراك التفاصيل الادق للاجسام بواسطة الاجهزة البصريــة

التي تشكل مع العين خيالا يقع على الشبكية ، وتدعى النسبة بين الحيال المتشكل على شبكية العين في حالة وجود الجهاز البصري وبين الخيال المتشكل بدونه بالتكبير الظاهري للجهاز البصري ، ويكونهذا التكبير وفقا للشكل 3.22 مساويا  $\rho_{1}/\rho_{1}$  واحيث  $\rho_{1}/\rho_{2}$  و  $\rho_{1}/\rho_{2}$  والمجهاز وبدونه ، ومن زاويتا الرؤيا الموافقتين لرؤية الجسم باستعمال الجهاز وبدونه ، ومن الاجهزة البصرية التي تساعد العين : العدسة المكبرة والمجهر والانابيب البصرية (المناظير والتلسكوبات) . . . . الخ

سائا وتطبيقات

1 ـ تتحرك نقطة مضيئة وفق محور مرآة كروية مقعرة مقتربة منها من اجل أية أبعاد للنقطة عن المرآة ، تكون المسافة بين النقط....ة وخيالها في المرآة مساوية ١٩٠٥ حيث الله تصف قطر تقوس المرآة . - نفرض أُن  $a_1$  بعد النقطة عن المرآة ، و  $a_2$  بعد الخيالعنها -نستعمل دستور المرآة المقعرة

$$\frac{1}{a_2} + \frac{1}{a_1} = \frac{2}{R}$$

ونستخدم الشرط R = 0,75 المعادلتين، فنحد:  $a_1 = 1.5 R$  ,  $a'_1 = 0.25 R$  ,  $a''_1 = 0.75 R$ بالاضافة إلى الحل  $a_1$  وهو مرفوض  $a_1''' = -0.5 R$  يجب اُن يكون من اشارة 🗷

، ( n=1,6 ) عدسة محدبة الوجهين مصنوعة من الزجاج بعدها المجرقى ماذا يصبح البعد المحرقي لهذه . f=10~cmالعدسة اذا وضعت في وسط قرينة انكَساره n = 1.5 ؟ حـــد البعد المحرقي فيما اذا وضعت في وسط آخر قرينة انكساره 1,7 = 0.7.

ــ يعطى البعد المحرقي للعدسة محدبة الوجهين بالعلاقة

$$\frac{1}{4} = \left(\frac{n}{n!} - 1\right) \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right)$$

ميث n قرينة انكسارها و n' قرينة انكسار الوسط المحيط بها . فى حالة الهواء n'=1 ومنه

$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) = \frac{1}{(n-1)f} \tag{1}$$

في الحالة الاولى  $n' = n_1$  ، وبالتالي  $\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) = \frac{1}{\left(\frac{1.6}{1.5} - 1\right)^{\frac{1}{4}}}$  (2)

$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) = \frac{1}{\left(\frac{1}{1}, \frac{\epsilon}{s} - 1\right) + \frac{1}{t}}$$

$$(2)$$
if (2)  $= (1)$ 
in (2)

 $f_1 = \frac{(n-1)f}{(n)(n-1)} = 90 \text{ cm}$  $f_2 = \frac{(n-1)}{(n-1)} = -102$  وبالتالي  $f_2 = \frac{(n-1)}{(n-1)} = -102$  وبالتالي في الحالة الثانية

$$f_2 = \frac{(n-1) + 7}{(n/n_2 - 1)} = -102 \text{ Cm}$$
. (ae ae a new and a new an

3 ـ انبوبة معدنية قصيرة مغلقة من احدى نهايتيها بعدســة مستوية محدبة ، ومن الطرف الآخر بصفيحة متوازية الوجهين رقيقة نغرض أن الجملة مغمورة بسائل قرينة انكساره  $n_1$  ، اوجد البعـــد المحرقي للجملة ، اذا علمت أن نصف قطر تقوس سطح العدسة يساوي  $n_2$  ، وأنها محضرة من مادة قرينة انكسارها  $n_2$ 

D=5 عدسة رقيقة قوتها البصرية D=5 كسيرة ، وعندما تغمر في سائل قرينة انكساره  $n_2$  عين قرينة انكسار السائل  $n_2$  ، إذا علمت أن قرينة انكسار (جاج العدسة  $n_1=1,5$  .

من دستور العدسات الرقيقة \_\_ من دستور العدسات \_\_ من دستور \_\_ من دستور العدسات \_\_

حيث  $n_1$  قرينة انكسار العدسة و  $n_2$  قرينة الانكسار للوسط المحيط بها . ويكون في حالة الهواء :

$$D = \frac{1}{f_1} = (n_1 - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$
$$\left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) = \frac{1}{f_1(n_1 - 1)}$$

وفي حالة العدسة المغمورة في السائل  $\left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) = -\frac{1}{f_2 \left( \frac{n_1}{n_2} - 1 \right)}$ 

$$f_2(\frac{n_1}{n_2}-1)=f_1(n_1-1)$$
 enter  $f_2(\frac{n_1}{n_2}-1)=f_1(n_1-1)$ 

$$\frac{n_1}{n_2} = -\frac{f_1}{f_2} (n_1 - 1) + 1 = \frac{-20}{100} \cdot 0.5 + 1 = 0.9$$

$$n_2 = \frac{n_1}{0.9} = \frac{1.5}{0.9} = 1.67$$

5 ـ عدسة محدبة الوجهين متناظرة ، بعدها المحرقي عندمـا تكون في الهواء  $f_2$  ، وعندما تكون في الماء  $f_2$  على أي بعد منها يقع محرقاها  $f_2'$  و  $f_2'$  إذا وضعت العدسة على الحد الفاصل بين الهواء والماء ؟ قريتة انكسار الهواء تساوي الواحد وقرينة انكسـار

 $\frac{4}{3} \quad \text{label in }$ 

\_ من قانون العدسات الرقيقة

$$\frac{1}{f_1} = \left(\frac{n}{n_1} - 1\right) \frac{2}{R} \tag{1}$$

$$\frac{1}{4} = \left(\frac{n}{n_2} - 1\right) \frac{2}{R}$$
 (2)

في حالة وضع العدسة بين الهواء والماء ، يكون انطلاقا من دستور الكاسر الكروى:

5.1 شكل 
$$\frac{n_2}{a_2} - \frac{n_1}{a_1} = \frac{1}{R} \left( 2 n - n_2 - n_1 \right)$$
 (3)

يعين البعد المحرقي على يمين العدسة من اجل  $\sim$  1 ومنه

$$\frac{n_2}{f_1^{\prime}} = \frac{1}{R} \left( 2n - 2n_2 - n_1 + n_2 \right)$$

حيث جمعنا وطرحنا مع داخل القوس، وهكذا

$$\frac{1}{f_{1}^{\prime}} = \frac{2}{R} \left( \frac{n}{n_{2}} - 1 \right) + \left( 1 - \frac{n_{1}}{n_{2}} \right) \frac{1}{R} \tag{4}$$

حسب مبدأ رجوع الضوء ، ننهي  $a_2 - - - a_0$  ونضيف ونطرح  $n_1$  في قوس العلاقة (3) فنجد المحرق الى يسار العدسة

$$-\frac{1}{f_{1}^{\prime}} = \frac{1}{n_{1}R} \left( 2n - 2n_{1} + n_{1} - n_{2} \right) = \frac{2}{R} \left( \frac{n}{n_{1}} - 1 \right) + \frac{1}{R} \left( 1 - \frac{n_{2}}{n_{1}} \right) (5)$$

من (4) نجد ان

$$\frac{1}{f_1'} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{R} \left( 1 - \frac{n_1}{n_2} \right) \tag{6}$$

من (5) نجد ایضا

$$-\frac{1}{f_2^{1}} = \frac{1}{f_2} + \frac{1}{R} \left( 1 - \frac{n_2}{n_1} \right) \tag{7}$$

باستخدام (1) و (2) نحصل على

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{2(n_2-1)} \left( \frac{1}{f} - \frac{n_2}{f_2} \right)$$

نبدل  $\frac{7}{R}$  في كل من (6) و (7) ، فنحمل على المطلوب .

أن يجب أن . f = 24 cm أين يجب أن f = 6 البعد بين منبعين نقطي عدسة مقربة بعدها المحرقي f = 9 cm المحرقي نفس النقطة .

ان يكون وهميا ، فاذا  $a_2$  من الواضح أن واحد من الاخيلة يجب أن يكون وهميا ، فاذا مرنا لبعدي المنبعين عن العدسة ب $a_1$  و  $a_2$  و المنبعين عن العدسة ب $a_2$  و أينا نحصل على  $a_2$ 

$$\frac{1}{a'_{1}} - \frac{1}{a_{1}} = -\frac{1}{4} \quad , \quad \frac{1}{a'_{2}} + \frac{1}{a_{2}} = \frac{1}{4}$$

$$\text{if } a_{1} + a_{2} = \frac{1}{4} \quad , \quad a'_{1} = a'_{2}$$

$$\text{if } a_{1} + a_{2} = \frac{1}{4} \quad , \quad a'_{1} = a'_{2}$$

بحل جملة المعادلات نحصل على :

$$a_1 = \frac{\ell(1 \pm \sqrt{1 - 2 f/\ell})}{2}$$

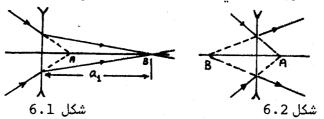
ويجب أن توضع العدسة على بعد 6 سم من أحد المنبعين و 18 سم عن الآخر .

7 ـ ترد حرمة أشعة متقاربة على عدسة مبعدة ، بشكل تتلاقى من أجله ممددات الاشعة في نقطة تقع على المحور البصري للعدسة وعلى مسافة b = 15 cm منها . جد البعد المحرقي في الحالتين التاليتين :

- $a_1$ =60 cm عند على بعد انكسارها في العدسة على بعد (1 منها .
- 2) تتقاطع ممددات الاشعة المنكسرة في نقطة أمام العدسة وعلى

. lain az =60 cm se.

1) إن مسار الاشعة في هذه الحالة ممثل على الشكل 6.1 . إذا



استعملنا مبدأ رجوع الضوء ، أمكننا ان نتصور النقطة B منبعا والنقطة A خيال ذلك المنبع ، عندئذ ، باستخدام العلاقة

$$-\frac{1}{b} + \frac{1}{a_1} = -\frac{1}{f} \implies f = \frac{a_1b}{a_1-b} = 20 \text{ cm}$$

2) يعرض الشكل 6.2 مسار الاشعة في الحالة 2 ويكون كل من الخيال ( النقطة A ) وهميا في هذه الحالة ومنه :

$$-\frac{1}{a_2} - \frac{1}{b} = -\frac{1}{f}$$
,  $f = \frac{a_2b}{(a_2+b)} = 12$  cm

d=1 m تساوي المسافة الفاصلة بين مصباح كهربائي وشاشة f=21 من اجل أية مواضع لعدسة مجمعة بعدها المحرقي f=21 ،يتشكل خيال واضح لسلك المصباح الكهربائي ؟ هل يمكن أن نحصل على خيال إذا كان البعد المحرقي f=26 f=1

 $\frac{1}{a} + \frac{1}{d-a} = \frac{1}{4}$ 

حيث  $\alpha$  المسافة الفاصلة بين العدسة والمصباح ومنه  $\alpha^2 + a d + d f = 0$ 

 $a = \frac{d}{2} \pm \sqrt{\frac{d^2}{4} - d^2}$ 

أي أن هناك وضعين للعدسة يتحقق فيهما المطلوب : على مسافــة  $q^1=26$  cm عندما .  $a_2=30$  cm عن المصباح و  $a_L=70$  cm

لايمكن أن يتشكل خيال واضع على الشاشة وذلك من اجل أي وضع كان للعدسة ، والسبب هو وجود مشرط ضروري للحصول على الخيال الواضح ناتج عن الصيغة السابقة ، وهذا الشرط هو 4 / 4 الحال .

9 ـ تعطي عدسة رقيقة موجبة خيالا لجسم ما على شاشة . طول الخيال يساوي  $h_1$  . نقوم بازاحة العدسة دون تغيير موضع الجسم أو الشاشة ، فنجد أن طول الخيال الواضح الثاني يساوي  $h_2$  . جد طول الجسم  $h_3$  .

لل عبد كل  $a_1'$  و  $a_1'$  حيث  $a_1'$  حيث الحالة الأولى  $\frac{h_1}{H} = \frac{a_1}{a_2'}$  بعد كل  $\frac{h_2}{H} = \frac{a_2}{a_2'}$  ويكون في الحالة الثانية  $\frac{h_2}{H} = \frac{a_2}{a_2'}$  الجسم والخيال عن العدسة ، ويكون في الحالة الثانية  $a_1' = a_2$  وما أن  $a_1 = a_2'$  وما أن المسألة 8 أن

الرئيسيين وذلك على محورها البصري المعطى  $N_1 N_2$  (الشكل 10.1) الرئيسيين وذلك على محورها البصري المعطى S (الشكل 3. ) بفرض أن موضع الجسم S وموضع الخيال S معلومان .

سيمكن ايجاد المركز البصري 3 شكل 10.1 بوصل 3 و 3 حيث يتقاطع مع  $N_1 N_2$  في 0 ويمكن ايجاد المحرقين بانشاء موازيين

للمحور الأصلي (الشكل10.2).

N<sub>1</sub> Fi 0 N<sub>2</sub>

11 ـ ترد حزمة ضوئية متوازية على عدسة مجمعــة بعدها المحرقي 40 سم . بعدها وضع عدسة مبعدة

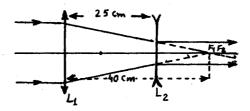
شكل 10.2

بعدها المحرقي 15 سم بحيث

تبقى الحزمة بعد اجتيازها للعدستين متوازية ؟

سيجب أن تلتقي الاشعة المتوازية الواردة على العدسة المجمعة  $L_2$  في المحرق  $L_1$  (الشكل 11.1) . وعندما تقطع العدسة  $L_1$  الاشعة التي ترد نحوها تنفذ منها متوازية ، وبالتالي يجب أن ينطبق

# $L_1$ على $F_2$ ، وهكذا يجب أن تبتعد العدسة $F_2$ عن $F_4$

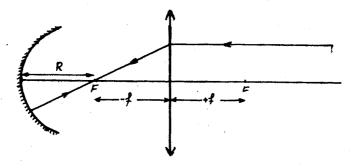


شكل 11.1

بمقدار m 25 = 15 - 40 .

12 على أي بعد من عدسة محدبة الوجهين ،بعدها المحرقسي  $\mathbf{R} = \mathbf{l} \ \mathbf{m}$  ، يجب وضع مرآة مقعرة ،نصف قطرها  $\mathbf{R} = \mathbf{l} \ \mathbf{m}$  ،يعود الشعاع الساقط على العدسة موازيا للمحور البصري الرئيسسي للمنظومة ، بعد انعكاسه على المرآة واجتيازه العدسة من جديدموازيا ايضا للمحور البصري ؟ جد الخيال الذي تشكله هذه المنظومةلجسم ما .

\_ هناك امكانيتين لوضع المرآة : 1) اذا وقع مركز المرآة على محرق العدسة (الشكل 12.1) . أي أن

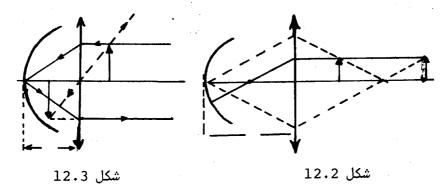


شكل 12.1

المرآة تبعد عن العدسة بالمسافة A = A + R = 2 m . ويعرض الشكل 12.2 مسار الشعاع الموازي للمحور الاصلي وكذلك خيال الجسم AB . إن الخيال AB ( مستقيم وحقيقي )له نفسس الابعاد من اجل أي وضع للجسم .

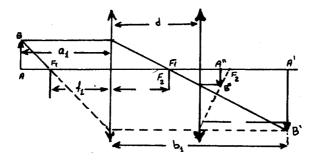
(الشكل على المرآة على بعد R = 4 = R من العدسة (الشكل يكون الخيال مساويا للجسم ، غير أنه وهمى ومقلوب وذلك (12.3)

## من اجل أي وضع للجسم .



المحرقيان ، بعداهميا والفة من عدستين مجمعتين ، بعداهميا  $f_2 = 40$  و  $f_4 = 20$  سن العدستين المحرقيان  $f_4 = 20$  من العدسة  $f_4 = 3$  من العدسة الأولى ، على أية مسافة من العدسة الثانية يتشكل الخيال ؟

ــ يعرض الشكل 13.1 مسار الاشعة في المنظومة البصرية الموصوفة في المسألة ، إن العدسة الاولى في حالة غياب العدسة الثانية تعطي



شكل 13.1

الخيال 'B' الذي يقع على المسافة من العدسة :  $\frac{1}{b_1} - \frac{1}{a_1} = \frac{1}{4} \implies b_1 = \frac{a_1 f_1}{a_1 + f_1} = \frac{-30 \cdot 20}{-30 + 20} = 60 cm$ 

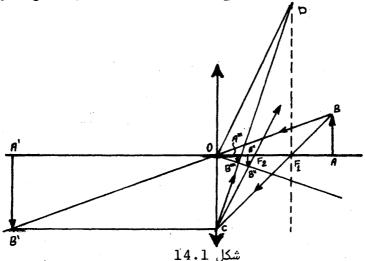
ويعتبر هذا الخيال جسما بالنسبة للعدسة الثانية ، ومنه

$$\frac{1}{b_1} - \frac{1}{a_2} = \frac{1}{f_2} \implies b_2 = \frac{a_2 f_2}{a_2 + f_2} = \frac{30 \cdot 10}{30 + 10} = 7,5 \text{ cm}$$

اي ان الخيال النهائي هو "B" ويكون حقيقيا .

.  $f_1 = 10$  cm عدسة محدبة الوجهين ، بعدها المحرقي R = 10 cm أحد وجهيها مفضض ونصف قطر تقوسه R = 10 cm انشأ الخيال الذي تعطيه هذه الجملة لجسم موضوع أمام العدسة وعلى بعد a = 15 cm الذي تعطيه

سيعرض الشكل 14.1 الخيال "B" الذي تشكله المنظومسة المذكورة حيث أن  $F_2$  و  $F_3$  محرقا العدسة والمرآة على الترتيب.



ويمثل B'B' الخيال الذي تعطيه العدسة فيما لو لم يكن وجههامفضفا, يمكن انشاء الخيال A''B' الذي تعطيه المرآة المقعرة ، اذا أخذنا بعين الاعتبار أن الشعاع BC بعد عبوره العدسة وانعكاسه على السطح المفضض يسير وفق الطريق BC ، حيث أن BC BC . يخرج الشعاع BC من العدسة موازيا للمحور البصري للمنظومة وبعدد الانعكاس يمر من  $F_2$  .

إن الاشعة المنعكسة عن المرآة تنكسر مرة آخرى في العدسة وتعطي الخيال "B" ، وتقع النقطة "B على تقاطع الشعاعين "OB وتعطي الخيال "B" ، إن الشعاع "OB يمر عبر المركز البصري للعدسة بعد الانعكاس ، ويالتالي لايعاني أي انكسار ، وينشأ الشعاع "OD بالطريقة التالية : بعد الانكسار الاول في العدسة والانعكاس يذهب الشعاع الضوئي "BC في اتجاه "F2 وينكسر مرة اخرى في العدسة، ويعين اتجاهه بعد الانعكاس الثاني ، بتمرير مستقيم خلال المركز

البصري • بشكل مواز لـ CF2 ، ولتكن • نقطة تقاطع هذا المستقيم مع المستوي المحرقي للعدسة ، عندئذ يكون • CD هو الشعاع الذي نبحث عنه .

بما أن الاشعة تنكسر في العدسة مرتين . فأن البعد المحرقي للمنظومة يعطى بالعلاقة :

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} + \frac{1}{f_1}$$

حيث أن  $\frac{f_2}{f_2} = \frac{R}{2}$  البعد المحرقي للمرآة ، وهكذا يكون  $f = \frac{f_1 f_2}{f_1 + 2 f_2} = 2,5$  cm

ومنه نجد المسافة f e الفاصلة بين الخيال f B''' B''' A والمركز البصري f O للعدسة :

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{f} \implies b = \frac{af}{a-f} = 3 cm$$

منهما جملة ضوئية مؤلفة من عدستين مفرقتين متماثلتين ، سماكة كل منهما  $\Delta R$  صغيرة بالمقارنة مع أنصاف اقطار تقوس وجهيهما  $\Delta R \ll R_2 \approx R_2$ 

والمسافة الفاصلة بين مركزيهما البصريين تساوي 2 % ، وقرينة انكسار زجاجهما ، خذ بعين الاعتبار فقط الاشعة المجاورة للمستقيم المار من المحور البصري للجملة (الاشعة المحورية) ، وعين موضعي المحرقين والمستويين الرئيسيين للجملة .

- يعين البعد المحرقي للعدسة الرقيقة بالعلاقة:

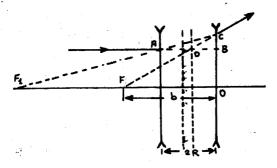
$$f_{1} = \frac{1}{(n-1)\left(\frac{1}{R_{1}} - \frac{1}{R_{2}}\right)} \approx \frac{R^{2}}{(n-1)\Delta R}$$

إن الاشعة الموازية للمحور البصري الرئيسي للجملة تنكسر بعد اجتياز العدستين بشكل تتقاطع معه ممدداتها في المحرق  $\mathbf{d}$  للجملة وذلك على مسافة  $\mathbf{d}$  من العدسة الثانية (الشكل 15.1) . وبتطبيق علاقة العدسات:  $\frac{\mathbf{d}}{\mathbf{d}} = \frac{\mathbf{d}}{\mathbf{d}} = \frac{\mathbf{d}}{\mathbf{d}}$ 

نجد قيمة d:

$$b = \frac{f_i \left( f_i + 2R \right)}{2 \left( f_i + R \right)}$$

إن النقطة ١٥ التي تمثل تقاطع ١٩٨ (ممدد الشعاع الوارد) و إن النقطة ١٥ الشعاع المنكسر) تقع على المستوي الرئيسي للجملية



شكل 15.1

وعلى بعد x من العدسة الثانية .

ینتج من تشابه المثلثین می ACB و المثلثین DCB و بنتج من تشابه المثلثین FCO و FCO و FCO

$$\frac{x}{b} = \frac{2R}{2R + \frac{2}{1}}$$

وهكذا يكون المستوي الرئيسي متوضعا على مسافة X من العدســة الثانية :

$$X = \frac{2Rb}{2R + f_1} = \frac{f_1R}{f_1 + R}$$

وبالتالي يعطى البعد المحرقي للجملة بالعلاقة

$$f = b - X = \frac{f_1^2}{2(f_1 + R)} \approx \frac{f_1}{2} = \frac{R^2}{2(n-1)\Delta R}$$

وبحكم كون المنظومة البصرية المعطاة متناظرة ، يمكن بسهولة تعيين المحرق الثاني والمستوي الرئيسي الثاني .

16 ـ عين البعد المحرقي لمنظومة بصرية تتألف من عدستين رقيقتين : احداهما مفرقة وبعدها المحرقي  $f_1$  ، والأخرى مجمعــة وبعدها المحرقي  $f_2$  ، مع العلم أن العدستين متلاصقتان ،ومحوريهما البصريين متطابقان .

ـ يمكن استنادا الى حل المسألة 13 أن نكتب في حالة عدستين مفصولتين عن بعضهما بالمسافة b:

$$\frac{1}{a_1} + \frac{1}{b_2} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} + \frac{d}{a_2b_1}$$

في حالتنا d=0 وبالتالى

$$\frac{1}{a_1} + \frac{1}{b_2} = -\frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{f}$$

حيث م البعد المحرقي الذي نبحث عنه:

$$f = \frac{f_1 f_2}{(f_1 - f_2)}$$

 $a_1$ = 12 cm تقع حدود المطابقة لرجل قصير البصر بين  $a_2$ =60 cm و .  $a_2$ =60 cm بيستعمل الرجل المذكور نظارة تمكنه من رؤيسة الاجسام البعيدة بوضوح . عين أصغر بعد لموقع كتاب بحيث يستطيع ذلك الرجل القراءة بوضوح باستعمال نضارته .

يرى الرجل الاجسام البعيدة عندما يستعمل نظارته ، كما لو النظارة . لذلك كانت على بعد  $a_2 = 60$  منه بدون استعمال النظارة (انظرالمسألة يمكن كتابة العلاقة التالية في حالة استعمال النظارة (انظرالمسألة 16) :

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{4} + \frac{1}{40}$$

حيث ∞ **-- م** 

ویکون ،من اجله بدون نظارة

$$\frac{1}{a_2} + \frac{1}{b} = \frac{1}{4}$$

حيث  $\frac{1}{\sqrt{f}}$  القوة البصرية الصغرى للعين ،  $\frac{1}{\sqrt{f}}$  القوة البصرية العين يكون النظارة ملتصقة بالعين يكون مد  $-\frac{1}{\sqrt{f}}$  .

نعين الآن موضع نقطة الكثب ( أقرب نقطة للمطابقة ) باستعمال

$$\frac{1}{a_1} + \frac{1}{b_1} = \frac{1}{f_1}$$
  $\frac{1}{a_3} + \frac{1}{b_1} = \frac{1}{f_4} + \frac{1}{f_0}$  : illudicial in the state of the stat

 $\frac{1}{a_3} = \frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2} = \frac{1}{a_1} - \frac{1}{a_2}$ 

وبالتالي Cm =15 . م

18 ـ شخصان عندما يستعملان نظارتيهما يريان كالشخص العادي علما بأن أحدهما مديد البصر والآخر قصيره ، وقع خطأ ، حيث استعمل كل منهما نظارة الآخر ، فوجد مديد البصر عند استعماله نظارة قصيره أنه يرى بوضوح الاشياء البعيدة جدا فقط ، على أية مسافة يمكن للشخص قصير البصر أن يقرأ الأحرف الصغيرة عند استعماله نظارة مديدالبصر

ــ ان مديد البصر عند استعماله النظارة الاخرى يرى بوضوح فقط الاجسام البعيدة جدا ، وبالتالي تعين المسافة 22 للرؤيا الأفضل بالنسبة لعين مديد البصر من العلاقة :

$$\frac{1}{a_1} - \frac{1}{a_2} = D_1$$

حيث  $a_1$  مسافة بعيدة جداً ( $\infty$   $\leftarrow$  0 القوة البصريـــة لنظارة قصير البصر .

يمكن ايجاد القوة البصرية D2 لنظارة مديد البصر من العلاقة

$$\frac{1}{a_0} - \frac{1}{a_2} = D_2$$

حيث  $a_2$  =25 cm مسافة الرؤيا المثلى للعين السليمة وتعيين المسافة  $a_3$  للرؤيا المثلى للعين الحسيرة من العلاقة

$$\frac{1}{a_0} - \frac{1}{a_3} = D_1$$

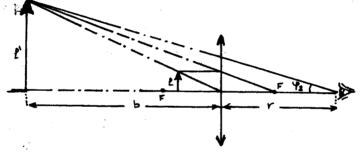
اذا استعمل قصير البصر نظارة مديده ، فأن مسافة الرؤيا الأمثل ، أي اصغر مسافة عندي المؤيدة المغيرة المناع ، تعطى بالعلاقة

$$\frac{1}{a} - \frac{1}{a_3} = D_2$$

 $.a = 12.5 \, cm$  بحل المعادلات الأربعة نحصل على

. d ينظر بالعين المجردة الى مادة تقع على مسافة -19 ماهي قيمة التكبير الزاوي اذا نظر الى نفس المادة من خلال مكبيرة تقع على مسافة -19 من العين وموضوعة بشكل يقع معه الخيال علي مسافة -19 عن العين -19 مع العلم أن البعد المحرقي للمكبرة يساوي -19 ما الحالتين التاليتين -19 ما ادرس الحالتين التاليتين -19 ما -19

النظر الى مادة ارتفاعها  $\frac{1}{L}$  من على مسافة  $\frac{1}{L}$  ، فإن زاوية  $\frac{1}{L}$  واذا نظر الى نفس المادة من النظر تعطى بالعلاقة  $\frac{1}{L}$  واذا نظر الى نفس المادة من خلال مكبرة فإن  $\frac{1}{L}$  =  $\frac{1}{L}$  ويث  $\frac{1}{L}$  ارتفاع الخيال (الشكل 19.1) .



شكل 19.1

يكون التكبير الزاوي:

$$N = \frac{q_2}{q_1} \cdot \frac{\ell'd}{\ell L} = \kappa d/L$$

حيث  $\frac{(l+b)}{l} = \frac{b}{d} = \frac{(l+b)}{l}$  التكبير الخطي الطولي الذي يحدد من الصيغة العامة للعدسات ، وبالتالي :

$$N = \frac{d}{f} = \frac{b+f}{L} = \frac{d}{f} \cdot \frac{L-r+f}{L}$$

$$N = \frac{d}{f} \qquad \text{(i)}$$

$$N = \frac{d}{\ell} + 1 - \frac{r}{\ell}$$
 . L = 0 ...

20 \_ انبوبة بصرية محكمة على اللانهاية ، نزعت منها الجسمية

واستبدلت بحظار قطره D . يتشكل في هذه الحالة خيال حقيقي للحظار على شاشة واقعة على مسافة ما من العينية ، فاذا كان قطر الخيال له ، جد تكبير الانبوبة البصرية .

يان تكبير الانبوبة البصرية  $\frac{f_1}{f_2}$  حيث  $\frac{f}{f_1}$  البعد المحرقي للجسمية و  $f_2$  البعد المحرقي للعينية ، وبما أن الانبوبة مهيئــة للرؤيافي اللانهاية ، يجب أن تكون المسافة بين الجسمية والعينيـة مساوية  $f_1 + f_2$  وبالتالى:

 $\frac{D}{d} = \frac{(f_1 + f_2)}{1}$ 

وترمز b هنا الى المسافة الفاصلة بين العينية وخيال الحـــظار . وباستعمال صيغة العدسات:

$$\frac{1}{f_1 + f_2} + \frac{1}{b} = \frac{1}{f_2}$$

وبحذف ط من العلاقتين السابقتين ، نجد أن :

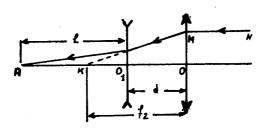
$$N = \frac{D}{d} = \frac{f_1}{f_2}$$

21 ـ لصنع جسمية لآلة التصوير مؤلفة من عدستين ، استعمـــل المصمم عدسة مفرقة بعدها المحرقي  $\mathcal{L}_{=}$   $\mathcal{L}_{+}$  ، وثبتها على مسافة  $\mathcal{L}_{-}$ من صفيحة الفيلم ، أين يجب تثبيت عدسة مقربة بعدها ( $\ell$  =45 cm) المحرقي  $f_2 = 8 cm$  للحصول على خيال واضح للأجسام البعيدة منطبق على صفيحة الفيلم •

ــ يمكن الحصول على أخيلة واضحة للأجسام البعيدة من اجــل موضعى تثبيت مختلفين للعدسة المقربة ، حيث يمكن تثبيتها أمام أو خلف العدسة المفرقة ٠

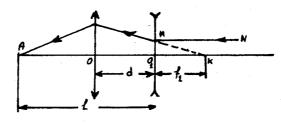
فمن اجل الوضع الاول يمكن تعيين ط المسافة بين العدستين بالنظر الى النقطة كا كخيال وهمى تشكله العدسة المفرقة للنقطة ( انظر الشكل 21.1):  $\frac{1}{f_2 - d} + \frac{1}{\ell} = -\frac{1}{f_1}$ 

ان الشعاع MN يرد موازيا للمحور البصري ، ومنه :  $d = f_z - \frac{f_1 \, \ell}{f_1 + \ell} = 3.5 \, cm$ 



شكل 21.1

من اجل الوضع الثاني ( المقربة خلف المبعدة ) ، يكون مسار الشعاع كما هو مبين على الشكل 21.2 ، حيث يمكن النظر الى A



شكل 21.2

كخيال ل 🛪 في العدسة المقربة :

$$\frac{1}{f_{1}+d} + \frac{1}{\ell-d} = \frac{1}{f_{2}}$$

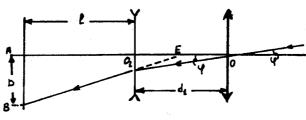
$$d = \frac{\ell-f_{1}}{2} + \frac{\ell+f_{1}}{2} \sqrt{1 - \frac{4f_{2}}{\ell+f_{1}}}$$

ويمكن أن يأخذ d قيمتين d ع 35 cm أو d أو d ع - 35 c ا

22 ـ جد قطر خيال القمر  $oldsymbol{\mathcal{D}}$  المتشكل على لوح التصوير من اجل الحالات الثلاثة لترتيب العدسات الوارد في المسألة 21  $oldsymbol{\mathcal{C}}$  اذا علمت أن مقطع القمر يرى من الارض بزاوية قدرها  $oldsymbol{\mathcal{C}}$  من الأرض بزاوية قدرها  $oldsymbol{\mathcal{C}}$  المسألة  $oldsymbol{\mathcal{C}}$  علمت أن مقطع القمر يرى من الأرض بزاوية قدرها  $oldsymbol{\mathcal{C}}$ 

\_ لنفرض أن الاشعة الصادرة عن أحد طرفي قطر قرص القمرالمرئي والموارية للمحور البصري ، تعطي خيالا يقع على المحور البصري فــي

النقطة  $\mathcal{A}$  الواقعة على بعد  $\mathcal{A}=45$  من العدسة المفرقة (الشكل 22.1) ، وتعطي الاشعة الواردة من الطرف الآخر لقطـــر القمر ، والتي تشكل مع الاشعة الاولى زاوية  $\mathbf{\Psi}$  حسب الفرض،تعطي



شكل 22.1

لايجاد قطر الخيال  $D_1 = AB$  ندرس طريق الشعاع الذي يمر عبر المركز البصري للعدسة الأولى ، في حالة الترتيب الأول للعدسات، تقع العدسة المجمعة أمام المفرقة وعلى بعد يساوي 3.5 cm ويمكن في هذه الحالة النظر الى النقطة = كخيال وهمي للنقطة 0 ، وبالتالى نستطيع أن نكتب :

$$\frac{1}{d_1} - \frac{1}{X_1} = -\frac{1}{\ell_1}$$

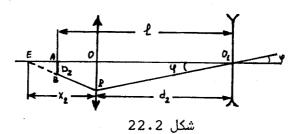
وبالاستفادة من تشابه المثلثين ABE و 01PE والمساواة المالي والمالي والمساواة المالي والمالي والمالي

$$\frac{p_1}{\ell + x_1} = \frac{d_1 + g \cdot \psi}{x_1} \approx \frac{d_1 \cdot \psi}{x_1}$$

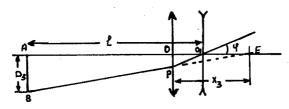
.  $D_1$ =0,72 cm من العلاقتين السابقتين ، نجد ان  $X_1$  من العلاقتين السابقتين ، نجد ان  $A_2$ =35 cm ) ، يكون في الحالة الثانية لترتيب العدسات (  $A_2$ =35 cm ) ، يكون الطريق الذي تسلكه الأشعة كما هو مبين على الشكل 22.2 ، وتحسب قيمة  $D_2$  قطر خيال القمر من العلاقات :

$$\frac{D_2}{(x_2+d_2)-\ell} = \frac{d_2+q\cdot \varphi}{X_2} \approx \frac{d_2\cdot \varphi}{X_2}$$

ونجد من تشابه المثلثات EAB و EOP و  $OPO_1$  و eab و eab و opo و eab و ea



يكون من اجل الترتيب الثالث للعدسات (  $d_3 = 5$  ) طريق الاشعة مغايرا بعض الشيىء لطريق الاشعة في الشكل 22.2 (انـظـر الشكل  $D_2$  , وتكتب المعادلات لتعيين  $D_3$  بشكل مماثل للحالـة



شكل 22.3

$$\frac{D_3}{(L-d_3) + X_3} = \frac{d_3 \cdot d_3 \cdot \varphi}{X_3} \approx \frac{d_3 \cdot \varphi}{X_3} = \frac{1}{d_3} - \frac{1}{X_3} = \frac{1}{d_2}$$

ومنه نجد  $p_3 = 0,18$  شجد ومنه

 $f_1$  =3 mm مجهر جسم على بعد المحرقي الرئيسي لجسمية مجهر  $\alpha$  = 3,1 mm على بعد  $\alpha$  = 3,1 mm من الجسمية . جد تكبير المجهر من اجل العين السليمة . ادرسالحالتين:  $\bar{r}$  عن مسافة  $\bar{r}$  = 25  $\bar{r}$  ، ب) ترد الى العين من العينية حزمة اشعة متوازية .

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{f}$$
: Lacult: : - Lacult is a constant in the consta

$$K_L = \frac{b}{a} = \frac{f_1}{a - f_1} = 30$$

وينظر إلى الخيال الحقيقي المكبر والمقلوب الذي تعطيه الجسمية من خلال العينية ، كما هي حالة النظر اليه من خلال مكبرة ، التي تعطى خيالا وهميا يقع على بعد صح 25 D من العين ،وذلك في الحالة خيالا وهمي يسم ي المكبرة: المكبرة:  $\frac{1}{a_1} - \frac{1}{D} = \frac{1}{f_2}$ 

$$\frac{1}{2_1} - \frac{1}{D} = \frac{1}{4_2}$$

- المسافة الفاصلة بين العينية والخيال الذي شكلته الجسمية

$$K_2 = \frac{D}{a_1} = \frac{D + f_2}{f_2} = 6$$

والتكبير الكلي للمجهر K = K1 K2 = 180

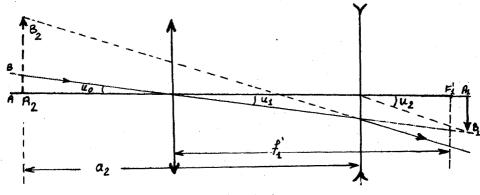
والتكبير الكلي  $K_2 = \frac{D}{4}$  = 5 . هرة .  $K = K_1 : K_2 = 150$ 24 ـ حتى يتمكن شخص من القراءة في كتاب يقع على بعد 20سم أمام عينيه ، فإنه يستعمل نظاراة تحوي على عدستين مقربتين ، البعد المحرقي لكل منهما يساوي 220 سم ، ما هو حد الرؤيا الاقرب لهذا الشخص عندما لايستعمل نظارته ؟

ــ بما أن النظارة مقربة فإن العين مديدة (قادعة ) ، ويكون حد الرؤيا الاقرب بدون نظارة هو بعد موضع خيال الجسم عندما ينظــر اليه من خلال النظارة ، ومنه :

 $a_7 = 220 \, \text{cm}$ 

25 ـ البعد المحرقي لجسمية منظار غاليليه ( 12 cm)، ولعينيته المفرقة ( cm )، حُكِّم هذا المنظار على جسم بعيد بحيث يظهـر الخيال النهائي على بعد ( cm ) من العينية ، عين التجسيـــم الزاوى لهذا المنظار .

 $\mathcal{H}_1 = \overline{A_1 B_1}$  يتشكل الجسمية للجسم المراقب خيالا حقيقيا مقلوبا —



شكل 25.1

واقعا بالجوار المباشر للمستوي المحرقي (الشكل 25.1) ويكون:

$$u_0 = u_1 \approx \frac{31}{41}$$

حيث 4 البعد المحرقي للجسمية .

يكون هذا الخيال بمثابة جسم وهمي للعينية ، وتعطى له خيالا

$$y_2 = \overline{A_2 B_2} \qquad : y_2$$

ومنه  $\frac{42}{a_{2}} \approx 42$  حيث  $\alpha_{2}$  بعد الخيال عن العينية ، وبالتالي ،

يعطى تجسيم المنظار بالعلاقة:

$$\frac{y_2}{y_0} = \frac{y_2/a_2}{y_1/f_1'} = \frac{y_2}{y_1} \cdot \frac{f_1'}{a_2}$$

غیر أن 
$$\frac{\alpha_2}{\alpha_1} = \frac{y_2}{y_1}$$
 ، ومنه یمکن تعیین  $\alpha_1$  بتطبیق دست

$$\frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_1} = -\frac{1}{f_2} ; \text{ it is a local in the latter of } \frac{1}{a_1} = \frac{1}{30} + \frac{1}{5} \implies a_1 = 6 \text{ cm} , \frac{y_2}{y_1} = \frac{a_2}{a_1} = \frac{-30}{6} = -5$$

أي أن الخيال 
$$\frac{y_2}{v_2}$$
 مقلوب بالنسبة ل $\frac{y_1}{v_2}$  ، وهو صحيح بالنسبة للجسم الاصلي:

$$\frac{u_2}{u_0} = \frac{-30}{6} \cdot \frac{12}{-30} = 2$$

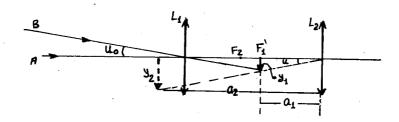
( $f_1$ =20 cm) بعدها المحرقي ، بعدها المحرقي ( $f_2$ =20 cm) وعينية بعدها المحرقي ( $f_2$ =5 cm) احسب تكبير هذا المنظار في الحالتين :

آ) عندما يحكم المنظار بحيث تتلقى العين الاشعة المتوازية .
 ب) عندما يحكم المنظار بحيث ترى العين الاخيلة متوضعة عندحد الرؤية الامثل (على بعد 25 سم من العين ) .

\_ آ) عندما تتلقى العين الاشعة متوازية ، يجب أن ينطبق محرق الجسمية الخلفي على المحرق الامامي للعينية ، ويعطى التكبير في هذه الحالة بالعلاقة :

$$\frac{u_2}{u_0} = \frac{f_1}{f_2} = \frac{20}{5} = 4$$
 or

ب) يجب في الحالة الثانية أن تشكل العينية للخيال الـــذي



شكل 26.1

تشكله الجسمية خيالا وهميا ، أي يجب أن يقع خيال الجسم في الجسمية على بعد من العينية اقل من بعدها المحرقي (الشكل 26.1):

$$u_0 = \frac{y_1}{f_1'} \quad , \quad u_2 = \frac{y_2}{a_2}$$

حيث  ${\cal Y}_1$  خيال الجسم في الجسمية و  ${\cal Y}_2$  الخيال المتشكل في العينية ، ومنه :  ${\cal A}_2$  عن العينية ، ومنه :

$$\frac{u_{2}}{u_{0}} = \frac{y_{2}}{y_{1}} \cdot \frac{a_{2}}{f_{1}^{2}}$$

$$\frac{1}{a_{2}} - \frac{1}{a_{1}} = \frac{1}{f_{1}^{2}} \quad y_{2} = \frac{a_{2}}{a_{1}} : \text{distribution}$$
and the distribution of the state of t

ديث م بعد الخيال المتشكل في الجسمية عن العينية ، نجد  $\frac{1}{a_1} = \frac{1}{a_2} - \frac{1}{f_2'} = \frac{1}{-25} - \frac{1}{5} = -\frac{6}{25} \implies a_2 = -\frac{26}{5} cm$  $\frac{U_2}{U_1} = \frac{25}{25} \cdot \frac{25}{20} = \frac{25.6}{20} = \frac{40}{3}$ 

 $(f_2 = 9 \, \text{Cm})$  وعينية ( $f_4 = 3 \, \text{Cm}$  ) وعينية ( $f_2 = 9 \, \text{Cm}$  وعينية ( تبعدان عن بعضهما 24 سم . أين يجب وضع الجسم المراقب حتـــى يتشكل خياله النهائي في اللانهاية ؟ ماهو مقدار تكبير هذا المجهـر إذا استخدم من قبل شخص الرؤية الاقرب بالنسبة له تقع على بعدد 235 سم ؟ حدد أفضل وضع لعين ذلك المراقب ، وفسر لماذا .

ــ حتى يتشكل الخيال النهائي في اللانهاية ، يجب أن يقعالخيال المتشكل بواسطة الجسمية في المستوي المحرقي للعينية • نفرض عن الخيال المتشكل عن الجسمية

: عندئذ ، عندئذ و  $a_1$  $\frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_1} = \frac{1}{\frac{1}{2!}}$  $a_2 = 24 - 9 = 15$  cm  $\frac{1}{a_1} = \frac{1}{a_2} - \frac{1}{4!} = \frac{1}{15} - \frac{1}{3} = \frac{4}{15}$  $a_1 = -3.75$  $\frac{u}{u_0} = \frac{235}{f_1 f_2} = \frac{235}{2}$ 

شكل 27.1

يمكن أن يضع الشخص المذكور عينه قرب العينية الأن عينه قادعـــة والخيال يتشكل في اللانهاية ، وبالتالي لايهمه التصحيح .

# السفصل السرابسع السفاهيسم الفوتومترية وواحدات قياسها

#### 17 \_ المفاهيم الاساسية .

إن تأثير الضوء على العين أو على أي مستقبل ضوئي آخر ، ينحصر في منح هذا الجهاز المستقبل طاقة تحملها الموجة الضوئية . ولهذا السبب لابد من أخذ فكرة عن القياسات الضوئية التي تقود بدورها الى قياس الطاقة التي تحملها الموجة الضوئية ، أو الى قياس مقادير تتعليف بشكل أو بآخر بالخواص الطاقية . ولا بد كذلك من اعطاء تعريف للمقادير التي تستخدم في القياسات التطبيقية . ويرتبط اختيارهذه المقادير بخواص الاجهزة المستقبلة التي تستجيب بشكل مباشر لهذا المقدار أو ذاك . من الممكن ايضا اتخاذ بعض المعايير (واحدا تعيارية) لاستحداث هذه المقادير . ويبدو في اثناء صياغة القوانين النظرية أو النتائج التجريبية في مختلف حقول الفيزياء ( نظريفة النشعاع ، التقنية الضوئية ، التقنية البصرية والفيزيولوجيا البصرية الاشعاع ، أنه من المريح استعمال هذه المقادير احيانا أو تلك في الاحيان الاخرى من الموادير المستحدثة .

ويتضح مما تقدم وجود الكثير من المفاهيم الفوتومترية التيي تستخدم لقياس الشدة الضوئية ، وسنقوم بعرضها فيما يلي :

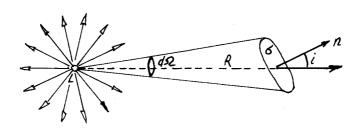
# (Radiant energy Feux) + يعامية الطاقة الاشعاعية (آ

لنتصور منبعا ضوئيا صغير الابعاد ، بحيث يمكن اعتبار سطيح الموجة الصادرة عنه سطحا كرويا ، وذلك على بعد كاف من هذا المنبع ان مثل هذا المنبع يدعى بالمنبع النقطي .

لنضع في طريق الطاقة الاشعاعية الصادرة عن المنبع المذكور لنضع في طريق الطاقة وحمد الشكل 4.1) سطحا صغيرا حمى، ولنقوم بقياس كمية الطاقة والتي تعبر هذا السطح خلال الفترة الزمنية حمى الطاقة العلية تغطية السطح حمى بمادة قادرة على امتصاص جميع الطاقة الساقطة على هذا السطح (كالهباب الاسود مثلا) . ثم قياس الطاقة الممتصة بطريقة قياس ارتفاع درجة الحرارة مثلا . تدعى النسبة :

$$d \Phi = \frac{Q}{\tau} \tag{17-1}$$

بتدفق الطاقة الاشعاعية عبر السطح من ، وهي تمثل كمية الطاقـة الاشعاعية التي تعبر السطح من خلال واحدة الزمن (اي الاستطاعـة التي تعبر السطح من للله .



شكل 4.1

بما أن الطاقة الاشعاعية في الوسط المتجانس تنتشر وفق خطوط مستقيمة ، لذلك نحصل بتمديد مجموعة من الاشعة التي تنطلق من النقطة لـ وتستند الى محيط السطح من على مخروط يحدد جزء التدفق الذي يعبر السطح من وإذا انعدم امتصاص الطاقة داخل الوسط ، فـان قيمة التدفق الذي يعبر أي مقطع عرضي من مقاطع المخروط السابــــق تبقى نفسها ، ويعطي مقطع المخروط بسطح كروي يقع مركزه في النقطة تبقى نفسها ، ويعطي مقطع المخروط بسطح كروي يقع مركزه في النقطة لـ ونصف قطره يساوي الواحد قياسا للزاوية المجسمة للمخروط عمل فاذا صنع الناظم من على السطح من الزاوية ، معمحور المخروط وكانت المسافة عن لم اللي السطح من تساوي المفروط وكانت المسافة عن لم اللي السطح من تساوي المفروط وكانت المسافة عن لم اللي السطح من تساوي المفروط وكانت المسافة عن لم اللي السطح من تساوي المفروط وكانت المسافة عن لم اللي السطح من تساوي المفروط وكانت المسافة عن لم اللي السطح من تساوي المفروط وكانت المسافة عن لم اللي السطح من تساوي المفروط وكانت المسافة عن لم اللي السطح من تساوي المفروط وكانت المسافة عن لم اللي السطح من تساوي المفروط وكانت المسافة عن المفروط وكانت المسافة وكانت المسافة عن المفروط وكانت المسافة و

$$dS2 = \frac{\sigma \cos i}{R^2}$$
 (17\_2)

نكون بهذا الشكل قد فرزنا جزء التدفق الموافق للزاوية حمل . وقد فرضت اثناء ذلك الابعاد الخطية للسطح حص صغيرة بالمقارنة مع م ، بشكل تكون معه قيمة حمل صغيرة جدا ، ويمكن اعتبار التدفق داخل حمل منتظما ، وتعطى قيمة التدفق الصادر عن الفي جميع الاتجاهات بالعلاقة :

ويعتبر التدفق مفهوما أساسيا لابد منه لتقدير كمية الطاقةالتي

تستقبلها اجهزتنا البصرية . وتكون معرفة التدفق ضرورية لاجراءالحساب في كثير من المسائل الضوئية . فالمستقبل الضوئي الذي يدعى خليـــة ضوئية ، يعاير بشكل مباشر استنادا الى مفهوم تدفق الطاقة . 
ب) شدة الضوء لل (Luminous intensity):

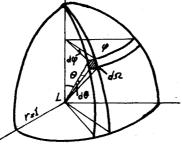
 $J = \frac{\Phi}{4\pi} \tag{17-3}$ 

واذا وصفنا الاتجاه المختار بالزاوية العرضية وبالزاوية الطولية لله في حملة احداثيات قطية (الشكل 4.2)، ورمزنا لشدة

الطولية  $\phi$  في جملة احداثيات قطبية (الشكل 4.2) ، ورمزنا لشدة الضوء وفق الاتجاه السابق ب $J_{m{\phi}}$  ، فان هذا المقدار يكون تابيعا

للمتحولين  $\varphi$  و  $\theta$  ويتضح من الرسم أن :

 $dR = \sin \theta \cdot d\theta \cdot d\phi$  وبالتالي  $d\phi = \overline{J}_{\theta, \phi} \cdot \sin \theta \cdot d\theta \cdot d\phi$  والتدفق الكلي :



4.2 JSm  $\Phi = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} \int_{0}^{\pi} \sin \theta \cdot d\theta$  (17.5)

فاذا كانت  ${f J}$  لاتتعلق ب ${f Y}$  و  ${f \Theta}$  (تدفق منتظم) فان العلاقـــة السابقة تصبح :  ${f \Phi}=4\pi{f J}$ 

وهذا يتفق مع (3\_17) .

ويعتبر التدفق الكلي قيمة مميزة للمنبع الضوئي المشع ،ولايمكن زيادة هذه القيمة بأية جملة بصرية كانت ، وينحصر تأثير الجملل البصرية فقط باعادة توزيع التدفق الضوئي ، اي يجعل كثافته أكبر مايمكن في اتجاه مختار مثلا ، بهذه الطريقة يمكن زيادة شدة الضوء في اتجاه ما على حساب نقصان هذه الشدة في اتجاه آخر ،واستنادا على ماذكر،يقوم مبدأ أجهزة الانذار أو الكشافات الضوئية التي تسمح بالحصول على شدة ضوئية تتعدى ملايين القنديلات الضوئية وفق محور الكشاف ، وذلك باستخدام منابع ضوئية تملك شدة كروية وسطى لاتتعدى بضع مئات من القناديل ، وتعتبر واحدة شدة الضوء القياس العياري الاساسي في التقنية الضوئية .

تعرف الاضاءة بأنها مقدار التدفق الذي يعبر واحدة السطوح، ويعبر عن اضاءة السطح من بالعلاقة :

$$E = \frac{d\Phi}{6} = \frac{JdR}{6} = \frac{J \omega s i}{R^2}$$
 (17\_7)

(ان الرموز المستخدمة هنا هي نفس الرموز المبينة على الشكل  ${\sf J}$ 0)، وقد استخدمنا في المساوتين الاخيرتين العلاقة (4) لشدة الضوء والعلاقة (2) .

تظهر العبارة الاخيرة أن الاضاءة التي يحدثها منبع نقطي (!ي المنبع الذي ابعاده صغيرة بالمقارنة مع المسافة التي تفصل بينه وبين السطح المضاء ، والذي يكون تدفقه الضوئي متساويا في جميه الاتجاهات ) تتناسب شكل عكسي مع مربع المسافة الفاصلة بين المنبع والسطح ، وتتناسب طردا مع تجيب الزاوية المحصورة بين اتجاه التدفق (محور المخروط الضيق الذي ينتشر عبره التدفق) والناظم على السطح المضاء ، ويعتبر هذا القانون القانون الأساسي للاضاءة التي يحدثها

منبع نقطى (ويدعى بقانون التربيعات العكسية ) .

ويمكن في حالة المنابع الحقيقية (الحجمية التجزئة سطح المنبع الى اجزاء عنصرية ( صغيرة بشكل كاف بالمقارنة مع المسافة R ) وتحديد الاضاءة التي يحدثها كل منها ، باستعمال قانون التربيعات العكسية ، ومن ثم اجراء التكامل على جميع سطح المنبع ، آخذين بعين الاعتبار تعلق شدة الضوء بالاتجاه ، ويظهر أن تابعية الاضاءة لك المين الاعتبار تعلق شدة الضوء بالاتجاه ، ويظهر أن تابعية الاضاءة الكبيرة (بالمقارنة مع ابعاد المنبع ) يمكن استخدام قانون التربيعات العكسية ، اي اعتبار المنبع نقطيا ، وتعطي هذه الحسابات التقريبية عمليا نتائج تجريبية جيدة ، اذا كانت الابعاد الخطية للمنبع لاتتجاوز المناك من المسافة بين المنبع والسطح المضاء ، فعلى سبيل المثال ، اذا كان المنبع عبارة عن قرص مضيئ متجانس ، قطره 50 سم ، فان الخطأ في الحساب باستعمال الصيغة التقريبية في نقطة تقع علي الناظم لمركز القرص وتبعد عنه بالمسافة 50 سم يقع في حدود 25% . الناظم لمركز القرص وتبعد عنه بالمسافة 50 سم يقع في حدود 25% . ومن اجل بعد يساوي مترين فان الخطأ لايتجاوز 5,1% ، اما من اجل مسافة 5 م ، فان الخطأ يكون حوالي 50,0% فقط.

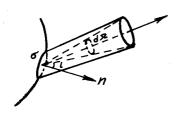
ويمكن بواسطة مجموعة من العدسات والمرايا اعادة توزيعالتدفق الضوئي وتركيزه وفق اجزاء محددة من السطح ، مما يؤدي الى زيادة اضاءتها ، وتتناقص بنفس الوقت اضاءة الاجزاء الاخرى ، وهذا المبدأ بالذات تقوم عليه جميع الاجهزة الضوئية المستخدمة لاضاءة بعيض الأماكن كالشوارع وطاولات مكاتب العمل ١٠٠٠لخ ،

بما أننا في اغلب الاحيان لانستعمل ضوء المادة نفسها ، وانما اضاءتها ،لذلك يتمتع مفهوم الاضاءة بأهمية كبيرة ، وتنحصر أغلب مسائل التقنية الضوئية بالحصول على اضاءة ملائمة ، وفي معايير الاضاءة يطلب عادة اضاءة محددة ومناسبة لأمكنة العمل ، وذلك حسب نوع العمل أو الغاية من اضاءة المكان .

## د) سطوع المنبع B (Brightness):

 المنبع ، غير أن الكثير من هذه المنابع ايضا كبيرة الى درجة نستطيع معها تمييز اشكالها من اجل المسافات العادية وذلك بواسطة العين المجردة ، وبعبارة اخرى : تقع الابعاد السطحية لهذه المنابع في حدود القدرة الفاصلة للعين أو جهاز الاستقبال ، بحيث تبدو مختلفة عن كونها نقطية ، وقد وضع مفهوم يصف مثل هذه المنابع الكبيرة يدعى بالسطوع السطحياو"بالسطوع" فقط ، ولا تنتسب الى هذه الفئية المنابع الكبيرة التي تقع خارج القدرة الفاصلة للعين نتيجة لبعدها كالنجوم مثلا ، ويعرف السطوع السطحي الاسطحي التجاه بالزاوية لاشعاع السطح المضيىء وفق اتجاه معطى ،ويحدد هذا الاتجاه بالزاوية للتي يصنعها مع الناظم المقام على جزء السطح المضيىء المعطى".

لنقتطع حزمة ضيقة تستند الى عنصر السطح ، وتشكل الزاوية المجسمة كه ، ويصنع محور الحزمة مع الناظم على السطح السطح السطح السطح الشكل 4.3) . ان السطح المرئي للعنصر مى في اتـــجاه محور الحزمة يساوي cosi ولنفرض أن التدفق المرسل خلالاالزاوية كم كم يساوى كم كم . ان قيمة التدفق



شكل 4.3

تتناسب مع السطح المرئي المشمع تتناسب مع السطح المرئي المشمع في المناسب مع ومع قيمة الزاوية الصلبة على . ويمكن أن يختلف باختلاف الماطم . اتجاهات الزوايا ، بالنسبة للناظم . لنرمز للثابت المذكور به ، 8 ، فنجد أن :

dφ = B; σ · cosi dx

$$B_{i} = \frac{d\Phi}{e^{2}\cos i dR}$$
 (17\_8)

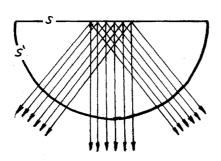
يدعى الثابت عن المحدد بالزاوية ندعى الثابت المحدد بالزاوية ن ، وهكذا ندعو التدفق المرسل في الاتجاه المعطى من قبل واحدة السطوح المشاهدة ضمن واحدة الزاوية المجسمة بالسطوع .

وتتعلق قيمة В: عادة بالاتجاه ، إلا أنها تكون مستقلة عنه من .

اجل بعض المنابع ، وتدعى مثل هذه المنابع بالمنابع التي تحقق قانون لامبرت ويعتبر هذا المنبع على وجه التحديد الجسم الاسود المطلق فقط ، فالسطوح الخشنة والمغبرة أو الاوساط العاتمة ، التي يساهم كل جزء منها بتشتيت الضوء بشكل منتظم في جميع الاتجاهات تعتبر منابعالامبرتية بشكل كلي أو جزئي ، وتدعى الاوساط بالاوساط المشتتة المثالية اذا حققت قانون لامبرت ، وتعتبر السطوح المضاءة من الداخل والمطلية باكسيد المنغنيز أو بطبقة من مسحوق الزجاج الناعم أمثلة للمنابع التي تحقق قانون لامبرت بتقريب جيد ، ويشع سطح الشمس تقريبا وفق قانون لامبرت ، وقد أثبت بوهرBoher تجريبيا أن سطوع الشمس يتناقص من المركز باتجاه الحواف ، حيث يتبقى حوالي 80% من سطوع مركز قرص الشمس على بعد من مركزها يساوي 3/4 نصف قطر قرصها .

لنعتبر قرصاسطحيا مضيئا 5 ( الشكل 4.4) ونصف كرة مضيئة ايضا '5 ، ولنفرض أن كلا السطحين يخضعان لقانون لامبرت ،ويملكان نفس السطوع B ، عندئذ يكون التدفقان الضوئيان الصادران عـــن الجزأين الموافقين من القرص والكرة في أي اتجاه متساويين ، مادام سطحاهما المرئيان متساويين ،

ر يا ل التجاه المن الاتجاه الفرض وهكذا يتبين أنه لايوجد اختلاف بين القسرص المضيئة المضيئة الذا حقق كلاهما قانون لامبرت والشمس تبدو لنا مثلا (في حالة المراقبة الغير دقيقة



شكل 4.4

تماما ( بشكل قرص سطحي سطوعه منتظم ، مما يؤكد على امكانية اعتبار الشمس منبعا محققا لقانون لامبرت .

إن معرفة السطوع جوهرية عند دراسة المواد التي تضيى مسن ذاتها ، وعلى وجه التحديد المنابع الضوئية ، فالعين تستجيب مباشرة لسطوع المنبع ، ويستعمل مفهوم السطوع في نظرية الاشعاعات .

ه ) الضياء S (Luminous): يرتبط مفهوم السطوع ارتباطا

وثيقا بمفهوم الضياء 5 ، الذي يعتبر مقدارا تكامليا . ويساوي "التدفق الاجمالي الذي ترسله واحدة السطوح الى خارج المنبع في جميعالاتجاهات (داخل زاوية صلبة مقدارها 2T )". وهكذا يعطى الضياء بالعلاقة :

$$S = \frac{\Phi}{S'} \tag{17_9}$$

حيث ۞ التدفق الكلي الذي يصدره السطح المضيى، ۞ الى خارجــه في جميع الاتجاهات .

ويرتبط السطوع بالضياء بعلاقة بسيطة ، حيث يعطى التدفيق الموجود ضمن الزاوية المجسمة عمل وفق الاتجاء i بالعلاقة :  $d + B_i \approx cosi d = cosi d =$ 

doz = sini . di.dq

 $Φ = \int dΦ = ω \int_{0}^{2\pi} d\varphi \int_{0}^{\pi/2} B_{i} \cdot \sin i \cos i di =$   $= 2\pi ω \int_{0}^{\pi/2} B_{i} \cdot \sin i \cdot \omega \sin di$ 

بالاضافة الى ماتقدم يمكن التعبير عن التدفق بدلالة الضياء 5 : ح بالاضافة الى ماتقدم يمكن التعبير عن التدفق بدلالة الضياء 5 : ح

وهكذا نحصل على العلاقة التالية بين السطوع والضياء:

$$S = 2\pi \int_{0}^{\pi/2} B_{i} \cos i \cdot \sin i \cdot di$$
 (17\_10)

ويكون من اجل المنابع التي تخضع لقانون لامبرت B : B ، أي أن B لاتتعلق ب ، وينتج ان :

$$S = 2\pi B \int_{0}^{\pi/2} \cos i \cdot \sin i \cdot di = \pi B$$
 (17\_11)

ويعتبر مفهوم الضياء مهما لكثير من الحسابات والنظريات وخاصية نظرية الاشعاعات ، وتظهر العلاقة كهده أن الضياء يملك نفيس أبعاد الاضاءة E ، أي أنه عبارة عن تدفق على واحدة السطوح ، ويميز الضياء الاشعاع الذي يصدره السطح ، أي التدفق الصادر عين واحدة السطوح ، بينما تميز الاضاءة الاشعاع الذي يتلقاه السطح أي التدفق الوارد على واحدة السطوح .

# و ) شدة التدفق الضوئي R (Intensity of Luminous flux) المنافق الضوئي المنافق الضوئي

لكي نميز أو نصف الحقل الضوئي ، ندخل مفهوم شدة التدفيق الضوئي ج ، ويعني مقدار التدفق الذي يخترق واحدة المقطعالمرئي وفق الاتجاء الذي تحدده الزاوية ك المحصورة بين اتجاه التدفيق والناظم على ذلك المقطع ، وذلك ضمن واحدة الزوايا الصلبة .أى أن

$$R = \frac{d\Phi}{6 \cdot \cos i \cdot d\pi}$$
 (17\_12)

وهكذا تلعب شدة التدفق الضوئي نفس الدور الذي يلعبه السطوع لتمييز السطح المضيء . ولهذا السبب تدعى احيانا بسطوع التدفيق الضوئي .

يتضح مما تقدم أن اغلب المفاهيم المذكورة والمرتبطة بالطاقة التي يحملها الضوء ، تستند الى قانون الانتشار المستقيم الذي يسمح بالقول: إن الطاقة الضوئية يمكن أن تنتقل باشكال مختلفة وفياتجاهات متعددة عبر عناصر السطح الواقعة في النقاط المختلفة ، ويعتبرالسطوع (أوالشدة) الذي يحدد الاستطاعة المنتشرة في الاتجاه المعطى بالجوار من نقطة معينة في الفضاء أهم القيم التفاضلية المميزة للحقلل الضوئي ، وتصف شدة الضوء كذلك الاستطاعة المنتشرة في الاتجاه المعطى والصادرة عن جميع نقاط سطح المنبع اللانقطي ، وتصف الاضاءة والضياء الاستطاعة التي تنتشر بجوار نقطة ما في الفضاء في جميل الاتجاهات ، ويعتبر التدفق الضوئي المقدار التكاملي الأهم ، ويعني الاستطاعة المحمولة في جميع الاتجاهات عبر السطح المعطى بأكمله ، وتبين العلاقات بين المقادير الضوئية التي استعملت وبين السطوع بجلاء المفاهيم التي اوردناها آنفا:

J= Jo B; cosider

E= Jo B; cosider

= Jo B; cosider.do

ومن الطبيعي أن نعبر عن نتائج قياس ما بالمقدار الضوئيي المناسب ، وذلك حسب غاية وتصميم الجهاز المستعمل في القياس.

عندما نراقب النجوم مثلا ، تستجيب العين للضوء الصادر عن سطح النجم ككل في اتجاه المراقب ، وبالتالي من المناسب في هذه الحالة التحدث عن شدة ضوء النجم ، ومن غير المهم في آلات التصوير تحديد الاتجاه الذي وصل منه الشعاع الضوئي الى لوح التصوير وأحدث فيه التأثير ، إذ أن لوح التصوير يستجيب لتكامل الطاقة بدلالة الزاوية وبالتالي تسجل في هذه الحالة الاضاءة ، ويقاس في الخلايا الكهرضوئية والمستقبلات الحرارية للاشعاع التدفق الكلي الوارد على السطح الكلي للمستقبل من جميع الاتجاهات ،

وتتعلق واحدات قياس المقادير الضوئية التي عرضناها باختيار جملة الواحدات . ففي الجملة الدولية ، يقاس التدفق بالواط ( W ) والاضاءة والضياء بالواط / م 2 ( W / m²) وقوة الضوء بالواط/ستي راديان ( Sr)\*. ونشير هنا الى ندرة الحالات التي يحسب فيها التدفق الذي يخترق سطحا بابعاد خطية من رتبة المتر . حيث نتعامل مع سطوح أبعادها من رتبة السنتيمترات (عدسات ، مرايا . الخ) أو من رتبة الميليمترات ، لذلك تستعمل في أغلب المراجع الواحدات التالية واط/سم أو والمراجع الواحدات التالية واط/سم أو الملاء المقادير الطاقية الى المقادير الضوئية .

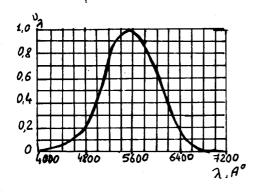
لقد أشرنا فيما مضى الى استخدام الواحدات الشائعة للطاقــة والاستطاعة كالجولات والواطات ١٠٠لخ في قياس قيمة التدفق وجميــع

المقادير الأخرى المرتبطة به ، ويتحقق هذا النوع من القياسات الطاقية عندما يكون المستقبل الضوئي مستقبلا عاما ، كالعنصر الحراري مثلاالذي

الستيراديان : هي الزاوية المجسمة التي يقع رأسها في مركز كرة ، والتي تقتطع على سطح الكرة مساحة تساوي مربع نصف قطر الكرة .

يقوم على اساس تحول الطاقة الضوئية الممتصة من قبله الى طاقـــة حرارية ، غير أنه من الضروري الأخذ بعين الاعتبار ، أننا نستعمــل في الغالب مستقبلات ضوئية ذات تصميم خاص ، بالمعنى الآتي : وهوأن استجابتها لاتتعلق بالطاقة التي تحملها الاشعة الضوئية فقط، وانما بالتركيب الطيفي لهذه الاشعة ، وتنتشر مثل هذه المستقبلات الانتقائية بكثرة ، كأفلام التصوير والخلايا الكهرضوئية مثلا ، وعلى الأخص عيـــن الانسان التي تلعب دورا هاما ومميزا في الأدراك الحسى للضوء العادي في حياتنا اليومية ، وكمستقبل ضوئي في كثير من أجهزة علم البصريات ، وتمشيا مع ماذكر يجب أن نأخذ بعين الاعتبار ، أثناء اجراء القياسات الضوئية المتعددة ، خصوصيات العين التي تجعلها قادرة على تمييز جزء ضيق ومحدود فقط من الاطوال الموجية من بين جميع الأمواج الكهر طيسية الممتدة في مجال واسع للأطوال ، وتستعمل غالبا كلمة الضوء كما ذكرناذلك آنفا ، للدلالة على مجال ضيق للأطوال الموجية يتراوح بين 4,0 \_ 0,8 ميكرون تقريبا ، ومن وجهة النظر هذه تتأتى أهمية الادراك الضوئي للطاقة ، وليس ادراك الطاقة فقط ، وبالتالي يجـب ايجاد طريقة للانتقال من المقادير الطاقية الى مقادير تصف وتميز الادراك الضوئي ، وانشاء جملة واحدات خاصة ومناسبة ، تتلاءم معخواص عين الانسان .





شكل 4.5

والتي تعطي نفس الاحساسات للرؤيا (الشكل 4.5) . وبغض النظــر عن ذاتية هذه الطريقة في عملية التقدير (المعايرة) إلا أن قابليــة

استنساخها (أي امكانية تكرارها بنتائج متطابقة) جيدة بشكلكاف، ولا يختلف منحني الرؤيا، كما أظهرت القياسات، اختلافا كبيرا منمراقب الى مراقب آخر، ولا يخلو الامر من وجود بعض الاشخاص الذين تختلف رؤيتهم بوضوح عن الشكل الطبيعي،

لقد وضع منحني الرؤيا الذي يخص العين العادية للانسان استنادا الى قياسات عديدة ، ويتميز هذا المنحني باحتوائه على نهاية عظمــى من اجل الطول الموجي لله ,555 وقد اتفق على اعطاء هذه النهاية القيمة 1 ، ويبين الشكل 4.5 منحني الرؤيا المعتمد من قبل اللجنة العالمية للانارة ، ويتضمن الجدول 4.1 القيم العددية المحملة على محوري الخط البياني المذكور ، ويظهر الجدول أن الاستطاعة اللازمة

| λ,νm   | ν̈́λ   | 2, Nm  | V <sub>A</sub>   | A, Nm  | ν <sub>2</sub>   |
|--|--|--|--|--|--|
| 400<br>410<br>420<br>430<br>440<br>450<br>450<br>470<br>480<br>490<br>500<br>510 | 0,0004<br>0,0012<br>0,0040<br>0,0116<br>0,023<br>0,038<br>0,060<br>0,091<br>0,139<br>0,208<br>0,323<br>0,503 | 520<br>530<br>540<br>550<br>560<br>570<br>580<br>590<br>600<br>610<br>620<br>630 | 0,710<br>0,710<br>0,862<br>0,954<br>0,995<br>0,995<br>0,952<br>0,870<br>0,757<br>0,631<br>0,503<br>0,381 | 640<br>650<br>660<br>670<br>680<br>690<br>700<br>710<br>720<br>730<br>740<br>750 | 0,175<br>0,107<br>0,061<br>0,032<br>0,017<br>0,0082<br>0,0041<br>0,0021<br>0,00105<br>0,00052<br>0,00012 |

الجدول 4.1

لاحداث نفس الشعور بالرؤيا عند الطول الموجي  ${\cal M}$  0,76  ${\cal A}$  اكبر بـ  ${\cal A}$  مرة من الاستطاعة اللازمة عند الطول الموجي  ${\cal M}$  0,55  ${\cal A}$ 

## 18 \_ واحدات القياس الضوئية ، القياسات الضوئية ،

لقد حددت اللجنة الضوئية للانارة التدفق الضوئي بأنه الطاقـة الاشعاعية المقدرة بواسطة الاحساس البصري ، وذلك باعتمادها العيـن كمستقبل للطاقة الضوئية .

واحتفظت الطريقة المذكورة للتقدير (للمعايرة) ، بغض النظر عن

ادخال مفهوم العين الوسطية ، ببعض العلاقة مع المفاهيم البسكيولوجة مادام الاحساس بالرؤيا قد شارك في طريقة القياس ، ويسمح استبدال العَين الوسطية بمستقبل فيزيائي مكافئ - خلية كهرضوئية مثلا، تتمتع بمنحني حساسية مماثل لمنحني الرؤيا- باجراء القياسات الضوئيالية بموضوعية أكثر وذلك عن طريق قياس شدة تيار الخلية الناتج ،

وقد اعتمد في عام 1948 لتحديد التدفق الضوئي والمقاديرالتقنية الضوئية الاخرى العيار الضوئي الاصطلاحي ، المنفذ على شكل مادةالجسم الأسود المطلق المأخوذة في درجة حرارة انصهار البلاتين النقــــي (  $^{\circ}$  , 2046, 6 ) . ويجب أن يكون العيار المذكور موجود ضمن ترتيب محدد وشروط خاصة للمحافظة على النظافة المطلقة للبلاتين .

ويبين الشكل 4.6 تركيب وابعاد المنبع المشع الذي يعتبر العيار الضوئي الاصطلاحي، حيث يتم تسخين البلاتين الى درجة الانصهار بواسطة تيار عالي التواتر، وتعتبر الانبوبة 2 التي تحافظ جدرانها على نفس درجة الحرارة نتيجة لتماسها مع البلاتين المصهورمنبعلل فوئيا،

المن شدة الضوء الذي يشعه العيار الضوئي المشار اليه بشكل ناظميي من شدة الضوء الذي يشعه العيار الضوئي المشار اليه بشكل ناظمين من مساحة قدرها 1/60 سم 2 .

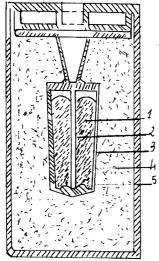
1 ـبلاتين

2 ـ انبوبة من اكسيد الثوريوم المسخن •

3 ـ وعاء من اكسيد الثوريوم المسخن •

4 مسحوق غامر من اكسيد الثوريوم.

5\_وعاء من الكوارتز.



تدعى واحدة قياس الاضاءة لكسا (  $\mathcal{L}_{ux}$  ) وتساوي الاضاءة الموافقة لتدفق قدره 1 لومن موزع بانتظام على مساحة 1 م 2 .

### 1 lx = 1 lm/m2

وهكذا يكون اللكس الواحد مساويا الاضاءة الناشئة عن سطح كرة نصف قطرها 1 م ، يوجد في مركزها منبع يشع شدة قدرها قنديلا واحداً بشكل منتظم في جميع الاتجاهات .

يعبر عن الضياء كما هو الحال في الاضاءة باللومن /م 2 ، ولكن ينتسب المقدار في هذه الحالة الى التدفق الصادر عن المنبع وليسس الى التدفق الوارد على المستقبل .

يستخدم كواحدة لقياس السطوع ، سطوع السطح الذي يعطي شدة ضوئية مقدارها قنديلا واحدا من كل متر مربع في اتجاه ناظمي على ذلك السطح ، وبهذا الشكل تكون واحدة السطوع قنديلا/م2 .

بالاضافة الى واحدة السطوع المذكوره ، تصادف في المراجـــع العلمية مجموعة من الواحدات نوردها في الآتي:

| التسمية            | الرمز | القيمة بالقنديل/م     |
|--------------------|-------|-----------------------|
| nit نت             | Nit   | • 1                   |
| stilb ستيلب        | Sb    | $\cdot$ $\pm$ 10 $^4$ |
| Apostilb ایبوستیلب | asb   | 1                     |
| Lambert لامبرت     | lb.   | 104                   |

والنت ليس إلا تسمية اخرى للقنديل / م 2 . والستيلب هو سطوع سطح يعطي شدة ضوئية مقدارها 1 قنديل / سم 2 . ويرتبط المغزى الفيزيائي للايبوستيلب واللامبرت بسطوع مشتت مثالي تنشأ عليه اضاءة محددة . يدعى السطح الذي يشتت التدفق الضوئي الوارد عليه بشكل كامل

ومنتظم وفق جميع الاتجاهات بالمشتت المثالي ، أي أنه يحقق قانون لامبرت (لايتعلق سطوعه بالاتجاه ) ، ويشتت المشتت المثالي الـــــذي تبلغ اضاءته لكسا واحدا من كل متر مربع في جميع الاتجاهات جميـــع الضوء الساقط عليه ، أي 1 لومن من كل كتر مربع .

هكذا يملك المشتت المذكور استنادا الى العلاقة  $S=\pi$  B هكذا يملك المشتت المذكور استنادا الى العلاقة 0,318  $cd/m^2$  وسلوعا مقداره  $\frac{4}{\pi}$  = 0,318  $\frac{4}{\pi}$  وهذه القيمة هي سطوع مشتت مثالي اضاءته لكسا واحدا .

ويعني اللامبرت سطوع مشتت مثالي تكونت عليه اضاءة مقدارها  $14 \, \mu$  . ويتفاوت سطوع المواد المضيئة بشكل كبير ، ويعطي الجدول 4.2 فكرة عن ذلك ، ويعبر عن شدة الاضاءة ، كما هيو الحال في السطوع بالقنديل / م 2 .

| المنبع الضوئي                              | السطوع بالقنديل / م 2 |
|--|-----------------------|
| السماء في الليالي الغير مقمرة              | ~ 10 <sup>-4</sup>    |
| مصباح النيون                               | 10,                   |
| السماء الصافية في النهار                   | 1,5.104               |
| فوهة القوس الفحمية العادية                 | 1,5.10 8              |
| الشمس                                      | 1,5.10 g              |
| المصباح الستروبوسكوبي الوماض <sup>*)</sup> | 10 47                 |

#### جدول 4.2

إذا أمكن امتلاك عيار ما يعطي تدفقا ضوئيا محد دا معبرا عند باللومنات ، فان ذلك يمكننا بنفس الوقت من تحديد هذا التدفيية بالواطات، وبالتالي ايجاد علاقة بين الواحدات الضوئية والطاقية ولكن يجب الانتباء الى أن التباين الشديد في حساسية العين الأطوال الموجية المختلفة ، يؤدي الى كون المقارنة المذكورة تميز فقط اقتصادية العيار المستعمل ، ولا يمكن لهذه المقارنة من اعطاء أية معلومات حول الحساسية الطاقية للعين ، وبالتالي يستخدم مضروب الانتقال (التحويل) الذي يحدد بالواطات الاستطاعة الضرورية للحصول على احساس ضوئي يحدثه تدفق قدره 1 لومن ، مقاس من احل مجال ضيق للاطوال الموجية ، يحدثه تدفق قدره 1 لومن ، مقاس من احل مجال ضيق للاطوال الموجية ، وكأنه ساكن .

• وموافق للحساسية العظمى للعين ، وعلى وجه التحديد من اجل الطول الموجي  $\mathcal{A}$  المعادل الموجي  $\mathcal{A}$  . ويدعى مضروب التحويل  $\mathcal{A}$  بالمعادل الميكانيكي للضوء ويساوي وفق القياسات الحديثة  $\mathcal{A}=0,0016$  العديد ونظرا لصعوبة قياس قيمة  $\mathcal{A}$  وضرورة أُخذ المتوسط لمعطيات العديد من المراقبين ، فإن الدقة في تعيين قيمة  $\mathcal{A}$  لاتتجاوز  $\mathcal{A}=2$ .

ويتضمن الجدول 4.3 مقارنة بين الواحدات الضوئية والواحدات الطاقية .

الواحدة الطاقية المقابلة الرمز المقدار رمز الواحدة الواحدة lm Ф التدفق لومن واط J **cd** قنديل الشدة واط/ستيراديان , ۱۳/ ۵۳ واط/ستيراديان.م ed/m², w/srm² قنديل/م 2 **B** السطوع 2 **اس/ گ**لومن م  $W/m^2$ واط/م 2 S الضاء  $W/m^2$ لکس لکس لکس الاضافة واط/م 2 جدول 4.3

وتعطي جملة المفاهيم والمقادير الفوتومترية التي يعبر عنها بواحدات تتفق مع القياسات المجراة ،الامكانية لوصف تأثير الضوء على أُجهزتنا ومستقبلاتنا المستخدمة .

## \_ القياسات الضوئية (Photometry):

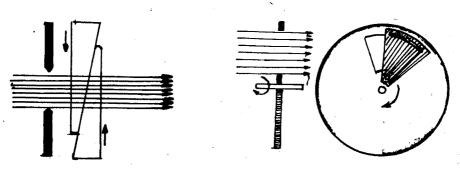
تقسم القياسات الضوئية الى قسمين: آـ موضوعية (وهي التي تجري بمساعدة الأجهزة دون اشراك العين ،كالخلايا الضوئية مثلا) بـ ذاتية أو بصرية (وهي التي تتم بها القياسات على أساس مشاهدات العين) . تطورت القياسات الضوئية الموضوعية في السنوات الاخيرة بشكل كبير ، وضيقت على القياسات المجراة على أساس المشاهدة . ونشير هنا الى أن جميع هذه القياسات تعتمد على التناسب الطردي بين شدة التيار الكهربائي المتولد في الخلية الكهرضوئية وبين التدفق الضوئي الذي تمتمه الخلية ، وهكذا يمكن بشكل مباشر تدريج سلم الجهاز الموصول مع الخلية والذي يقيس شدة التيار الكهربائييات بواحدات القياس الضوئية المناسبة (كالكس مثلا) .

تجري القياسات الذاتية باستخدام العين مباشرة ، وأثناء اجراء مثل هذه القياسات يجب أن ندرك أن العين تستطيع أن تحدد تساوي اضاءة سطحين متلاصقين ، بشكل جيد ، ولكنها تقدر بشكل خاطئ عدد المرات التي تكون بها اضاءة أحد السطحين اكبر من اضاءة السطيل الآخر ، ولهذا السبب تصمم الأجهزة التي تستخدم لمقارنة منبعيل ضوئيين (والتي تدعى فوتومترات) بحيث يكون دور العين مقصور عليقتدير تساوي اضاءة سطحين متجاورين يضيؤهما المنبعان الخاصعان للمقارنة ، ولتحقيق التساوي بين الاضاءتين المدروستين ، تستخدم طرق استقبال مختلفة ، وتعتمد هذه الطرق على تخفيض الاضاءة التي يسببها المنبع الأشد ضياء ، ويعتبر تخفيض الاضاءة الذي يتم بابعاد المنبع عن المستقبل ، من حيث المبدأ ، أبسط الطرق المتبعة ، وتطبق في هذه الحالة العلاقة التالية :

 $\frac{J_1}{J_2} = \frac{r_1^2}{r_2^2} \tag{18.1}$ 

حيث ٢٠ و ٢٠ بعدا المنبعين عن المستقبل .

ويقتضي عدم امكانية التحكم في تغيير نسبة المسافة في مجال كبير ، اتباع طرق اخرى لاضعاف التدفق الضوئي ، ونذكر من هذه الطرق تخفيض التدفق بواسطة مرشح (فلتر) متغير السماكة يقوم بامتصاصالضوء (اسفين الامتصاص ، الشكل 4.7) . أو بواسطة شبكات تكون نسبة ابعاد اسلاكها الى ثقوبها متغيرة وفقا لمتطلبات القياس ، وتوضع هـــذه الشبكات على قطاع متغير الاتساع من قرص دوار حول محور (الشكل 4.8).



شكل4.8

شكل7.4

وتتم عملية اضعاف الضوء كذلك بواسطة جملة مواشير استقطاب (شكل4.9)•

يدخل ضمن استخدام الطرق المذكورة بعض التحفظات ، لأن قانون التربيعات العكسية صحيح من أُجل المنابع النقطية فقط(انظر الفقرة 17) . ويجب أن تمتص المرشحات المستعملة الأضواء من مختلف الاطوال الموجية بنفس النسبة (مرشحات محايدة ) .

عند تساوي الاضاعتين اللتين يحدثهما المنبعان الخاضعان للمقارنة يمكن ايجاد العلاقة بين شدتي هذين المنبعين:

 $\frac{J_1}{J_2} = K$ 

واذا كانت شدة ضياء أحدد المنبعين معلومة (منبع عياري ) فاننا نستطيع بالطرق الآنفة الذكر قياس شدة ضياء المنبع

شكل 4 • 4

الآخر وفق اتجاه مختار . ويمكن حساب التدفق الضوئي لمنبع مابقياس شدة المنبع وفق مختلف الاتجاهات ، ويمكن كذلك حساب الاضاءة . الخ. ويعتبر تقرير تساوي الاضاءة بواسطة العين دقيقا بشكل كاف إذاكان الحقلان المضاءان يملكان نفس اللون . وتكون المقارنة صعبة في الحالة المغايرة أو بالأحرى ليس لها معنى ، ولكي نقارن منبعين يصدران لونين مختلفين ، يجب الانطلاق من تعريف تساوي الاضاءة الذي يعتمد على الملاحظات البسيكوفيزيالوجية المختلفة التي تدخل أصلا في أساس مثل هذه القياسات وفعلى سبيل المثال تختفي ظاهرة الوميض أثناء الاضاءة بضوء متقطع يملك شدات مختلفة والوان مختلفة ) .

وتوجد قياسات ضوئية تسمح بتحديد التدفق الضوئي الكلي بشكل مباشر ، وبالتالي شدة الضياء الكروية الوسطى للمنبع (المقياس الضوئي الكروي integrator) . واضاءة السطح ، وسطوع المنبع ١٠٠٠لخ .

يوجد في كل مقياس ضوئي حقل ما يضيى أحد المنبعين جـراء منه ويضيى الجزء الاخر المنبع الثاني ويركز الاهتمام في هذه الحالة بحيث يضاء الجزءان المتقارنان لحقل الفوتومتر من المنبعين الموافقين بنفس الزاوية ، بالاضافة الى أن عين المشاهد يجب أن تنظر الــى الجزءين بنفس الزاوية ، ويعرض الشكل 4.10 كيفية تحقيق ذلك فـي

في أحد نماذج الفوتومترات البسيطة .

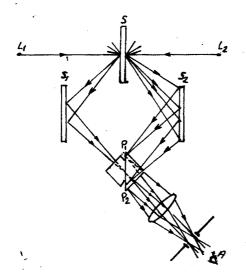
ويلاحظ أن تكوين الفوتومتر المذكور بسيطا جدا . فعين الناظر A تراقب موشورا ثلاثيا أبيض اللون MPN موضوع ضمن انبوبة سوداء ، مضاء بالمنبعين L2 و L2 .

2, - 1<sub>2</sub>

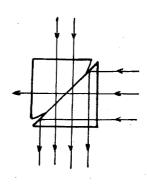
شكل 4.10

وبتغيير المسافة بين المنبعين والموشور يمكن الحصول علـــى اضاءة متساوية لوجهي الموشور MP و MP. ولتسهيل قياس البعدين L2P و L2P تركب أقسام الجهاز على جسر ضوئي ويتمتع الفوتومتز المدعو

بفوتومتر لومير ـبرودهن بدقة جيدة ، ويعتبر الجزء الهام في المقياس المذكور مكعب لومير الذي يلعب الدور الاساسي في كثير من الفوتو مترات الاخرى ، ويتألف مكعب لومير (الشكل4،11) من موشورين قائمين والوجه الوتري لأحد هذين الموشورين مستوي في المركز فقط ، بينما تصنع



شكل 4.12



شكل 4.11

حوافه بشكل منحني كما هو مبين في الشكل . ويصقل الموشوران السابقان بشكل جيد ، ويضغطان على بعضهما بشكل محكم ، بحيث يمكن اعتبارهما في منطقة الالتصاق قطعة واحدة (تماس ضوئي) .

ویعرض الشکل 4.12 مخططاً لفوتومتر یستخدم فیه مکعب لومیر • ویمثل  $L_2$  و  $L_1$  المنبعین الضوئیین المتقارنین ، و  $S_1$  مرآتان مساعدتان ناثرة للضوء یفترض أن وجهیها مثالیان ،  $S_1$  و  $S_2$  مرآتان مساعدتان مکعب لومیر ، و  $S_1$  عین الناظر ،  $S_2$  عدسة مقربة تسمح بالتصویب علی سطح انشطار المکعب .

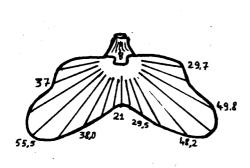
ونرى أثناء ملاحظة مركز المكعب الذي تضيئه الاشعة الصادرة عن  $L_1$  والجزء الخارجي للحقل الذي تضيئه الاشعة الصادرة عن  $P_1$  هذه الاشعة التي تعاني انعكاسا داخليا كليا على السطح  $P_1$  فاذا كانت الاضاءة على وجهي الشاشة S متساوية ، فان الحدود بيلسن الحقلين تختفي وبتحديد البعدين الموافقين  $L_{10}$  و  $L_{20}$  يمكسن ايجاد النسبة بين شدتي ضياء المنبعين ويعتبر السؤال المهم فلي التقنية الضوئية ايجاد أفضل اضاءة لسطح معين أو لمكان عمل مسا (القراءة ، الرسم ، الخياطة  $L_{10}$  .

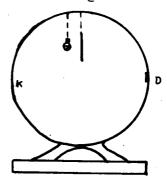
تقاس الاضاءة كما ذكرنا سابقا بعدد اللكسات ، وقد أقر عمليا توفير اضاءة لطاولات المكاتب ، من اجل أي عمل كان لاتقل عن عشرة لكسات ، وهذه الاضاءة المريحة للقيام بعمل الخياطة مثلا ، تساوي الاضاءة التي يحدثها ضوء النهار المنتثر والمساوية تقريبا عشرةلكسات ويستطيع الانسان أن يقرأ في اضاءة من رتبة لكس واحد ولكن ذلك يجهد العين ، وتكون الاضاءة ليلا عندما يكون القمر بدرا من رتبة 2,0-1,0 لكس ، وهذه الاضاءة كافية للطيارين للقيام بعمليات في الغارات الجوية ، ولذلك لايسمح في حالة الحرب إلا باضاءة من رتبة اجزاء من الألف من الكس (سماء صافية بدون قمر) ، ويمكن الاهتداء ليلا بصعوبة عندما تكون الاضاءة من رتبة من من رتبة من رتبة أخلكس ،

ويوجد نماذج خاصة من الفوتومترات مكيفة بحيث تسمح بتقدير الاضاءة بشكل مباشر (لكسمترات) . ويستعمل في الوقت الحاضر خليــة ضوئية بمثابة لكسمتر درج سلمه بحيث يعطي قيمة الاضاءة مباشرة .

تعطي المنابع النقطية فقط شدة ضياء متساوية في جميع الاتجاهات وبالتالي يمكن دراسة ميزات مثل هذه المنابع باجراء القياساتعلى جسر ضوئي وفق اتجاه واحد فقط، أما في حالة المنابع الحقيقية (الحجمية)

فان شدة ضيائها تختلف باختلاف الاتجاه ، وبالتالي تتطلب دراسة خواص هذه المنابع بشكل كامل اجراء القياسات في مختلف الاتجاهات ، ويكون مخطط هذا النوع من القياسات (في الاحداثيات القطبية) مميز جـــدا (انظر الشكل 4.13) ، وفي الحالات التي يكون فيها المنبع الضوئــي على شكل مصباح موضوع في هيكل ما ، يأخذ التوزع البياني للضياء شكلا غير متماثل (مصباح السيارة مثلا) ،





شكل4.13

شكل 4.14

وتكفي في كثير من الحالات معرفة شدة الضوء الكروية الوسطية ، أي معرفة التدفق الكلي الذي يشعه المنبع دون التعرض الى توزعه في الاتجاهات المختلفة ، ويمكن اجراء مثل هذه القياسات بواسطة الجهزة تدعى بالفوتومترات التكاملية ، ويعتبر الفوتومتر الكروي أحدد هذه الاجهزة ،حيث يعلق المنبع المدروس داخل الكرة كل (الشكل4.14) التي طلي سطحها الداخلي بطلاء أبيض خشن ، وتحجب الشاشة البيضاء الغير مصقولة الورود المباشر للأشعة الضوئية من المنبع الى الثقب ٠٠ فاذا خضع انعكاس الأشعة الضوئية على السطح الداخلي للكرة كل الى قانون لامبرت ، فان الاضاءة كالثقب ٥ يجب أن تتناسب مصعلاً التدفق الكلي به للمصاح ، أي :

 $E = C \Phi$  (18\_2)

حيث ى مضروب تناسب ، يتعلق بأبعاد الكرة ونوع الطلاء . ويحدد هذا المضروب بطريقة تجريبية ، وذلك بتبديل المنبع الضوئي المدروس بمنبع عياري . ويغطى الثقب 0 عادة بصفيحة من مسحوق الزجاج .

ولقياس ع يحدد سطوع الصفيحة المذكورة بواسطة فوتومتر عادي ٠

وتستعمل عادة كرة اولبرفت التي يتجاوز قطرها 1م ، وأحيانا كرات أقطارها أكبر من هذه القيمة .

وتعتبر طريقة "الاطفاء" من افضل الطرق الذاتية المتبعة لقياس أضعف سطوع يمكن الاحساس به ، وتعتمد الطريقة المذكورة عليين المقدرة الجيدة للعين في تحديد عتبة السطوع (أي اقل سطوع يمكن للعين المرتاحة ادراكه) ، وقد اتضح أن قيمة العتبة تبقى ثابتة من اجل أي مراقب كان ، وتتلخص طريقة الاطفاء بتخفيض السطوع الملاحظ بأحدى الطرق المذكورة حتى قيمته العتبية ، وبمعرفة عدد المرات التي تم بها تخفيض السطوع يمكن معرفة السطوع البدئي ، وتمكن هذه لطريقة من تقدير سطوع لايتجاوز جزء من عشرة آلاف من القنديل/م 2 .

مسائل وتطبيقات

1 ـ مكشاف ضوئي (برجكتور) مجهز بمرآة مقعرة مصححة من الريخ الكروي ،بعدها المحرقي  $P = 100 \, Cm$  ، وقطر فتحتها  $P = 100 \, Cm$  الكروي ،بعدها المحرقي في المكشاف فوهة قوس كهربائية ،يمكن اعبارها قرصا قطره 4 مم ، ينطبق مركزه على محور المرآة . فاذا علمت أن سطوع الفوهة 18 قنديل/م 2 ، ويخضع اشعاعها لقانون لامبرت . يطلب تحديد الشوئية الكروية المتوسطة للمنبع ، وشدة الضوء وفق محسسور المكشاف (يهمل تأثير الحجب الذي تسببه القوس الكهربائية) .

\_ تعصى الشدة الكروية الوسطى بالقانون :

$$\langle \mathbf{J} \rangle = \frac{\Phi}{4\pi}$$

حيث ♦ التدفق الكلى .

بما أن المنبع لامبرتي ، يكون  $S = \pi B$   $\Leftrightarrow \Rightarrow \Rightarrow \pi B \Leftrightarrow \wedge$ 

حيث  $^{10}$  سطح القوس الكهربائية .  $\pi \cdot 10^{8} \pi (2 \cdot 10^{-3})^{2} = 4 \pi^{2} \cdot 10^{2} \ \ell \, m$ 

$$\langle \mathbf{J} \rangle = \frac{4\pi^2 \cdot 10^2}{4\pi} = \pi \cdot 10^2 \text{ cd}$$

إن جميع التعقق الوارد من القوس الكهربائية الى المرآة ينعكس بكاملة (انظر الشكل 1.1) ، وتكون الشدة :

$$J = \frac{\Phi}{\Delta 52} \quad \Delta 52 \cdot f^{2} = \sigma$$

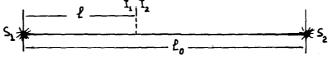
$$= \frac{\Phi}{\Delta 52} = \frac{\Phi}{\pi} = \frac{\Phi}{\pi} = \frac{\Phi}{\pi} = \frac{\Phi}{\pi} = \frac{\Psi}{\pi} = \frac{\Psi$$

2 ـ ثلاثة مصابيح معلقة على ثلاثة أعمدة ، ارتفاع كل منها عـن سطح الارض 4 م وتقع على استقامة واحدة ، ويفصل بين كل اثنيـــن متوالين 20 م (الشكل 2.1) . فاذا علمت أن الاستطاعة المستهلكــة

في كل مصباح  $N_0 = 1 \, K \, Watt$  . جد الاضاءة في نقطة على سطح الارض واقعة تحت المصباح الاول ، مع العلم أن تدفق الاشعاع الطاقي لكل مصباح  $m = 15.10^3 \, em$  . واحسب مساهمة كل من المصباحين الاول والثالث في اضاءة تلك النقطة .

عفى الاضاءات الناتجة عن المصابيح الثلاث في النقطة عن المصابيح الثلاث في النقطة المصابيح الثلاث في النقطة المصابيح الثلاث في النقطة  $E_1 = \frac{\mathbf{J}}{R^2} = \frac{\mathbf{J}}{\mathbf{h}^2}$   $\mathbf{E}_1 = \frac{\mathbf{J}}{R^2} = \frac{\mathbf{J}}{\mathbf{h}^2}$   $\mathbf{E}_2 = \frac{\mathbf{J}\cos \alpha_1}{\sqrt{4\ell^2 + \mathbf{h}^2}} = \frac{\mathbf{J}\mathbf{h}}{(\ell^2 + \mathbf{h}^2)^3/2}$   $\mathbf{E}_3 = \frac{\mathbf{J}\cos \alpha_2}{\sqrt{4\ell^2 + \mathbf{h}^2}} = \frac{\mathbf{J}\mathbf{h}}{(4\ell^2 + \mathbf{h}^2)^3/2}$   $\mathbf{J} = \frac{\mathbf{d}}{4\pi^2}$   $\mathbf{J} = \frac{\mathbf{d}}{4\pi^$ 

.  $J_2$  =60 cd و  $J_4$  =15 cd مصباحان كهربائيان شدتا ضوئيهما على أي بعد مستن واقعان على مسافة  $\ell$  = 180 cm من المصباحين ، يجب وضعورقة من المصباح من الزيت جيث لا نتمكن من رؤية البقعة على الزيت جيث لا نتمكن من رؤية البقعة عن الزيت جيث لا نتمكن من رؤية البقعة عن الريت بحيث لا نتمكن من رؤية البقعة عن البقعة



شكل 3.1

لنتمكن من رؤية البقعة إذا كانت الاضاءة على جانبي الورقة  $\cdot E_1 = E_2$ 

$$\frac{J_1}{\ell^2} = \frac{J_2}{(\ell_0 - \ell_1)^2}$$

$$\ell = \frac{\ell_o}{\pm \sqrt{\frac{J_2}{J_1}} - 1} = \frac{180}{3} = 60 \text{ cm}$$

نرفض الجذر السالب •

$$\Delta \Phi = J \Delta \mathcal{R}$$
,  $J = \frac{\Phi}{\mathcal{R}} = 50 \text{ cd}$ 

$$\Phi = 4 \pi J = 200 \pi lm$$
 التدفق الكلي

ربما أن 
$$\Phi = 4\pi J$$
 و منه  $\Phi = 4\pi J$  ومنه  $\Phi = 4\pi J$  ومنه  $\Phi = \frac{4\pi J}{N_0}$   $\Phi = \frac{4\pi J}{N_0}$   $\Phi = \frac{N_0 \eta}{4\pi} = \frac{100 \cdot 18.8}{4\pi} = 150 \text{ cd}$   $\Phi = 4\pi J = 1880 \text{ cd}$ 

عامل التحويل الميكانيكي : 
$$A = \frac{N}{\Phi} = \frac{1200}{3600 \cdot 1880} = 0.18$$
 watt/ $\ell_{m}$ 

6 ـ يتلقى المتر المربع الواحد من سطح الارض المضاء بنور الشمس في حالة الورود الناظمي تدفقا مقداره 1,35كيلو واط،وذلك باهمال امتصاص الغلاف الجوى .

آـ احسب التدفق الذي يصدره  $1_0$  من سطح الشمس ، معتبراأن الشمس تصدر اشعاعها وفق قانون لامبرت . حيث أن القطر الـــزاوي للشمس الذي نقدره من الارض يساوي  $32^{\circ} = 32$  .

ب احسب مقدار الخسارة في كتلة الشمس في الثانية الواحدة نتيجة للاشعاع ، معتبرا أن المسافة بين الشمس والارض 15.10 . جانعتبر أن سطح الارض يشتت بشكل منتظم الجزء ؟ من التدفق الاشعاعى الوارد ، احسب سطوع سطح الارض .

ــ بما أن الشمس تشع وفق قانون لامبرت ، فان سطوعها يكون ابتا +دهه عـ B وهكذا تكون الانارة :

$$S = \frac{8}{\Phi} = B \cdot \pi$$

حيث 🗢 سطح قرص الشمس .

إن التدفق الذي يرسله عنصر السطح مل من الشمس ضمن الزاوية طحم والذي يرد ناظميا على العنصر الملاح من سطح الارض الواقـــع على بعد ت من الشمس يعطى بالشكل: يعرف السطوع بالعلاقة

$$B = \frac{d^2 \Phi}{d e^2 d r \cos i}$$

حيث نَ الزاوية بين الناظم على السطح ومحور الزاوية المجسمة  $\mathbf{c}$ ه. ومنه  $\dot{\mathbf{c}} = 0$  ومنه  $\dot{\mathbf{c}} = 0$  ومنه  $\dot{\mathbf{c}} = 0$  ومنه  $\dot{\mathbf{c}} = 0$ 

غير أن 
$$d^2 \varphi = B \cdot d \varphi$$
 وبالتالي :
$$\frac{d^2 \varphi}{r^2} = dE = B \cdot \frac{d \varphi}{r^2}$$
ومنه

$$E = B \cdot \frac{\sigma}{r^2} = \frac{\pi}{4} B \left(\frac{D}{r}\right)^2 = \frac{\pi}{4} \cdot B (2\alpha)^2$$

$$E = \pi B \alpha^2$$

201

$$S = \frac{E}{\alpha^2} = \frac{1,35.10^3}{\left(\frac{76}{60} \cdot \frac{\pi}{180}\right)^2} \approx 6.32.10^7 \text{ Watt/m}^2$$

ب\_إن مقدار الاشعاع الكلي يساوي الى الاشعاع الذي يصل الى سطح كرة نصف قطرها ٢ البعد بين الارض والشمس:

 $\Phi = 1.35.10^3.4\pi (15)^2.10^{20} \approx 3.815.10^{26}$  wast

ومنه یکون مقدار نقصان الکتلة 
$$\Delta m = \frac{\Delta W}{c^2} = \frac{3.815 \cdot 10^{26}}{(3.10^8)^2} \approx 0.424 \cdot 10^{10} \text{ Kg}$$

( إن كتلة الشمس تقدر بحوالي  $^{27}$ 10.2 طن ) .

ج \_ يشع سطح الارض الذي يتلقى تدفقا مقداره ط Ф الى الوسسط الخارجي التدفق ٩٥٩ - ٩ م وبالتالي يكون :

$$S' = \frac{d\alpha'}{d\phi'} = 2\frac{d\alpha}{d\phi} = 2E$$

B' = "E

ومنه ، يكون سطوع الارض:

موضوع فـي  $\mathbf{J} = 100 \, \mathbf{cd}$  موضوع فـي آ منبع ضوئي نقطي شدة ضوئه محرق مكشاف ، نصف قطر تقوس مرآته  $R = 2 \, m$  . توضع على مسافة من المنبع الضوئى شاشة A ،مستويها عمودي على المحور  $\mathcal{L}=\mathcal{S}$  m البصرى للمكشاف.

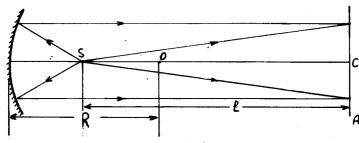
جد الاضاءة في نقطة من الشاشة تقع على المحور البصري ، اذا كان ضياع الطاقة الضوئية اثناء الانعكاس يساوى 25% من الطاقة الواردة الى المرآة ( 25,0 = ١ م) .

d=1,5 m على بعد المسألة السابقة عندما يوضع المنبع على بعد من المكشاف ،

ج) اعد حل المسألة من اجل بعد للمنبع عن المكشاف يساوي 0,5 أ. \_ إن الاضاءة في النقطة المعنية C (الشكل 7.1)تساوي مجموع الاضاءة المباشرة  $E_1$  التي يسببها المنبع ، والاضاءة  $E_2$  التي يحدثها  $E = E_1 + E_2$  : الضوء المنعكس عن المرآة

$$E_2 = \frac{\Phi'}{\sigma'} = \frac{\Phi(1-\alpha)}{\sigma'}$$
,  $E_1 = \frac{J}{\ell^2}$ 

حيث ' التدفق الضوئي المنعكس عن المرآة ، و ۞ التدفق الوارد



شكل 7.1

من المنبع الى المرآة ، م سطح صغير من الشاشة الى جوار المحــور البصرى للمكشاف .

إن التدفق الوارد الى مساحة موافقة من المكشاف  $\mathbf{F} = \mathbf{F}$ ، حيث الراوية المجسمة المساوية عدديا الى نسبة سطح القبة الكرويـة ذات نصف القطر  $\frac{\mathbf{R}}{2}$  على مربع هذه المسافة ، ويمكن من اجــــل مساحة صغيرة  $\mathbf{G}$  اعتبار سطح القبة الكروية مساويا لهذه المساحــة

$$E_2 = \frac{4(1-\alpha)J}{R^2}$$
,  $S_2 = \frac{6}{(R/2)^2} = \frac{4\alpha}{R^2}$ ; issue

 $E = E_1 + E_2 = J \left[ 1 - \ell^2 + 4 \left( 1 - \alpha \right) / R^2 \right] = 79 \ell u x$   $+ \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{2} + \frac{1}$ 

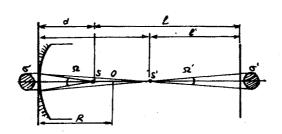
$$E = \frac{J}{\rho^2} = 4 \, \text{lux} .$$

لكي نعين الاضاءة التي يحدثها الضوء المنعكس ، يجب أن نوجد موضع خيال المنبع الذي تشكله مرآة المكشاف (الشكل 7.2) ونستفيدمن دستور المرايا الكروية:  $\frac{1}{1} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$ 

وهكذا تكون المسافة بين الخيال الحقيقي للمنبع  $\bf S'$  والشاشة مساوية:  $\bf \ell'=(\ell+d)-d'=3.5~m$ 

بالأخذ بعين الاعتبار ضياع الطاقة نتيجة الانعكاس ، يكون  $(1-\alpha)$  و الأخذ بعين الاعتبار ضياع الطاقة نتيجة الانعكاس ، يكون والما بطريقتين :

1) ان التدفق الضوئي ۞ الصادر عن المنبع ضمن الزاوية المجسمة على المرآة معطيا التدفق ۞ ، ويرد الى الشاشة ضمــن على المرآة معطيا التدفق ۞ ،



شكل 7.2

الزاوية المجسمة 'حم ، وبالتالي تعين نسبة اضاءة المنطقة المركزية من 'م بواسطة الضوء المنعكس إلى اضاءة المنطقة المركزية م من المكشاف بواسطة ضوء المنبع بالعلاقة :

مسن ( عن المنبع ( خيال المنبع ) فمسن  $\frac{\Phi'}{\pi}$  الناتجة عن منبع شدة فوئه  $\frac{\Phi'}{\pi}$  =  $\frac{\Phi'}{\pi}$  عن منبع شدة فوئه  $\Phi'$  = (1 -  $\Phi'$ ) = (4  $\Phi'$ 

$$J' = J(1-\alpha) \frac{s^2}{s^2} = J(1-\alpha) \left(\frac{d}{d}\right)^2$$

ومنه تعطی اضاءة مرکز الشاشة بالعلاقة  $E' = \frac{J'}{\ell'^2} = J(1-\alpha)(\frac{d'}{\ell'd})^2$ 

ونحصل على الاضاءة الكلية بجمع الاضاءتين السابقتين:

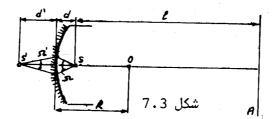
ج) إن الاضاءة التي يحدثها المنبع مباشرة تعطى ، كالسابق ١

$$E_1 = \frac{J}{\ell^2} = \frac{100}{5^2} = 4 \, \ell u x$$

لتعيين الاضاءة الناتجة عن الانعكاس نتبع الاسلوب السابق ، غير أن خيال المنبع في هذه الحالة يكون وهميا (الشكل 7.3)، نعيب نوقع هذا الخيال:

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{d} + \frac{1}{d'} \implies d' = -1 \text{ cm}$$

إن الاضاءة الناتجة عن الخيال الوهمي تماثل اضاءة منبع شدة ضوئه



$$J = J(1-\alpha) + \frac{3}{2} = J(1-\alpha) + \frac{3}{2} = \frac{4}{3}$$

وهكذا تكون الاضاءة. في مركز الشاشة والناتجة عن الانعكاس:

$$E' = \frac{J'}{(\ell + |d'| + d)^2} = J(1 - \alpha) \left[ \frac{d'}{d(\ell + |d'| + d)} \right]^2 =$$
= 7,1 fux

 $E = E_1 + E' = 11,1 \ \ell ux$  :

# الفصيل الخامييس البلاسية

#### 19 \_ استقطاب الضوء .

يمكن أن يتخذ الشعاع الكهربائى  $\widetilde{\mathcal{E}}$  للموجة الضوئية مناحى مختلفة فِي الفضاء ، ويمكن ايضا أن تملك تغيراته الدورية في مستوي معامد لاتجاه انتشار الضوء صفات مختلفة . فعلى سبيل المثال يكون الشعاع للموجة المستوية معامدا لاتجاه انتشارها ، ويتغير توافقيا (جيبيا ) محتفظا بمنحاه في أي مستوى عرضى ، وبعبارة اخرى يغير الشعاع  $ec{E}$ في نقطة معطاة من الفضاء طويلته من 🗲 الى 🗷 - وفق اتجاه محدد وتدعى الموجة من الشكل المذكور بالموجة المستقطبة خطيا ، اذا حقق الشعاع 🔁 حركة دورانيه السبيسة في مستوى معامد لاتجاه الانتشار ، فان الموجة تملك استقطابا دورانيا ، ويبرزالموال التالي : هل يوجد تغير دورى لشدة الحقل الكهربائي بتابعية الزمن في حالة الاستقطاب الدوراني ، مادام الشعاع الدوار في هذه الحالة يحافظ على طويلته ؟ تتلخص الاجابة على هذا السؤال في التالي: إن أي دورانلشعاع وفق دائرة يتألف من مجموع شعاعين متعامدين يتغيران توافقيا وبينهما خلاف في الطور بمقدار  $\frac{\pi}{2}$ ، وذلك كما هو معلوم لدينا من تركيب الحركات الاهتزازية (الشَّكل 5.1) . وفي الواقع العملي يحدث تغير مركبتي شعاع دوار م على المحورين x و لا وفق القانون :

ax = a cos wt

 $ay = a \sin \omega t = a \cos(\omega t - \frac{\pi}{2})$  (19\_1)

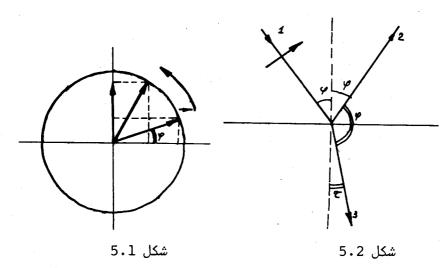
تمثل كل من هاتين الاهتزازتين اهتزازا مستقطبا خطيا ويعطي مجموعهما الشعاع الدوار  $\overline{a}$  (يعرض الشكل 5.1فذا الشعاع الــذي يدور عكس اتجاه عقارب الساعة ).

وهكذا تنشأ الموجة المسقطبة دورانيا نتيجة لجمع موجتيـــن مستقطبتين خطيا ،لهما نفس السعة والتواتر ،ومزاحتين عن بعضهما بفرق في الطور مقداره  $\frac{17}{2}$  ، وكل من هاتين الموجتين المسقطبتيــن خطيا تمثل حادثة مكانية حرمانية معروفة لدينا سابقا .

 $\vec{E}$  وغير الشعاع الموجة مجموعة امواج لامترابطة ، وغير الشعاع اتجاهه وطويلته بشكل عشوائي ،فان الاستقطاب يختفى ، وندعو الضوء

في هذه الحالة باللامستقطب .

ندرس ورود امواج مستقطبة خطيا على السطح الفاصل بين وسطيسن مختلفين (الشكل 5.2) ، يمثل الشعاع 1 على هذا الرسم اتجاه انتشار موجة مستوية مستقطبة خطيا ، أي أن الشعاع في الضوئي



1 ويحافظ على منحاه ، وسوف ندرس نوعين لهذا التوجيه : 1)الشعاع  $\vec{E}$  مواز للسطح الفاصل وعمودي على مستوي الشكل ، 2) الشعاع ،  $\vec{E}$  ،  $\vec{E}_{m}$  ,  $\vec{E}_{m}$  ، وتدعى الحالة الاولى بالاستقطاب الافقي  $\vec{E}_{m}$  ، ويدعى المستسوي ويدعى الاستقطاب الآخر بالاستقطاب العمودي  $\vec{E}_{m}$  ، ويدعى المستسوي المار من الشعاع الضوئي 1 والمعامد للشعاع  $\vec{E}_{m}$  بمستوي الاستقسال (يمثل هذا المستوى في حالتنا مستوى الشكل ،إذا كان  $\vec{E}_{m}$  معامددا

يمكن تمثيل جميع الحالات الوسطية لاستقطاب الشعاع ਵੋ على شكل مجموع مركبات استقطابات عمودية وأفقية .

لمستوى الشكل اى موازيا للسطح الفاصل ) .

نعود الى الشكل 5.2 ، نقوم بتغير زاوية الورود  $\P$  ، فنبلغ وضعا تكون فيه الزاوية  $\P$  بين الشعاعين المنعكس والمنكسر مساوية  $\frac{\pi}{2}$  . ويعرض الشكل 5.3 هذا الوضع ، وتدعى زاوية الورود التعقق الشرط المذكور بزاوية بروستر  $\frac{\pi}{2}$  (Brewster) :

ونحصل من قانون الانكسار على

$$\frac{\sin \theta_B}{\sin \tau} = n \tag{19-3}$$

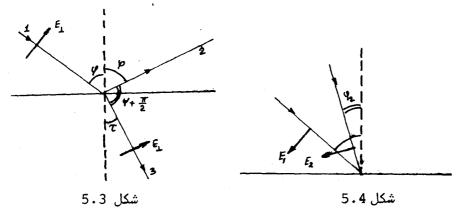
بالتعويض عن ت بقيمتها من (2) ، نجد :

$$\frac{\sin q_B}{\sin (\pi / 2 - q_B)} = \frac{\sin q_B}{\cos q_B} = \frac{1}{\log q_B} = n \quad (19-4)$$

وهكذا إذا علمنا قرينة الانكسار n فاننا نستطيع تعيين زاوية بروستر من اجل الوسط المعطى (هذا ،بطبيعة الحال ، اذا كان الوسط الاول الهواء  $n_i = 1$ ):

$$494_B = n$$
 (19\_5)

نلاحظ أن تغيير الزاوية الله القيمة الله الايؤثر على التوجيه المتبادل بين الشعاع أو والسطح الفاصل ، الا في حالة الاستقطاب العمودي ، أي عندما يكون الشعاع أو واقعا في مستوي الشكل ، حيث أن تغيير الزاوية الله يؤدي الى تغيير الزاوية بين أو والسطح الفاصل بين الوسطين (الشكل 5.4) . أما في حالة الاستقطاب الافقي ، فيان تغيير الزاوية الايحدث أي تأثير على التوجيه المتبادل بين الشعاع تغيير الزاوية العمود ، وبالتالي وسطح الفصل ، حيث يبقى الشعاع أو موازيا لهذه الحدود ، وبالتالي فان شروط الانعكاس لهذين النوعين من الاستقطاب تكون مختلفة ، إن ورود الموجة المستقطبة عموديا الى السطح الفاصل وفق زاوية بروستسر



يودي الى اختفاء الشغاع المنعكس 2 (انظرالشكل 5.3) . ويرتبطذلك يودي الى اختفاء الشغاع المنعكس من اجل زاوية  $\Psi=\Psi_{\bf 8}$  يصنع مع الشعاع المنكسر 3

زاوية مقدارها  $\frac{\mathbf{T}}{2}$  . وعند تحقق مثل هذا التوجيه للشعاع  $\frac{\mathbf{T}}{2}$  في الوسط ، تنفذ جسيمات الوسط اهتزازات وفق منحى الشعاع 2 . ولا تنتج اهتزازات الجسيمات المشحونة أية اشعاعات كهرطيسية وفيق منحى محور الاهتزاز ، وبالتالي عندما يرد الضوء على الوسط بزاوية بروستر تختفي المركبة ذات الاستقطاب العمودي في الاشعة المنعكسة بشكل تام تقريبا .

وهكذا إذا ورد ضوء غير مستقطب على سطح عاكس وفق زاوية بروستر فان الضوء المنعكس يكون مستقطبا (افقيا) . وبطبيعة الحال لايحدث اختفاء تام للاستقطاب العمودي في الشروط الواقعية (ههذا الاستقطاب يضعف بشكل كبير ، إلا أنه لايختفي نتيجة لانحرافات السطح الواقعي عن السطح المثالي) . وتودي الانعكاسات المتتالية إلى الحصول على أشعة ضوئية مستقطبة عمليا بشكل تام . ويتضح مما قيل سابقا أن الموجة العابرة (الشعاع 3) أثناء الورود وفق زاوية بروستر تعاني ايسطا استقطابا جزئيا (المركبة التي تستبعد بشكل اكبر هي المركبة العمودية) وتجدر الاشارة الى أن الاشعة المنعكسة والمنكسرة تعاني من أجلل أية زاوية ورود كانت من استقطاب جزئي ،غير أن درجة الاستقطاب تبلغ نهايتها العظمى من اجل زاوية بروستر ، وتقترب في الاشعة المنعكسة من الاستقطاب التام .

ندعو الجهاز أوالمادة التي يصبح الضوء اللامستقطب نتيجية لعبورها أو الانعكاس عليها مستقطبا ، ندعوها بالمقطب (Potarizer). ونسوق الآن بعض الأمثلة على هذه الترتيبات.

تملك المقطبات خاصة مشتركة ، حيث أنها تسمح فقط بعبور ضوء ذي استقطاب محدد . إذا وضعنا مقطبا في طريق الضوء المستقطب فاننا نحصل بتدوير هذا المقطب على تغير لشدة الضوء النافذ مسن نهاية عظمى (مساوية لشدة الضوء الوارد) الى نهاية صغرى معدومسة (عندما يدور المقطب بزاوية 90 درجة بالنسبة لوضعه من اجل النهاية العظمى) .

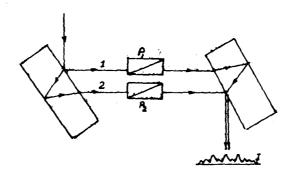
إذا وضعنا في طريق أي ضوء كان مقطبين متصالبين (محروفين براوية 90) ، فان مثل هذا الترتيب يمثل جملة معتمة (غير شفافية) . وتعطى شدة الضوء النافذ من مقطبين يصنع مستويا العبور لهمازاوية

ما ٧ بالعلاقة :

$$I = I_o \cos^2 \varphi \tag{19-6}$$

وتنتج هذه العلاقة من أن المركبة التي تعبر المقطبين هي مسقــط الشعاع ألا للضوء البارز من المقطب الاول على مستوي المقطب الثاني، وأن الشدة تتناسب مع مربع السعة للحقل الكهربائي ، وتعرف العلاقة السابقة في الموء بقانون مالوس ( Malus) .

يمكن بمساعدة المقطبات أن نبرهن تجريبيا على أن الامواج لضوئية أمواجا عرضية ، وقد أجرى هذه التجارب العالمان ارغو وفرنل ، إن مبدأ هذه التجارب بسيط ، فاذا وضعنا في طريق شعاعــــى



شكل 5.5

مقياس جامان مقطبين ٩ و ٩ بجيث يكون توجيها هما متوازيين (أي عندما يخرج الشعاعان منهما مالكين لنفس الاستقطاب) ، فان اللوحة التداخلية على شكلها (الشكل 5.5) .

عندما نجعل المقطبين متصالبين ، فان اهداب اللوحة التداخلية تختفي ، وهكذا تتراكب في الحالة الاخيرة امواج عرضية الهيئة ، ذلك لأن الشدات تتراكب متحررة من الطور ومن الترابط ، فقط ، في حالـــة الجمع العمودي للاهتزازات العرضية التوجيه ،

نبين ذلك على مثال للاهتزازات الميكانيكية ، لنفرض أن جسيمة مادية كتلتها ش تشترك في حركة توافقية وفق المحورين x و لا :

$$\chi = a \cos \omega t$$
  
 $\chi = b \cos (\omega t + \psi)$  (19\_7)

وتحقق هذه الحركة تجريبيا اذا وجدت قوى مرونة مسلطة على الجسمة

وفق قانون هوك ، إن طاقة الجسيمة تساوي مجموع طاقتيها الحركيسة

$$W = \left(\frac{1}{2}mx^{2} + \frac{1}{2}my^{2}\right) + \frac{1}{2}(kx^{2} + ky^{2})$$
 (19\_8)

حيث 🔏 ثابت النابض . ونملك وفق قانون هوك :

$$F = - KX \qquad (19_9)$$

وبالتالي

 $- K X = m X^{**} = -m \omega^{2} a \cos \omega t = -m \omega^{2} x (19_{10})$ 

وفنه  $\kappa = m \omega^2$  ونحصل من العلاقات السابقة على :

$$W = \frac{1}{2} m \omega^{2} \left\{ a^{2} \sin^{2} \omega t + b^{2} \sin^{2} (\omega t + 4) \right\} + \frac{1}{2} m \omega^{2} \left\{ a^{2} \cos^{2} \omega t + b^{2} \cos^{2} (\omega t + 4) \right\}$$

$$W = \frac{1}{2} m \omega^{2} (a^{2} + b^{2}) \qquad (19-11)$$

وتظهر هذه العلاقة أن شدة مجموع موجتين مستقطبتين عموديا ، لاتتعلق بالطور . وبما أن تجارب ارغو وفرنل قد أثبتت عدم وجود هذه التابعية في الضوء ، فهذا يعنى أن الاهتزازات الضوئية اهتزازات عرضية .

#### 20 \_ الإنكسار المضاعف .

لقد بينا في الفقرة 19 ،كيف ينشأ الضوء المستقطب دورانيا ويمكن دراسة الحالة الاكثر عمومية ، وهي حالة الاستقطاب القطعييين الناقصي ، والتي تنشأ نتيجة لتركيب اهتزازتين مترابطتين ومتعامدتين ومختلفتين في السعة :

$$x = a \omega s \omega t$$
  
 $y = b \cos(\omega t + q)$  (20\_1)

وتظهر هاتين المعادلتين أن احداثيي المركبتين x و لا لشعاع ما يتغيران توافقيا بسعتين م و ل وبفرق في الطور مقداره ψ . نوجد الآن المنحنى الذي ترسمه نهاية الشعاع :

$$y = b$$
 ( cos we cos  $q = \sin \omega + \sin q$ )
$$\frac{y}{b} = \cos \omega + \cos q = \frac{y}{b} - \frac{x}{a} \cos q = -\sin \omega + \sin q$$

نضیف الی هذه العلاقة عبارة x من (1) بعد ضربها ب  $\sin \varphi$ :  $\frac{x}{a}$  sin  $\varphi$  =  $\cos \omega + . \sin \varphi$ 

فنحصل على معادلتين  $\frac{y}{a} - \frac{x}{a} \cos \varphi$  = \$\frac{y}{a} \cdot \frac{x}{a} \cdot

cos wt . sin q = x sinq

نقوم بتربيعهما وجمعهما ، فنحصل على :

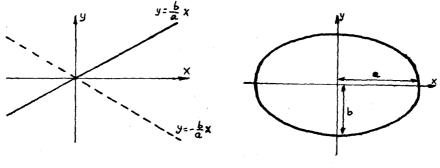
$$\sin^2 \varphi = \frac{x^2}{a^2} - \frac{2xy}{ab} \cos \varphi + \frac{y^2}{b^2}$$
 (20\_2)

وهذه تمثل معادلة قطع ناقص · عندما ٥ = ٩ فان القطع يتحول الى مستقيم (الاستقطاب الخطي) ، معادلته :

$$\mathcal{F} = \frac{\mathbf{b}}{\mathbf{a}} \times \tag{20-3}$$

ونجد من اجل  $\pi = \Psi$  (الاهتزازتان على تعاكس في الطور) أن :  $\chi = -\frac{b}{2} \times$ 

وهذه ايضا معادلة مستقيم يمر من الربعين الثاني والرابع (الشكل5.6).



شكل5.6

شكل 5.7

وتعتبر حالة الاستقطاب القطعي الذي يحصل عندما تكون  $\frac{\pi}{2} = \Psi$  من الحالات الممتعة للدراسة ، حيث تأخذ المعادلة (2)الشكل:

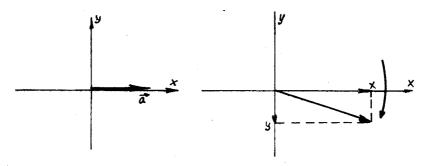
$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = L \tag{20-5}$$

اي معادلة قطع ناقص في شكلها القانوني المنسوب الى المحورين x و x (الشكل 5.7) ويمثل x و x هنا نصفي قطري القطع ويلاحظ x ويمبح x ويمبح الاستقطاب أنه عندما x و x يتحول القطع الى دائرة ، ويصبح الاستقطاب

دائريا، ويطرح السؤال التالي : في أي اتجاه يحصل دوران الشعاع،وفق عقارب الساعة أم عكسها ؟

إذا كانت  $\frac{\pi}{2} = \Psi$  فهذا يعني أن الاهتزاز وفق المحور  $\chi$  يكون متخلفا في الطور عن الاهتزاز وفق  $\chi$  ب  $\frac{\pi}{2}$  (انظر المعادلتين  $\chi$  ) وهكذا تكون نهاية الشعاع في اللحظة  $\chi$  موجودة على المحور  $\chi$  في النقطة  $\chi$  عبينما تكون المركبة  $\chi$  معدومة (الشكل 5.8) .

وتبدأ المركبة x بالتناقص بمرور الزمن ، بينما تبدأ المركبــة y بالنمو في الاتجاء السالب ، وذلك ناتج عن اضافة y السكى المقدار  $\frac{\pi}{2}$  (الشكل 5.9) ، وبالتالي يحدث دوران الشعاع وفـــق عقارب الساعة (بالنسبة لمراقب ينظر الى الشكل) ، وقد جرت العادة



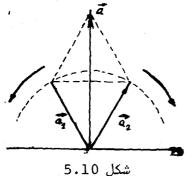
شكل 5.9

شكل 5.8

على أن يتم تعيين جهة الدوران في الضوء واتجاه انتشار الامـــواج الراديوية بالنسبة لمراقب ينظر الى الامواج التي تقترب منه وستعمل في حالة دوران الشعاع على وفق عقارب الاصطلاح "الدوران اليمينــي". والدوران عكس عقارب الساعة "بالدوران اليساري" وهكذا اذاكانت الموجة مستقطبة دورانيا وفقا للشكل 5.9 وتنتشر باتجاه مراقبينظر الى الرسم ، فاننا نقابل استقطابا دورانيا يمينيا ، واذا كانت الموجة مبتعدة الى خلف الرسم فان الاسقطاب يكون يساريا .

وليس صعبا أن نجيب الآن على السؤال التالي : كيف يمثلمجموع اهتزازين مستقطبين دورانيا ومختلفين فقط باتجاه الدوران ؟ لنفرض وجود شعاعين لهما نفس الطويلة  $\overline{a}_{i}$  و  $\overline{a}_{i}$  ، يدورانينفس السرعين باتجاهين متعاكسين : احدهما وفق عقارب الساعة والاخر باتجاه معاكس (الشكل 5.10) .

يأخذ الشعاعان المذكوران في اية لحظة وضعا متناظرا بالنسبة للمحور لل (أوبالنسبة لأي اتجاه آخر ،وذلك تبعا للحالة البدئيسة)

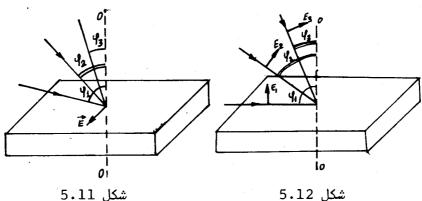


وبالتالي فان مجموعهما من يكون دائما محمولا على المحور لل ، أي أنه يمثل اهتزازا مستقطبا خطيا . الموجة النتيجة هامة جدا : إن الموجة المستقطبة خطيا تمثل مجموع موجتين مستقطبتين فقط باتجاه الدوران .

\_ الانكسار المضاعف: يوجد في الطبيعة مواد تكون فيها سرعة انتشار الامواج مختلفة من أجل الاستقطاب اليساري واليميني وفاذا حدث في مثل هذه المواد انتشار لموجة مستقطبة خطيا وفان هلله الموجة التي تمثل وكما رأينا ومجموع موجتين مستقطبتين دورانيا ويمكن أن تتوزع الى هاتين الموجتين اللتين تكون من اجلهما قرينة الانكسار مختلفة وبالتالي تنكسر الامواج بشكل مختلف ويحدثمايسمى "بالانكسار المضاعف".

نقوم بدراسة الخواص الضوئية الاساسية لتلك البلورات ، يبدو أن هذه البلورات تملكمنحى أو منحيين يتمتعان بالخاصة التاليسة: وهي أن الامواج التي تنتشر وفق هذه المناحي لاتخضع للانكسار المضاعف وتدعى هذه المناحي "بالمحاور الضوئية للبلورة " ، ونشير الى أن كلمة "محور" في هذه الحالة لاتعني خطأ وإنما اتجاه (منحى) ، فساذا وجد مثل ذلك الاتجاه في البلورة ، فان الضوء المنتشر وفق اي خسط يوازي ذلك الاتجاه لايعاني انكسارا مضاعفا . ويدعى أي مستوي يمــر من المحور الضوئي "بالمقطع الرئيسي للبلورة" . ويعتبر عادة المقطع الرئيسي (الأصلي) ذلك المستوي الذي يمر من الشعاع الى البلورة وفق منحى المحور الضوئي .

ندرس حالتين لتوجيه الشعاع  $\vec{E}$  بالنسبة للمقطع الرئيسي : حالة تعامد  $\vec{E}$  مع ذلك المقطع ، وحالة تموضع  $\vec{E}$  في ذلك المقطع اذا كان  $\vec{E}$  معامدا للمقطع الرئيسي فان تغير زاوية الورود  $\vec{P}$  لايغير من التوجيه المتبادل بين  $\vec{E}$  والمحور الضوئي  $\vec{O}$  (الشكل 5.11) . وتنشأ اللوحة الثانية من اجل  $\vec{E}$  موجود في المقطع الرئيسي(الشكل 5.12) . وعندما تتغير هنا زاوية الورود  $\vec{P}$  تتغير الزاوية بين المحور الضوئي واتجاه الشعاع  $\vec{E}$  ، وهذا يؤدي الى تابعية قرينة انكسار



3112 000

البلورة لزاوية الورود ، وتدعى مثل هذه المواد التي تتعلق خواصها بالاتجاء بالمواد اللامتماثلة المناحي (الاينوروتروبية) ،

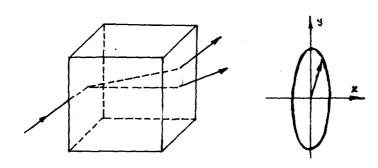
نتصور الآن شعاعا ذا استقطاب خطي واتجاه كيفي يرد الى البلورة. يمكن في هذه الحالة أن نوزع الشعاع أللى الى مركبتين : مركبة معامدة للمقطع الرئيسي وأخرى واقعة في هذا المقطع ، إن المركبة الاولــــى لاتعاني من تابعية قرينة الانكسار لزاوية الورود ، حيث تبقى مــــن اجلها قرينة الانكسار ثابتة ، وتنتشر المركبة الثانية بسرعة اخــرى متعلقة بزاوية الورود ،وبالتالي فان الشعاع ينقسم الى شعاعيــن : احدهما ينتشر بسرعة ثابتة لاتتعلق بزاوية الورود ،ويدعى بالشعـاع

العادي ( ordinary) والثاني "بالشعاع الشاذ"أو الغريـــب ( e ) . وجرت العادة على أن يرمز للشعاع العــادي بالدليل ( e ) ، وللشاذ ب( e ) .

راذا كانت الزاوية  $\infty$  بين الشعاع  $\overline{E}$  والمقطع الرئيسي معلومة ، فانه من السهل ايجاد نسبة شدة الشعاع العادي  $\overline{I}_0$  الى شدة الشعاع الشاذ  $\overline{I}_0$  : إن مركبة شدة الحقل المعامد للمقطع الرئيسي تساوي  $E_0$  Sinox ، والمركبة الواقعة في المقطع تكون مساوية لمسقط  $E_0$  على هذا المستوي  $E_0$  دومنه نجد أن نسبة الشدتين :

$$\frac{I_0}{I_e} = \frac{E_0^2 \sin^2 \alpha}{E_0^2 \cos^2 \alpha} = +g^2 \alpha$$
 (20\_11)

ويتضح مما قيل آنفا ، أن الضوء اللامستقطب عندما يرد على بلورة غير متماثلة المناحي يعاني من إنقسامه الى مركبتين (العادية والشادة) مستقطبتين خطيا ، وتنتشر هاتان المركبتان نتيجة لاختلاف قرينتي انكسارهما في مسارين مختلفين ، وتخرجا من البلورة على شكلشعاعين مستقطبين خطيا (الشكل 5.13) ، وبالتالي تستخدم البلورة الغيرمتماثلة المناحي كمقطب للضوء ،



شكل 5.13

شكل 5.14

يستعمل من اجل تمييز استقطاب الضوء (ذلك لان الاستقطاب الاستقطاب الايكون خطيا بشكل تام) مايدعى "بدرجة الاستقطاب" ؟ . فاذا كان على سبيل المثال ، استقطاب الضوء غير تام الخطية (الشكل 5.14) ، إلا أن السعات الأساسية تقع وفق منحى المحور للا ، فان شدة الاشعة المستقطبة تكون عظمى وفق المحور لا وصغرى وفق المحور المحرور المحرور

درجة الاستقطاب بالعلاقة:

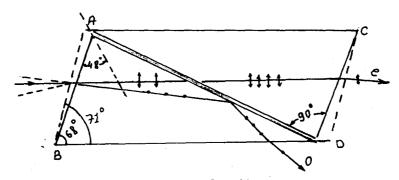
$$P = \frac{I_{max} - I_{min}}{I_{max} + I_{min}}$$

وتستخدم البلورات الغير متماثلة المناحي أو ترتيبات معينة لها للحصول على الضوء المستقطب خطيا وتدعى هذه الترتيبات عادة بالمواشير المقطبة ، نقوم بدراسة بعضها .

## 1\_ موشور نيكول (Nicol Prism):

يصنع هذا الموشور عادة من بلورة البلق ، ويمكن التخلص من احد الشعاعين المنكسرين داخل البلورة كما هو مبين على الشكل 5.15 . تؤخذ بلورة البلق بحيث يكون طولها يعادل ثلاثة أمثال عرضها ، ويقطع بشكل تجعل معه أحد زوايا المقطع الرئيسي تتراوح قيمتها بين  $^{68}$ 0 و  $^{71}$ 0 . ثم تقطع البلورة قطريا وفق المستوي  $^{6}$ 0 العمودي على المقطع الاصلي . يصقل بعد ذلك الوجهان  $^{6}$ 0 و  $^{6}$ 0 حتى يصبحا مستويين استواء ضوئيا ، وبعد ذلك يتم تثبيتهما بواسطة مادة شفافة ، قرينة انكسارها متوسطة القيمة بين قرينتي انكسار الشعاع العادي والشعاع الشاذ ، فمن اجل ضوء الصوديوم مثلا ، نجد أن :

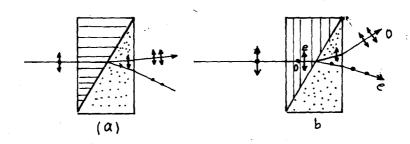
قرينة انكسار الشعاع العادي 0 =1,65836  $m_e = 1,48641$  e الشعاع الشاذ  $n_g = 1,550$  (بلسم كندا)  $n_g = 1,550$  وهكذاينكسر الشعاع الشاذ مرتين الاولى في بلورة البلق والاخرى



شكل 5.15 في المادة اللاصقة . أمّا الشعاع العادي Φ فيمكن التخلص منـــه

وذلك من اجل زوايا ورود كبيرة (أي اكبر من الزاوية الحدية للانعكاس الكلي) ، وتساوي الزاوية الحدية للشعاع 0 في حالتنا 69 ، وهــي توافق زاوية بدئية 5 م تساوي 14 ، فاذا ورد الشعاع الضوئـــي بزوايا ورود أكبر من هذه الزاوية فان جزءا من الشعاع 0 سوفينفذ . 2 موشورا روشون وولاستون (Rochon and Wolfaston Prism) :

يمكننا أن نجزأ حزمة ضوئية إلى مركبتين مستقطبتين استقطابا مستويا بعدة طرق أهمها طريقتي موشور روشون وموشور وولاستون ، ففي موشور روشون (الشكلة-5.16) يرد الضوء ناظميا على الوجه الاولوينتشر موازيا للمحور الضوئي للموشور الاول ،ويعاني هذا الضوء انكسارأمضاعفا عندما يدخل الموشور الثاني الذي يكون فيه المحور الضوئي معامدا



شكل 5.16

لمستوي الشكل .

أما في حالة موشور وولاستون (الشكل 5.16) فان الضوء يــرد ناظميا على الوجه الاول ، وينتشر عموديا على المحور الضوئي للموشــور الاول . ويحدث الانكسار المضاعف للضوء عندما يدخل الموشور الثانــي الذي يكون فيه المحور الضوئي عموديا على مستوي الشكل .

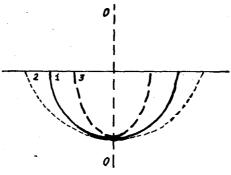
### 21 \_ الصفائح البلورية اللامتماثلة المناحي .

إذا مثلنا بيانيا تابعية قرينة انكسار البلورة للاتجاه ،بحيـــث نُحّمِل قيم المقدار n في مقياس ما وفق جميع الاتجاهات ،فإننـــا نحصل من اجل الشعاع العادي داخل البلورة على نصف كرة ، ويعرض الشكل 5.17 نصف الكرةهذه (المنحني 1) .

ويوجد من اجل الشعاع الشاذ امكانيتين: المنحنى 2 الموافق

للبلورة الموجبة (  $n_e > n_o$  ) ، والمنحني 3 للبلورة السالبـــــة (  $n_e < n_o$  ) .

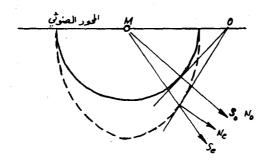
ندرس حادثة انتشار الموجة في البلورة اللامتماثلة المناحي  $\mathbf{n_e} < \mathbf{n_o}$  . بما أن مركة بلورة سالبة مثلا . بما أن



شكل 5.17

في البلورة السالبة ،لذلك تكون سرعة الموجة الشاذة اكبر من سرعة العادية ، وبالتالي فان خارطة مسقطي الجبهتين الموجيتين لهاتين الموجتين على مستوي الشكل ستتمثل في دائرة من اجل الشعاع العادي وقطع ناقص من اجل الشعاع الشاذ (الشكل 5.18) .

نقوم برصد طريق الاشعة في مثل هذه البلورات ، تنتشر الموجـة

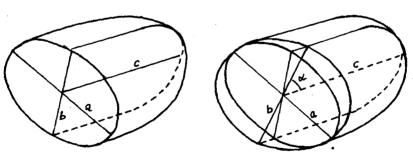


شكل 5.18

العادية من النقطة M بسرعة مستقلة عن الاتجاه ، وبالتالي تكون جبهة هذه الموجة كروية (مسقطها دائرة)، وتكون جبهة الموجة الشاذة قطعية ناقصة ، ننشأ من النقطة 0 مماسين للدائرة والقطع ، ونقيم ناظمين عليهما ،إن الناظم على جبهة الموجة العادية  $\overline{N}_0$  ينطبيق

على اتجاه انتشار الطاقة الضوئية وقع (شعاع باونتنغ) ولايتحقق الانطباق من اجل الموجة الشاذة ، وبالتالي يشكل الشعاع الضوئي وقع مع شعاع الناظم  $N_e$  في حالة الاوساط اللامتماثلة المناحي زاوية ما وتتساوى سرعتا انتشار الموجة العادية والموجة الشاذة وفلست اتجاه المحور الضوئي وتكون تابعية قرينة الانكسار للاتجاه في مستوي معامد للمحور الضوئي على شكل دائرة وذلك من اجل الموجتين وإذا كانت تابعية و اللاتجاه في الفضاء على شكل قطع ناقص دورانسي فان المحور الضوئي يمر من محور تناظر القطع .

نقوم الآن بعرض تابعية ع اللاتجاه ، والتي يمثلها مجسمه قطع ناقص ذو شكل عام ، إن وصف هذا القطع يتطلب اعطاء انصاف محاوره م ، ط و c (الشكل 5.19) . ويلاحظ أن الموجة (الشاذة) المنتشرة وفق المحور c لاتحقق تابعية دائرية متناظرة لع البدلالة الاتجاه ، ولا تتفق سرعة انتشارها في هذه الحالة مع سرعة الموجمة العادية ، أي أن الاتجاه وفق المحور c لايمكن اعتباره الآن محمورا ضوئيا للبلورة ، أين يمر إذن المحور الضوئي في مثل هذه البلورات ؟



شكل 5.19

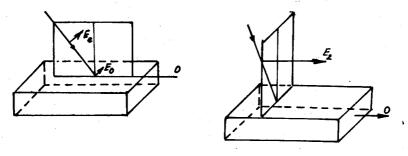
شكل 5،20

لنصور أننا قمنا يتدوير مقطع مجسم القطع ، بحيث تتناقص الزاويــة بين المحورين ط و c من الاعلى مثلا وتتزايد من الاسفل ، إن مشــل هذا التدوير حول المحور a ، يماثل قيامنا بتمديد (بتكبير) أبعـــاد المقطع وفق الاتجاه ط ، وبالنتيجة يتحول القطع الى دائرة ، وبطبيعة الحال سوف يكون مستوي ذلك المقطع عمودياعلى المحور الضوئي للبلورة المدروسة (الشكل 5.20) ، واذا قمنا بتدوير المقطع بحيث تتناقــص الزاوية بين المحورين ط و c من الاسفل ، فاننا نحمل ايضا علـــى

هيئة دائرية ، وهذا يعطي اتجاها آخرا يعتبر أيضا محوراً ضوئيا ، وبالتالي فان بلورات كهذه تملكمحورين ضوئيين ، وتدعى "بالبلورات ثنائية المحور" ، وذلك خلافا للبلورات احادية المحور (التي تتميز بكون تابعية ع للاتجاه على شكل قطع ناقص دوراني) ، ويجب التأكيد على أن البلورات ثنائية المحور لايمكن أن يكون بالنسبة لهاأي شعاع ضوئي عاديا .

ويكمن السبب الفيزيائي لوجود عدم التماثل بالمواصفات البنيوية للشبكة البلورية ، وبطريقة التأثير المتبادل بين الضوء وهذه الشبكة . وتسمح معرفة القوانين الأساسية لانتشار الضوء في البلورات الغير متماثلة المناحي ، والمالكة لخاصة الانكسار المضاعف ، بالاجابة عرب السؤال حول تأثير الصفائح المقتطعة من بلورات كهذه على خواصالضوء الذي يعبر هذه الصفائح .

نأخذ كمثال على ذلك صفيحة مقتطعة بشكل مواز للمحور الضوئييي (الشكل 5.21) . ولنفرض أن مستوي الورود ينطبق على المستويالوئيسي للبلورة . إن ألم للشعاع الشاذ تقع في مستوي الورود . وتعين زاوية الورود الزاويةالمحصورة بين ألم والمحور الضوئي ، أيأن n تتعلق



شكل 5.21

شكل 5،22

بزاوية الورود ، واذا كان مستوي الورود معامدا للمحور الضوئـــي (الشكل 5.22) فان ألم للشعاع الضوئي الشاذ لايغير اتجاهه بالنسبة للمحور الضوئي عندما تتغير زاوية الورود (حيث يبقى دائما موازيــا للمحور الضوئي ) ، وبالتالي فان قرينة الانكسار م الاتتعلق بتلـــك الزاوية .

ويمكن باسلوب مماثل دراسة الحالة التي تكون فيها الصفيحــة

مقتطعة بشكل معامد للمحور الضوئي ، وذلك من اجل الورود في اي مستوى كان .

ـ الصفائح ربع ونصف الموجية : نستطيع بواسطة الصفائح تشكيل فرق في المسير بين الشعاعين العادي والشاذ ، لنفرض، على سبيـــل المثال ، أن سماكة الصفيحة تساوي له ، فاذا كان الفرق بين قرينتي الانكسار للشعاعين العادي والشاذ يأخذ قيما تتحقق معها العلاقـــة

$$(n_o - n_e) d = \frac{1}{4}$$
 (21\_1)

فان ذلك يوافق فرقافي الطور مقداره  $\frac{\pi}{2}$  وبالتالي فان الشعاعين العادي والشاذ الخارجين من الصفيحة يختلفان في الطوربمقدار  $\frac{\pi}{2}$  ويكون شعاعا الحقلين الكهربائيين  $\frac{\pi}{2}$  لهما متعامدين ويعطيا مجموع هاتين الموجتين المتعامدتين موجة مستقطبة استقطابا قطعيا ناقصا . فاذا ورد على الصفيحة التي تؤمن الشرط (1) والمدعوتبالصفيحة "الربع موجية" ، موجة مستقطبة خطيا بشكل يصنع معه الشعاع وزاوية 45 مع المستوي الرئيسي ، فان هذه الموجة تتوزع الى مركبتين مختلفتين : احداهما تقع في المستوي الرئيسي (الشعاع الشاذ)والاخرى معامدة له (الشعاع العادي ) . ونحصل في هذه الحالة عند خروج الاشعة من الصفيحة الربع موجية على موجة مستقطبة دائريا . ويمكن الحصول بسهولة على سماكة الصفيحة الربع موجية ، فمن اجل مادة الكوارتـــز مثلا، حيث (1,543 الصفيحة الربع موجية ، فمن اجل مادة الكوارتـــز مثلا، حيث (3,543 المؤلود على ماكة الصفيحة الربع موجية ) وفي حالة الضوء الاحمـــر مثلا، حيث (3,543 المؤلود على ، يكون :

$$d = \frac{0.65}{4.0,009} = 18 \mu$$

اذا كانت سماكة الصفيحة ل تحقق العلاقة :

$$(n_0 - n_e) d = \frac{\lambda}{2}$$
 (21\_2)

فان ذلك يوافق فرقا في الطور مقداره TT ، وتدعى مثل هذه الصفائح التي تحقق العلاقة (2) "بالنصف موجية" ، فعندما ترد على الصفيحة نصف الموجية موجة مستقطبة خطيا ، وتنقسم الى مركبتين متساويتين فان واحدة من المركبتين (المعامدتين لبعضهما البعض) تختلف عند الخروج من الصفيحة بطور مقداره TT ، أي يحدث دوران

المستوى الاستقطاب مقداره 90 .

لنفرض الآن أن موجة مستقطبة قطعيا ترد على الصفيحة، إن مشل هذه الموجة يمكن اعتبارها مجموع اهتزازين  $\Xi$  متعامدين وبينهما فرق في الطور مقداره  $\frac{\pi}{2}$  ، تكتسب هاتان المركبتان بعد عبورهما لصفيحة ربع موجية فرقا اضافيا في الطور مقداره  $\pm \frac{\pi}{2}$  ، أي يصبر فرق الطور الاجمالي إما معدوما أو  $\pi$  ،وهذا يعني أن الموجة العابرة تصبح مستقطبة خطيا .

ويقوم التحليل التجريبي لاستقطاب الضوء استنادا على هذه الخاصة للصفائح ، ولا يسمح النيكول(المقطب) لنا أن نميز "، مثلا ، بين الضوء الطبيعي (أي الاهتزازات المختلطة مختلفة الاستقطاب) والضروء المستقطب دائريا : حيث أن تدوير النيكول لايغير من شدة الضروء الذي يجتازه ، ولا يمكن ايضا بواسطة النيكول (أوأي من المواشير المقطبة) أن نميز بين الضوء المستقطب قطعيا والمستقطب جزئيا ،

تحل هذه المشكلة بتكوين مجموعة مؤلفة من صفيحة ربع موجيـــة ونيكول: فالضوء المستقطب قطعيا يتحول بعد عبوره للصفيحة الـــى ضوء مسقطب خطيا، ويمكن بسهولة اكتشاف هذا الضوء بواسطة النيكول بينما يبقى الضوء المستقطب جزئيا بعد عبوره للصفيحة مستقطبا جزئيا وهذا ايضا يمكن اكتشافه بواسطة النيكول.

ويمكن بواسطة ترتيب مؤلف من نيكولات وصفائح أن نشاهد تداخل الاشعة المستقطبة .

تحضر الترتيب المبين على الشكل 5.23 . إن أي شعاع 1 يعبر المبين على الشكل 1.5.23 . إن أي شعاع 1 يعبر المبين على الشكل 1.5.23 . إن أي شعاع 1 يعبر المبين على 1.5.23 . إن أي شعاع 1 يعبر المبين ا

النيكول  $N_1$  يمتلك استقطابا خطيا ، ويرد هذا الشعاع 2 الى الصفيحة P ليخرج منها مستقطبا قطعيا ناقصا (الشعاع E ) ، أي يمثل مجموع اهتزازين مستقطبين خطيا متعامدين فيما بينهما ومختلفين في الطور .

تلاقي المواد التي تكتسب خواصا غير متماثلة المناحي بغعلل التأثيرات الخارجية (كتعريضها للضغط أو للحقول الكهربائية مثلا) تطبيقات واسعة في عصرنا الحالي ويعتبر النتروبنزول ( $C_6 H_5 NO_2$ ) واحدة من المواد الاكثر انتشارا والتي تتحول الى مادة غير متماثلة المناحي بنتيجة تسليط حقل كهربائي عليها ويدعى الترتيب المؤلف من مكثفة تحوي بين لبوسيها مادة النتروبنزول بصندوق كير (Kerr) ويدعى المفعول المذكور بمفعول كير (الشكل 5.24) .

تظهر التجربة (وقد برهن ذلك نظريا) أن فرق قرينتي الانكسيار (  $n_e - n_o$  ) في صندوق كير يتناسب طردا مع مربع شدة الحقيل الكهربائي الكائن بين لبوسي المكثفة :

$$n_e - n_o = KE^2$$
 (21\_3)

واذا كان طول المسار الهندسي للشعاع الضوئي في صندوق كير يساوي للشعاع الضوئي في صندوق كير يساوي للشعاع ، فان فرق المسير الضوئي يعطى بالعلاقة :

$$\Delta = \ell (n_e - n_o) = \ell \kappa E^2$$
 (21\_4)

ويكون فرق الطور

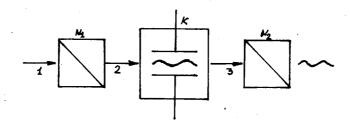
$$\Delta \Psi = \frac{2\pi}{\lambda} \ell (n_e - n_o) = \frac{2\pi}{\lambda} \ell \kappa E^2 \qquad (21-5)$$

$$\Delta \Psi = 2\pi \ell b E^2 \qquad (21_6)$$

حيث تدعى  $\frac{x}{2} = d$  بثابت كير ، وتساوي قيمة هذا الثابت من اجـــل النتروبنزول $(b^2/m)$  .

يلاقي مفعول كير تطبيقات عملية في التكييف اللاعطالي للاهتزازات

الضوئية عالية التواتر ( زمن الارتخاء في صندوق كير 10 ثانية ) . يهيو من اجل ذلك الترتيب المبين على الرسم 5.25 . يعبر الشعاع الضوئي 1 النيكول N<sub>1</sub> ويصبح مستقطبا خطيا . ويدخل بعدئة الى صندوق كير K ، حيث يسلط عليه تواترا مكيفا . فاذا كان التوتر معدوما فان الضوء يبقى مستقطبا خطيا ، ويعبر الصندوق ليرد السيكول N<sub>2</sub> ، الذي يشكل مع النيكول N<sub>1</sub> جملة مختزلة ،أي لاتسمح



شكل 5.25

لاتسمح بعبور الضوء (النيكول  $N_1$  محروف بالنسبة لى  $N_2$  بزاويــة مقدارها 00 ) . إذا سلط توتر على صندوق كير ، فان الوسط يصبح غير متماثل المناحي (كما هو الحال في الصفائح البلورية ) ، ويخرج الضوء عندئذ من الصندوق مستقطبا قطعيا ، وينفذ بعدئذ من  $N_2$  جزئيا (وذلك لوجود مركبتين متعامدتين ) . وهكذا فان التوتر المكيف يحول وفق اهتزازه شدة الضوء العابر للجملة .

وقد وضعت الاسس النظرية لمفعول كير عام 1910 على يد العالم لانجڤن . إن التأثيرات المتبادلة بين الجزيئات والشعاع  $\vec{E}$  ، في كثير من الحالات، تتعلق بتوجيه هذه الجزيئات ، أي يوجد عدم تماثلمناحي ضوئي للجزيى ، ويجعل التوزيع العشوائي لتوزيع الجزيئات المادة وفق متماثلة المناحي ضوئيا ،بيد أن تطبيق حقل كهربائي على المادة وفق المحور  $\mathbf{E}$  مثلا ، يودي الى نشوء انتظام جزئي في توجيه الجزيئات أي ينشأ اختلاف تماثل المناحى ، واثناء ذلك يبقى المحوران  $\mathbf{E}$  وحيدي القيمة ، أي تبقى مركبتا الشابت الكهربائي  $\mathbf{E}$  ( او قرينة الانكسار  $\mathbf{E}$  ، ذلك لأن  $\mathbf{E}$  ) وفق المحورين  $\mathbf{E}$  و لا مالكتين لنفس القيمة  $\mathbf{E}$   $\mathbf{E}$  . وبالتالى تنشأ البلورات احاديـــة

المحور •

لقد فرض لانجڤن ، كتقريب أولي ، تابعية خطية للعرم الكهربائي للجزيى النسبة للحقل الكهربائي تا ، أي للجزيى النسبة للحقل الكهربائي على الله ع

حيث أن م ثابت متعلق بالاتجاه مويولد الحقل الكهربائي ،وفقال لهذه النظرية ، محورا ضوئيا يؤدي الى العلاقة

ne > no

غير أن هذه النظرية بقيت عاجزة عن تفسير الحالة الم البلورات السالبة) . وأتى بوران ليكمل نظرية لانجفن ، مفترضا وجود عزم كهربائي ذاتي ثابت وكبير للجزيى الاينطبق اتجاهه على اتجاه التقطيبية العظمى . نشيــــــر أيضا إلى أن الانكسار المضاعف ينشأ في كثيــر

من المواد عندما يسلّط عليها حقل مفناطيسي (مفعول كوتون موتون من المواد عندما يسلّط عليها حقل مفناطيسي (مفعول كوتون موتون . cotton - Motton

 $n_e - n_o = c \lambda B^2$  (21\_7)

حيث B حقل التحريض المغناطيسي ٠

ويسبب الحقل المغناطيسي أيضا دوران مستوي استقطاب الامواج (مفعول فارادى) .

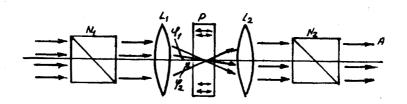
ويصادف في حالات كثيرة امتصاص لأحد شعاعي الانكسار المضاعف اكثر من الشعاع الآخر ، وتدعى هذه الظاهرة بالدهرويزم ، وتحضير على اساس هذه الظاهرة الصفائح الديهروزمية للحصول على اشعيبة مستقطية .

ندرس اخيرا الظواهر الضوئية في البلورات اللامتماثلة المناحي عندما ترد عليها اشعة متباعدة أو متقاربة لضوء مستقطب و ونعرض واحدا من أبسط الترتيبات : نيكولان وعدستان وصفيحة مقتطعة بشكل تعامد معه المحور الضوئي (الشكل 5.26) .

يرد ضوء طبيعي من اليسار على النيكول N<sub>1</sub> ليخرج منه مستقطبا خطيا . وتقوم العدسة L<sub>1</sub> بتجميع الضوء وتوجيهه على شكل حرمستة متقاربة على الصفيحة P . وبالتالي ترد الاشعة على هذه الصفيحة وفق روايا ورود مختلفة . وتكون قرائن الانكسار بالنسبة للشعاعالشاذ مجتلفة ، وبالتالي تصبح فروق المسير الضوئية مختلفة بين الاشعصسة

العادية والشاذة ، ونحصل من اجل قيمة معينة لـ ٢ على العلاقة:  $\Delta_{\phi} = (n_o - n_o) d_{\phi}$ 

وهكذا تتشكل بعد خروج الاشعة من P ، في مخروط الاشعة المتباعدة دوائر متساوية بفروق الطور بين الاشعة العادية والشاذة ، وتكون



### شكل 5.26

هذه الدوائر متمركزة على المحور الرئيسي للجملة ، نتصور الآن أن واحدا من تلك الاشعة ، الشعاع R مثلا، يتألف من شعاعين عادي وشاذ مختلفين بفرق في الطور مقداره S ، يرد هذان الشعاعان على النيكول  $N_2$  الذي يسمح للاشعة بالخروج مستقطبة خطيا ، وبما أن مايرد عليه في حالتنا شعاعان متعامدان فيما بينهما ، فان هــــذا النيكول يسمح فقط لمركبتيهما الممثلتين لمسقطيهما على اتجاه وحيــد بالعبور ، أي ينشأ عند مخرج النيكول  $N_2$  شعاعان متر ابطـــان مستقطبان خطيا بنفس الشكل وبينهما فرق في الطور ، وهكذا يتوفــر شرط التداخل ، عندئذ تنشأ بعض الظواهر الملحقة : فاللوحة المتناظرة شرط التداخل ، عندئذ تنشأ بعض الظواهر الملحقة : فاللوحة المتناظرة دائريا (حلقات تداخلية) تضاف اليها اهداب متعامدة فيما بينهــا ليتشكل في النهاية هيئة متصالبة ، نفسر سببحدوث ذلك : إن الاشعة الخارجة من النيكول  $N_1$  مستقطبة خطيا ،ولنفرض أن الشعاع  $\vec{E}$ 

بما أن مستويات الورود في مخروط الحزمة المتقاربة بعدالعدسة 1 مختلفة ، فان المقاطع الرئيسية (المستويات المارة من الاشعية والمحور الضوئي) مختلفة ايضا ، إن الاشعة الواقعة في مستوي الشكل تعطي من اجل المقطع الرئيسي المعامد لمستوي الشكل شعاعا عاديا فقط ، ويعبر هذا الشعاع الصفيحة دون أن يعاني أي تغيير ، فاذاكان النيكول  $N_2$  موازيا لـ  $N_1$  فاننا نرى في الاتجاه المعامد للمحور الفوئي والمار من مركز اللوحة هدبا مضيئا ، واذا كان النيكو متصالبين فاننا نرى هدبا مظلما ، ومن اجل الاتجاه المعامد (المقطع الرئيسي ينطبق على مستوي الشكل ، والشعاع  $\tilde{\mathbb{Z}}$  يقع في المستوي الرئيسي) تخرج الاشعة من الصفيحة (التي تكون شاذة فقط) محتفظة باستقطابها الخطي ولا تعاني أي توزع (انقسام) ، وبالتالي فهي تعبر النيكول  $N_1$  بتمامها فيما إذا كان  $N_2$  موازيا لـ  $N_1$  ، أو تحجز بتمامها اذا كان النيكولان متصالبين ، وهكذا سوف تقطّع عند مخرج النيكول  $N_2$  الحلقات المضيئة والمظلمة المتتابعة بهيئة متمالبة : مضيئة إذا كان النيكولان متوازيين ، ومعتمة اذا كانا متعامدين ،

مسائل متبطيبية ات

1 ـ موجتان مستويتان وحيدتا اللون مستقطبتان استقطابا خطيا لهما نفس التواتر ، وتنتشران وفق المحور ₹ . الموجة الأولى مستقطبة وفق Ⅹ ، وتملك السعة ◘ ، والثانية مستقطبة وفق ႘ وتملك السعة ط ، وتتقدم على الأولى في الطور بمقدار ۞ . جد نوع استقطاب الموجة الحاصلة .

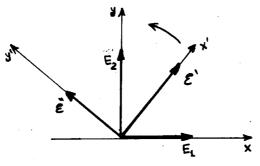
نرمز لسعة الموجة الاولى بـ  $\vec{E_1} = a \vec{e_k}$  ، ولسعة الموجة الثانية . ب عند أن  $\vec{E_2} = b \vec{e'} \vec{e_y}$  ب

إن سعة الموجة الحاصلة : 🕏

$$\vec{E}_0 = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 = \alpha \vec{e}_x + b e^{ix} \vec{e}_y$$

لكي نوضح مواصفات الاستقطاب من المناسب أن نزيح بدايـــة حساب الطور بحيث تحصل الاهتزازات في اتجاهين متعامدين يفصلهما فرق في الطور مقداره  $\frac{\pi}{2}$  . ندخل سعة جديدة :

ونحاول أُن يكون الشعاعان  $\vec{\epsilon}$  و  $\vec{\epsilon}$  حقيقيين ، بالاضافة الى أُن  $\vec{\epsilon}$  (انظر الشكل 1.1) :



شكل 1.1

$$\vec{e}' = a \cos \beta \, \vec{e}_x + b \cos (\beta - \alpha) \, \vec{e}_y$$

$$\vec{e}' = a \sin \beta \, \vec{e}_x + b \sin (\beta - \alpha) \, \vec{e}_y$$
(1)

نعين ازاحة الطور  $\beta$  من الشرط  $\beta = 0$  :  $\epsilon^{1} = 0$  نعين ازاحة الطور  $\beta$  من الشرط  $\epsilon^{2} \cos \beta \sin \beta + \delta^{2} \sin (\beta - \alpha) \cos (\beta - \alpha) = 0$ 

ومنه نجد

$$+g^{2}\beta = \frac{b^{2} \sin 2\alpha}{a^{2} + b^{2} \cos 2\alpha}$$
 (2)

بتعیین قیمة الزاویة  $\beta$  من المعادلة (2) وتعویضها في (1) نجد  $\tilde{\mathcal{E}}$  و  $\tilde{\mathcal{E}}$  . ندخل في المستوي  $\mathcal{E}$  محورین جدیدین  $\mathcal{E}$  الا  $\mathcal{E}$  ، فنحصل فی هذه الجملة الجدیدة علی :

$$E_{X'} = \mathcal{E}' \cos(\vec{K} \cdot \vec{r} - \omega t + \alpha)$$

$$E_{Y'} = \mathcal{E}'' \sin(\vec{K} \cdot \vec{r} - \omega t + \alpha)$$

ونرى بسهولة أن

$$\frac{E_{x'}^{2}}{e^{x^{2}}} + \frac{E_{y'}^{2}}{e^{x^{2}}} = 1$$

أي أن نهاية الشعاع E ترسم قطعا ناقصا .

في الحالة العامة  $0 \neq "٤", ٤" > 0$ . وتكون الاهتزازات على المحور "٤" متقدمة على الاهتزازات المحمولة على "٤" بي "" = "" . [ذا كيان توجيه المحورين <math>"٤" و "٤" كما هو الحال لي و "٤" بمعني أن "٤" ، "٤" ، <math>"٤" تشكل جملة احداثيات يمينية (وهذه هي الحالية المعروضة على الشكل 1.1) ، يكون من اجل المراقب التي تتحرك بالنسبة له الموجة (الحركة وفق المحور "٤" ) يكون دوران "٤" عكس اتجياه عقارب الساعة ، ويدعى مثل هذا الاستقطاب "بالاستقطاب القطعيي الناقصي ذي الدوران اليساري" ، واذا شكلت المحاور "٤" ، "٤" ، "٤" ويدعى استقطاب الموجة "بالاستقطاب القطعي الناقمي ذي الدوران السعاع "٤" يكون باتجاه عقارب الساعة ، اليميني" .

من اجل  $\mathbf{E}' = \mathbf{E}'$  يكون الاستقطاب استقطابا دائريا ، امـــا اذا  $\mathbf{E}' = \mathbf{O}$  أو  $\mathbf{O} = \mathbf{E}' = \mathbf{O}$  يكون الاستقطاب خطيا ،

-  $\alpha$  ادرس في المسألة 1 تابعية الاستقطاب لفرق الطور  $\alpha$  .  $\alpha$  -  $\alpha$  اجل من اجل

#### \_ يكون الاستقطاب:

من اجل 0 = 10 خطيا ، ويمر مستوي الاستقطاب من منصف الزاوية المحصورة بين المحورين 3 ، 3

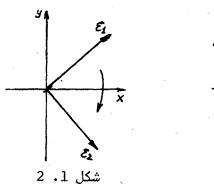
من اجل ٣ = ٨ خطيا ايضا ، ويمر مستوي الاستقطاب من منصف

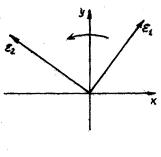
الزاوية المحصورة بين المحورين ٦٠ ، 🗴 .

من اجل  $\frac{\pi}{2}$  ع دائریا یمینیا (الشکل 2.1) ،

من اجل السكل 2.2 من اجل الشكل 2.2) .

ويكون الآستقطاب في الحالات المتبقية قطعيا : يمينيا مِن أجل σ<α<π





شكل 2.2

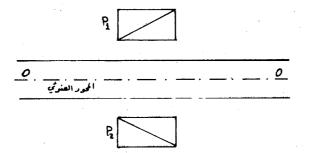
3 موجتان احادیتا اللون ، لهما نفس التواتر ، مستقطبت ان دورانیا ومتعاکستان باتجاه الدوران ، تملك الموجتان نفس الطروة وتنتشران بنفس الاتجاه ، فاذا كانت سعة الموجة الاولى  $\alpha$  (الموجة ذات الاستقطاب الدوراني الیمیني ) ، وسعة الاخرى  $\alpha$  (الموجة ذات الاستقطاب الیساري) ، جد تابعیة مواصفات الاستقطاب للنسبة  $\frac{\alpha}{b}$  (  $\alpha$  )  $\alpha$  یمکن اختیارهما حقیقیین ) ،

يمينيا من الجل a = b . ويكون قطعيا ناقصيا يمينيا من اجل a < b . ويكون قطعيا ناقصيا يمينيا من اجل a < b . وتحصل على الاستقطاب الدائري فقط من اجلa = 0 . ويكون يمينيا عندما a = 0 ، ويساريا عندما a = 0 .

4 ـ توضع صفيحة متوارية الوجهين مستوية ، سمكها 0,5 مـــم ،

قطعت من الكوارتز (بلورة موجبة) ، بحيث يكون محورها البصريموازيا لوجهيها ، توضع بين نيكولين متصالبين بشكل يصنع معه محورها البصري زاوية 45 مع المقطعين الأصليين للنكولين ، فاذا علمت أن الفرق بين قرينتي الانكسار الاساسيتين للكوارتز 0,009 وأنه مستقل عن طول الموجة عين الاطوال الموجية الواقعة في المجال المرئي التي لاتسمح لهــــا الجملة من النفاذ خلالها ، (الشكل 4.1) ،

سيسمح النيكول  $\frac{\rho_1}{\rho_1}$  بمرور ضوء مستقطب استقطابا مستويا وفيق مقطعه الاصلي وبالتالي يصنع مستوي الاهتزاز مع الصفيحة زاوية  $\frac{\sigma}{\rho_1}$ 



شكل 4.1

ينتشر الشعاعان في الصفيحة بسرعتين مختلفتين : الشعاع العادي  $\mathbf{e}$  ، اهتزازه عمودي على المقطع الاصلي ، والشعاع الشاذ  $\mathbf{e}$  واهتزازه واقع في المقطع الاصلي ، وتكون سعتا الشعاعين المذكورين  $\mathbf{h}_{\mathbf{o}} = \mathbf{h} \sin \theta$  و الزاوية المحصورة بين اهتزاز الشعاع الوارد والمحور البصري .

تحدث الصفيحة فرقا في الطور بين الشعاعين :

$$\varphi = \frac{2\pi}{3} (n_e - n_o) d$$

حيث أن  $n_e$  ،  $n_o$  قرينتا الانكسار العادية والشاذة ،  $m_o$  سمك الصفيحة ،  $n_o$  طول موجة الضوء . وبالتالي :

$$4 = \frac{2\pi}{3} (0,009).0,5$$

ويكون الضوء في الحالة العامة مستقطب اهليلجيا .

عندما يرد الضوء على النيكول الثاني ج ، فان هذا النيك ول

يسمح فقط للمركبات الموازية لمقطعه الاصلي بالعبور ، وتكون الاطوال الموجية التي لاتنفذ منه هي تلك الاطوال التي من اجلها فرق الطبور ساوى عددا فرديا من تتنا

 $(2 + 1) \pi = \frac{2\pi}{3} (0,0045)$   $\lambda_{K} = \frac{0,0045}{2 \times 1}$ 

ونجد أن  $\mathcal{N}_0=0.92$ ،  $\mathcal{N}_1=1.5$  ،  $\mathcal{N}_1=0.92$  ، وهـذه الاطوال تقع خارج المجال المرئي ، وتكون الاطوال الموجية الممنوعــة في المجال المرئى مساوية :

. اوهکذا ،  $\lambda_{4} = 0,57$  ،  $\lambda_{4} = 0,5$  ،  $\lambda_{4} = 0,5$ 

5 ـ قطعت صفيحة من بلورة احادية المحور لاستخدامها في تحويـل الضوء المستقطب استقطابا مستويا الى ضوء مستقطب دورانيا  $n_0 = 1,658$  مساكة هذه الصفيحة اذا كانت مصنوعة من البلق  $n_0 = 1,658$  .  $n_0 = 1,486$ 

حتى يتحول الضوء المستقطب استقطابا مستويا الى ضيوء مستقطب دورانيا ،يجب أن يصبح فرق الطور بين الشعاعين العادي والشاذ أثناء خروجهما من الصفيحة عددا فرديا من  $\frac{\pi}{2}$ ، أي أن :

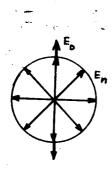
$$(2K+1)\frac{\pi}{2} = (n_0 - n_e) \cdot d \cdot \frac{2\pi}{\lambda}$$

 $d = \frac{(2K+1)2}{4(n_0 - n_e)} \quad K = 0, 1, 2, ---$ 

P = 0,25 في  $\frac{1}{100}$  مستقطب جزئيا P = 0,25 جد نسبة شدة المركبة المستقطبة لهذا الضوء الى شدة المركبية الطبيعية .

سنرمز به  $I_n$  لشدة الضوء المستقطب  $I_n$ ، و به  $I_n$  لشدة المركبة الطبيعية  $I_n$  والمطلوب ايجاد النسبة  $I_n$   $I_n$   $I_n$  لشدة المركبة الطبيعية المتعال اتجاه المتزاز الشعاع  $I_n$  في الضوء الطبيعيي متساويا في جميع الاتجاهات ( الشكل  $I_n$ )، فإن مساهمة المركبية الطبيعية في شدة الضوء تكون  $I_n$  =  $I_n$  ويلاحظ من الشكل  $I_n$  أن  $I_n$   $I_n$ 

الشدتين العظمي والصغرى للضوء المار عبر محلل



شكل 6.1

$$I_{max} = I_o + \frac{I_n}{2}$$

$$I_{min} = \frac{I_n}{2}$$

$$I_{min} = \frac{I_n}{2}$$

وبالتالي فان درجة الاستقطاب

$$P = \frac{I_{\text{max}} - I_{\text{min}}}{I_{\text{max}} + I_{\text{min}}} = \frac{I_o}{I_o + I_n} = \frac{\delta}{\delta + 1}$$

$$8 = \frac{P}{1 - P} = \frac{1}{3}$$

# النفسيل السسسادسسس معادلات ماكسوييل والتحقيل الكهرطيسسي

### 22 \_ معادلات ماكسويل .

إن الخطوة الحاسمة في اقامة قوانين التأثير المتبادل بيستسن الشحن والتيارات والحقول الكهرطيسية وقوانين انتشار تلك الحقول قام بها العالم ماكسويل (1860 ـ 1865) . وقد حضرت لهذه الخطوة أعمال باحثين عديدين في مقدمتهم كولون ،امبير ،ارستيد ،بيو وسافار لابلاس وفارادي ، وليس من المدهش أن نعلم أن اكتشاف الحقال كشكل من اشكال المادة ،أتى بعد صياغة تلك القوانين التي يخضعلها . اضافة الى أن فهم الحقيقة التالية وهي أن تلك القوانين تعبر كيفيا عن خواص موضوع جديد (الحقل الكهرطيسي) تم فقط بعد اعادة النظر في التصورات العامة للطبيعة ككل والتي تمت في بداية القرن العشرين وحدث ذلك التغير في النظرة الى الطبيعة بعد اكتشاف النظرية

وحدث دلك التغير في النظرة الى الطبيعة بعد اكتشاف النظري النسبية . ويتلخص مضمون القوانين التي صاغها ماكسويل والمطبقةعلى الحقول المجهرية بالتالي :

- آ) تدفق الحقل الكهربائي تخ عبر أي سطح مغلق يتناسب معالشحنة الكهربائية كلافة التي تقعفي اللحظة المعطاة ضمن الحجم الذي يحدده ذلك السطح ،حيث ؟ كثافة الشحنة .
- ب) تجوال الحقل الكهربائي وفق أي محيط(كنتور) مغلق متناسب مع سرعة تغير التدفق المغناطيسي  $\hat{\mathbf{B}} \cdot \mathbf{d}\hat{\mathbf{s}}$  عبرأي سطح  $\mathbf{S}$  يحدد المحيط  $\mathbf{L}$  المعطى ويملك في هذه الحالة تجوال الحقل الكهربائي وسرعة اردياد التدفق المغناطيسي اشارتين متعاكستين  $\mathbf{s}$ 
  - ج ) تدفق الحقل المغناطيسي عبر أي سطح مغلق يساوي الصفر .
- د) تجوال الحقل المغناطيسي وفق أي محيط مغلق يساوي مجموع حدين . يتناسب الاول مع شدة التيار الكهربائي كَلَ أَلَ (حيث أَلَ كثافة التيار) الذي يجري في اللحظة المعطاة عبر ذلك المحيد مصطويتناسب الحد الثاني مع سرعة تغير تدفق الحقل الكهربائي خلال اي سطح محدد بذلك المحيط .

ويعبر عن هذه القوانين رياضيا (من آ الى د ) بمعادلات ماكسويل

المجهرية في صيغتها التكاملية . وتكتب هذه المعادلات في الجملة الدولية بالشكل:

$$\oint_{S} \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{1}{\mathcal{E}_{o}} \int_{V} g \, dV$$

$$\oint_{L} \vec{E} \cdot d\vec{r} = -\frac{\partial}{\partial t} \int_{S} \vec{B} \cdot d\vec{s}$$

$$\oint_{S} \vec{B} \cdot d\vec{s} = 0$$

$$\oint_{S} \vec{B} \cdot d\vec{s} = 0$$

$$\oint_{S} \vec{B} \cdot d\vec{r} = \frac{1}{\mathcal{E}_{o}C^{2}S} \int_{S} \vec{J} \cdot d\vec{s} + \frac{1}{C^{2}} \frac{\partial}{\partial t} \int_{S} \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

وترمز c في هذه المعادلات الى سرعة الضوء في الخلاء و c معامل ثابت يساوي  $c^2/(\kappa, m^2)$  8,85.10 ويدعى هذا المعامل بالثابـــت الكهربائي . إن السطح c في المعادلتين الاولى والثالثة سطحا اختياريا مغلقا ، بينما في الثانية والرابعة سطحا اختياريا ويكون الحجم في المعادلة الاولى محددا بالسطح c ويكون المحيط فـــي المعادلتين الثانية والرابعة مغلقا دوما ويحدد السطح c .

تحوي معادلات ماكسويل في الجملة  $\mathbf{CGS}$  معاملات أخرى : يحل في الطرف الايمن للمعادلة الاولى  $\mathbf{4}\mathbf{7}$  بدلا من  $\mathbf{5}\mathbf{6}$  ويظهر فـــي الطرف الأيمن للمعادلة الثانية  $\frac{1}{\mathbf{c}}$  ، وفي المعادلة الرابعة يحــوي الحد الأول من الطرف الأيمن الثابت  $\frac{1}{\mathbf{c}}$  والحد الثاني  $\frac{1}{\mathbf{c}}$  وبالتالي فهى تكتب على الشكل :

$$\oint_{S} \vec{E} \cdot d\vec{S} = 4\pi \int_{S} S \cdot dV$$

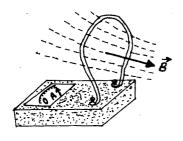
$$\oint_{E} \vec{E} \cdot d\vec{r} = -\frac{1}{c} \frac{2}{2t} \int_{S} \vec{B} \cdot d\vec{S}$$

$$\oint_{S} \vec{B} \cdot d\vec{r} = 0$$

$$\oint_{S} \vec{B} \cdot d\vec{r} = \frac{4\pi}{c} \int_{S} \vec{J} \cdot d\vec{S} + \frac{1}{c} \frac{2}{2t} \int_{E} \vec{E} \cdot d\vec{S}$$
(22-1)

تعبر معادلات ماكسويل عن الخواص التالية للحقل الكهرطيسي:

تنص المعادلتان الأوليتان على أن الحقل الكهربائي ينشـــا بطريقتين ، الاولى :تعتبر الشحنات الكهربائية التي تولد (تحدث ) تدفق الحقل الكهربائي منبعا لذلك الحقل ، ويدعى قانون التناسب بين تدفق الحقل الكهربائي عبر سطح مغلق والشحنة الموجودة في الحجـم الذي يحدده ذلك السطح بدعوى غوص ، والثانية : يتشكل الحقـــل الكهربائي دوما عندما يحدث تغير مع الزمن للحقل المغناطيسي ، وقد اكتشفت هذه الظاهرة الأول مرة من قبل العالم فارادي 1831 ،ودعيت بالحث الكهرطيسي ، ويمكن اظهاره تجريبيا بالطريقة الآتية :لنفرض بأن مربطي الامبيرمتر موصولان بواسطة سلك ناقل (الشكل6.1) ، وبنفس



جعلت هذه الدارة في حقد لل مغناطيسي متغير ، فان إبرة الامبيرمتر تنحرف مما يدل على مرور تيار كهربائي في هذه الدارة ، وهذا التيار مرهون بولادته لتأثير حقل كهربائي على الالكترونات الحرة داخل الناقل ، وينشأ الحقل

الوقت تتشكل دارة مغلقة ، اذا

شكل 6.1

الكهربائي المذكور نتيجة لتغير التدفق المغناطيسي الذي يخترق دارة الكنتور المغلق .

تبين المعادلتان الاخريان أن الحقل المغناطيسي حقل اعصاري (دوامي) ، ويتشكل فقط في حالة وجود تيارات كهربائية أو حقل كهربائي متغير مع الزمن أو الاثنين معا . ولا توجد منابع للحقل المغناطيسي مماثلة للشحنات الكهربائية ، بحيث كان من الملائم دعوتها بالشحنات المغناطيسية . ولو وجدت مثل تلك الشحنات لكان تدفق الحقل المغناطيسي خلال سطح مغلق غير معدوم في الحالة العامة . وبالتالي وبشكل مماثل للحقل الكهربائي ، يجب أن يولد الحقل المغناطيسي عند اختراقه لذلك السطح تدفقا مغناطيسيا متناسبا مع الشحنية المغناطيسية الموجودة داخل هذا السطح ، غير أن ذلك يتناقض مصع ماذكرناه سابقا .

وينتج من المعادلتين الثانية والرابعة للمجموعة (1\_22) أنه

من المستحيل دراسة الحقلين الكهربائي والمغناطيسي كمقداريـــن مستقلين ويكون لجملة الحقلين معا مفهوما محددا يصفه الحقـــل الكهرطيسي الوحيد ، وسنرى لاحقا أن هذا الواقع يعتبر نتيجة مــن نتائج مبدأ النسبية لانشتيين ،

( ملاحظة : نشير الى أن الشكل اللامتناظر لمعادلات ماكسويل والتي تعبر بشكل لامتماثل عن الحقلين الكهربائي والمغناطيسي يثير حتى الآن لدى بعض الفيزيائيين شعورا بعدم الرضى ، وقد حاول ديراك منذ عام 1931 اقامة هذه المساواة باقتراحه فرضية حول امكانية وجود شحن مغناطيسية ، واقترح تسمية الجسيم العنصري للشحنة المغناطيسية "بالمونوبول" ، ومنذ ذلك الحين تجري محاولات تجريبية لاكتشاف هذا الجسيم ، حيث يتم البحث عنه في نواتج التفاعلات التي تحوي مختلف الجسيمات العنصرية المجهرية ، وتتم مثل تلك التجارب في المسرعات الضخمة ، وتجري محاولات لاكتشاف المونوبول بين الجسيمات الكونية ، وفي أماكن مختلفة دون تسجيل أي نجاح ، غير أن المحاولات لم تتوقف وليس ذلك بفضل السمعة العظيمة للفيزيائي ديراك ،ولكن بالأهمية البالغة لذلك الاكتشاف فيما لو تم ، لأن ذلك سيؤدي الى اعادة النظر في تصوراتنا حول طبيعة المادة والتي تشكل معادلات ماكسويل حجر الزاوية في بنائها ، وحتى الآن تبقى هذه القوانين راسخة ) ،

2 \_ يمكن اعادة كتابة معادلات ماكسويل بالصيغة التفاضلية ، أي على شكل جملة معادلات تفاضلية ، ويتم الانتقال الى تلك الصياغـــة باجراء خطوتين : نحول في الخطوة الاولى كل معادلة من المجموعـــة (22.1) الى ذلك الشكل الذي يحوي في طرفيه الأيمن والأيسرتكاملات وفق نفس المجال ، وتتم هذه الخطوة في المعادلتين الاولى والثالثة بمساعدة دعوى غوص ـ اوستراغرادسكى ،

$$\int_{V} div \vec{a} \cdot dv = \oint_{S} \vec{a}(\vec{r}) \cdot d\vec{s} = \oint_{S} a_{n}(r) \cdot ds$$

وفى المعادلتين الثانية والرابعة بمساعدة دعوى ستوكس:

$$\begin{cases} rot \vec{a}(\vec{r}) \cdot d\vec{s} = \phi \vec{a}(r) \cdot d\vec{r} \\ \end{cases}$$

فعلى سبيل المثال يتحول في المعادلة الاولى من (1-22) الطـــرف

الأيسر ،وفقا لاستراغرادسكي الى تكامل حجمي :

بهذا الشكل تصبح المعادلة حاوية على تكامل حجمي فقط:

$$\int_{V} div \vec{E} \cdot dV = \frac{1}{\mathcal{E}_{0}} \int_{V} S \cdot dV$$

ويتحول في المعادلة الثانية من (1-22) الطرف الايسر بمساعدة ستوكس

ويتغير في الطرف الأيمن نظام التفاضل والتكامل:

$$-\frac{\partial}{\partial t}\int_{S} \vec{B} \cdot \vec{ds} = -\int_{S} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot \vec{ds}$$

بالنتيجة تصبح هذه المعادلة حاوية على تكامل سطحي فقط

$$\int_{S} rot \vec{E} \cdot \vec{dS} = -\int_{S} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \cdot \vec{dS}$$

ونقوم بتحويلات مماثلة للمعادلتين الثالثةوالرابعة من (1-22) . نستخدم لاجراء الخطوة الثانية ،نظرية رياضية بديهية: اذا تساوى تكاملان لمقدارين وفق نفس المجال المختار ،فإن المقدارين الموجودين داخل اشارة التكامل متساويان .ومن هنا نحصل مباشرة على معادلا ت ماكسويل المجهرية بصياغتها التفاضلية (في الجملة الدولية):

$$\operatorname{div} \vec{E} = \frac{1}{\mathcal{E}_{o}} \vec{S}$$

$$\operatorname{rot} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\operatorname{div} \vec{B} = 0$$

$$\operatorname{rot} \vec{B} = \frac{1}{\mathcal{E}_{c}} \vec{J} + \frac{1}{c^{2}} \cdot \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

$$(22-2)$$

يعطي استعمال دعوى غوصـ اوستروغرادسكي مرة اخرى علـــــــى المعادلات التفاضلية (22\_2) ، يعطي من جديد المعادلات التكامليــة (1\_22) . هذا يعني أن كلا الشكلين متكافئان ، وذلك في حالة التوزع المستمر للشحن والتيارات .

عند وجود تفرد (singularity) أوتمايز ، كتلك التي تحدث في حالة الحدود الفاصلة أو تمركزالشحن ، تبقى المعادلات التكاملية (22\_1) صحيحة ، بينما يمكن استخدام المعادلات التفاضلية (22\_2) فقط على اساس النظرية الرياضية للتوابع المعممة التي لاندرسها هنا ، وبالتالي أثناء وجود التوزعات المتفردة للشحن والتيارات سوف نستخدم المعادلات التفاضلية في تلك المجالات التي يكون فيها التفرد معدوما ، وحصول التفردات سوف نستعمل الصيغ التكاملية ،

تُكتب معادلات ماكسويل المجهرية في الجملة CGS بالشكل:

div 
$$\vec{E} = 4\pi s$$
 $\vec{R} = -\frac{1}{C} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$ 

div  $\vec{B} = 0$ 
 $\vec{R} = \frac{4\pi}{C} \vec{J} + \frac{1}{C} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$ 

نشير الى أن المقدار  $\frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$  (أو  $\frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$  هي الجملة CGS) يدخل في المعادلة الاخيرة لماكسويل بشكل متساو تماما مع  $\vec{b}$  ويملك ابعاد كثافة التيار . لذلك يدعى المقدار  $\frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$  . كثافة تيار الازاحة يختلف عن الصفر في حالة الحقول الكهربائية المتغيرة فقط ، أما إذا كان الحقل الكهربائي مستقرا فان تيار الازاحة يختفى .

تتلخص الفكرة الرئيسية لجملة المعادلات (2-22) في أن: "معادلات ماكسويل تتضمن حركة الحقل الكهرطيسي".

هذا يعني أن الحقلين  $\vec{E}$  و  $\vec{B}$  يمكن ايجادهما في كل حالــة بحل المعادلات (22\_2) أو مايماثلها في الجملة CGS . ويستخرج كل حل بمساعدة الشروط البدئية والحدودية . تعين الشروط البدئيــة قيمة الحقل في لحظة زمنية معينة (ثابتة) والتي تؤخذ عادة مساويــة للصفر (ومن هنا أتت تسمية الشروط البدئية) . وتكفي معرفة الحقل في

لحظة زمنية ما لتحديد قيمة ثوابت التكامل بالنسبة للزمن في جملة المعادلات (222) ، ذلك لأن هذه المعادلات تحوي على المشتوالاول فقط بالنسبة للزمن ، وتعبير الشروط الحدودية عن الخصواص المتعلقة بوجود سطوح الفصل (أي تلك السطوح من مختلف الجهاتالتي تكون فيها خواص الجملة مختلفة) وبحصر مجال الحقل بسطوح ما ، وتعطي الشروط الحدودية قيم الحقل في أية لحظة على السطوح من النوع المذكور . اذا كان مجال تواجد الحقل كبيرا جدا ، فان الشرط على الحدود الخارجية البعيدة تحول الى قيم الحقول المعطاة في النقطة البعيدة جصدا، بعبارة اخرى في اللانهاية .

لم نتعمد قلة الدقة عندما قلنا أن معادلات ماكسويل تحوي فقط معادلات حركة الحقل الكهرطيسي . بعبارة اخرى ليست جميع معادلات ماكسويل جوهرية لمعادلات حركة الحقل . وفي الواقع تتضمن معادلتان فقط من المعادلات الأربع (22\_2) مشتقات بالنسبة للزمن . فلا يوجد في المعادلتين الاولى والثالثة مثل هذه المشتقات . بنفس الوقت تعتبر هاتين المعادلتين شروطا مفروضة على الحقلين  $\vec{E}$  و  $\vec{E}$  . وهذه الشروط تربط بين مركبات الحقلين أثناء حدوثاًي تغيرات مصع الزمن . وبما أن عدد هذه الشروط اثنان فهذا يعني ان هناك اربعة مركبات مستقلة فقط ل $\vec{E}$  و  $\vec{E}$  من المركبات الست.

تشكل المعادلات(22\_2) بالاضافة الى معادلة الحركة للجسيمات المشحونة تحت تأثير قوة لورانتز  $\vec{F} = 9\vec{E} + 9\vec{E} \wedge \vec{B}$ 

الجملة الاساسية للمعادلات المجهرية لماكسويل لورانتز ، وجمل المعادلات هذه كافية من حيث المبدأ لايضاح جميع الظواهرالكهرطيسية التي لاتظهر بها القانونيات الكوانتية ،

لكي تمتلك معادلات ماكسويل لورانتز حلا وحيدا ،اي لكي تعطبي تكهنا (توقعا) وحيدا عن سير الحادثة الكهرطيسية المدروسة ،لابد من اعطاء:

- ) الحالة البدئية للجسيمات والحقول(اي احدثيات وسرع الجسيمات وكذلك الحقلين  $\vec{E}$  و في اللحظة البدئية t=0 ).
- ) الشروط الحدودية للحقلين  $\widetilde{f E}$  و  $\widetilde{f B}$  التي تبين سلوكهما علـــى ،

حدود المجال المدروس والتي تعينها شروط المسألة ٠

هكذا بتثبيت الشروط البدئية والحدودية تملك جملة معسادلات ماكسويل لورانتز المجهرية حلا وحيدا ، وتعطي توقعا وحيدا عنسلوكية الجملة المدروسة ، ويتعلق الشكل المحدد (الدقيق) للشروط البدئية والحدودية الممكنة بخواص معادلات ماكسويل ،

3 \_ نقوم بسرد هذه الخواص:

ه) ان معادلات ماکسویل معادلات خطیة . فهذه المعادلات تحوی فقط علی المشتق الأول بالنسبة للزمن والاحداثیات المکانیة ، اضافیه الی المراتب الاولی لکثافة الشحن الکهربائیة والتیارات . وترتبط الخاصة الخطیة لمعادلات ماکسویل مباشرة بمبدأ الترکیب . وفسی الواقع اذا فرضنا وجود جملتین للشحن الکهربائیة تمیزان علیالترتیب بالقیم  $\hat{S}_1$  ،  $\hat{L}_2$  ،  $\hat{S}_3$  ، ولنفرض ان الجملة الاولی فی حالیة غیاب الثانیة تشکل الحقلین  $\hat{S}_2$  و ولائولی المولی فی حالة غیاب الاولی  $\hat{S}_2$  و عندئذ یکون :

1 ides, 
$$\frac{\partial \vec{E}_2}{\partial r} = \frac{1}{\mathcal{E}_0} S_2 \quad \frac{\partial \vec{E}_1}{\partial \vec{r}} = \frac{1}{\mathcal{E}_0} S_1$$

لنجمع الآن المعادلات المتوافقة ،نحصل بالنتيجة على :

$$div \vec{E} = \frac{1}{\varepsilon_s}$$

حيث  $\vec{J} = \vec{J}_1 + \vec{J}_2$  ،  $\vec{S} = \vec{S}_1 + \vec{S}_2$  ،  $\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2$  حيث ونرى أن الحقلين الناتجين  $\vec{E}$  و  $\vec{E}$  يتشكلان بالشحن التي يعطى توزعها بالقيمتين الحاصلتين  $\vec{E}$  و  $\vec{E}$  .

ط) تتضمن معادلات ماكسويل قانون انحفاظ الشحنة الكهربائيـــة من اجل ايضاح هذا ،نقوم بمفاضلة المعادلة الاولى من الجملة (22\_2) بالنسبة للزمن ،ونضرب طرفيها بـ  $\mathcal{E}_0$  . وبما أن نظام التفاضليجري بالنسبة للزمن وليس بالنسبة للاحداثيات المكانية المستقلة عـــن الزمن فإن  $\mathcal{E}_0$   $\frac{2}{2t}$   $\frac{2}{2t}$ 

لنأخذ الآن التفرق لكلا جزئي المعادلة الأخيرة من الجملة (22\_2 ) ونضرب الناتج بـ  $\mathcal{E}_{o}$  . نحصل على :

$$\mathcal{E}_{o} c^{2} \cdot \operatorname{div}(\operatorname{rot} \vec{B}) = 0 = \frac{\partial \vec{J}}{\partial \vec{r}} + \mathcal{E}_{o} \cdot \operatorname{div} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

وبالتعويض على المسلوبة على المعادلة بقيمتها من المسلولة نحصل على النتيجة المطلوبة المعادلة بقيمتها من المسلوبة المطلوبة المطلوب

نتج من معادلات ماكسويل أن كل حقل كهرطيسي يمكن تمييزه بكمون سلمي وكمون شعاعي ، وسنرمز لهذين المقدارين ب $\mathbf{q}$  و  $\mathbf{q}$  على الترتيب ويكون الاول منهما تابعا سلميا والثاني تابعا شعاعيا للاحداثيات المكانية ، وفي حالة الحقول المتغيرة يتبعان كذليك للزمن وهذان التابعان يرتبطان بالحقلين وفق المساواتين :

$$\vec{E} = -grad \Psi - \frac{\partial \vec{R}}{\partial t}$$

$$\vec{R} = rot \vec{R}$$
(22\_3)

الصحيحتين في الجملة SI . تستبدل في الجملة GS فقط العلاقة بين G و G ، لتصبح

$$\vec{E} = -grad \cdot 4 - \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{A}}{\partial t}$$

ولا تعرف المساواتان (3 $_{-}$ 22) فقط  ${\cal P}$  و  ${\cal H}$  ، وانما یکنن فیهمات کید علی ان اعطاء اربع توابع فقط  ${\cal H}_{\chi}$  ،  ${\cal G}_{\chi}$  ،  ${\cal G}$ 

يبرهن على صحة هذا التأكيد بالتالي : من المعادلة الثالثة للمجموعة (22\_2) ووفقا للخاصتين التاليتين أ) اذا كان  $\vec{b}$  ( $\vec{r}$ ) ووفقا للخاصتين التاليتين أن خود حقلا شعاعيا ( $\vec{r}$ ) عَمَر  $\vec{c}$  ( $\vec{r}$ ) عَمر  $\vec{c}$   $\vec{c}$ 

ويدعى الحقل الذي تفرقه معدوم بالحقل الأعصاري (الدوامي) . أي أن الحقل الاعصاري عبارة عن دوار حقل شعاعي آخر . ب) اذا كان الحقل الاعصاري عبارة عن دوار حقل شعاعي آخر . ب) اذا كان  $\mathbf{a}$  حيد  $\mathbf{a}$  في كل نقطة من الفضاء ، فان ذلك يؤدي الى وجود حقل سلمي  $\mathbf{a}$   $\mathbf{c}$  ويدعى الحقل الذي يكون دواره معدوما "بالحقل الكامن" . اي ان الحقل الكامن يعتبر تدرجا لحقل سلمي . اضافة الى ذلك يمكن ان يكون الحقلان  $\mathbf{b}$  و  $\mathbf{c}$  و  $\mathbf{c}$  غير معدومين اذا كان الحقل عمدوما .

ينتج مباشرة وجود كمون شعاعي  $\vec{A}(\vec{r})$  يحقق العلاقة الثانيـة من (22\_3) . بادخال هذه العلاقة في المعادلة الثانية للجملة (22\_2) وبتبديل نظام التفاضل بالنسبة للزمن والاحداثيات نحصل على :

$$\overrightarrow{rot} \stackrel{\overrightarrow{E}}{=} - \overrightarrow{rot} \cdot \frac{\partial \overrightarrow{H}}{\partial t}$$

$$\overrightarrow{rot} \left( \stackrel{\overrightarrow{E}}{=} + \frac{\partial \overrightarrow{H}}{\partial t} \right) = 0$$

ومنه وفقا للخاصة (ب) ينتج وجود تابع سلمي من الشكل  $\phi$  -  $\phi$ 

$$\vec{E} + \frac{\partial \vec{A}}{\partial t} = -\frac{\partial \vec{A}}{\partial r}$$

وهذه العلاقة مكافئة للمساواة الاولى (3\_22) .

تتمتع الحقول الكامنة بخواص هامة ، حيث يمكن تغييره تتمتع الحقول الكامنة بخواص هامة ، حيث يمكن تغييره الحقلان (تنويعهم) في حدود معينة دون أن يتغير في أثناء ذلك نفس الحقلان  $\vec{E}$  و  $\vec{E}$  وعلى وجه الدقة يمكن أن نطرح من الكمون السلميي المشتق بالنسبة للزمن لتابع سلمي اختياري الى الكمون الشعاعي وتصف اضافة تدرج نفس التابع الاختياري الى الكمون الشعاعي وتصف الكمونات الحاصلة الجديدة نفس الحقل الكهرطيسي ، ان الحديث عن الطرق المختلفة لختيار الكمونات التي لاتغير الحقلين  $\vec{E}$  و  $\vec{E}$  يماثل الحديث عن الطرق المختلفة لمعايرة الكمونات ، فالمعايية يماثل الحديث عن الطرق المختلفة لمعايرة الكمونات ، فالمعايية تثبت باختيار التابع  $\vec{E}$  و  $\vec{E}$  و نصود (ثبات) الحقول بالنسبة عبادة المالمة المام العلاقة المهل وسوف نفهم القصد من ذلك لاحقا .

لطرق المعايرة المختلفة تدعى بخاصة التدرج أو الصمود المعايـــر٠ تسمح هذه الخاصة باختيار الكمونات بشكل اكثر ملائمة ، أي بحيــث تصبح علاقات نظرية الحقل الكهرطيسي أكثر بساطة .

E' لاثبات الصمود المعاير للحقل الكهرطيسي ، نحسب الحقلين و B' بواسطة الكمونين

$$A' = qrad f$$

$$q' = -\frac{2f}{2t}$$

e عیث f تابع اعتباطی له و f و و قال (22\_3) یکون:  $\vec{E}' = g \vec{r} \vec{a} d \frac{\partial f}{\partial t} - \frac{\partial}{\partial t} g \vec{r} \vec{a} d f = 0$   $\vec{B}' = r \vec{a} f (g \vec{r} \vec{a} d f) = \Delta f = 0$ 

ومنه ( اضافة الى العلاقة الخطية بين الحقل والكمون ) ينتج مباشرة أن  $\vec{B}$  و  $\vec{B}$  و  $\vec{B}$  يعينان نفس الحقلين  $\vec{E}$  و  $\vec{B}$  و كما هو فيحالة كمونيالانطلاق (الكمونين البدئيين)  $\vec{A}$  و  $\vec{A}$  و كما هو فيحالة كمونيالانطلاق (الكمونين البدئيين)

تشیر امکانیة التحویلات المعایرة الی أن الکمونات خلافی الله الله الله قو تشیر المعایرة الله قو قو قو تشیر مقادیرا فیزیائیة سلیمة تماما مشید الانستطیع الاشارة (حتی ولو بشکل مبدأی ) الی طریقة لقیاس الکمونیان  $\overrightarrow{R}$  و  $\overrightarrow{R}$  و دلك لعدم وحدانیة قیم الکمونات .

لنعوض عبارتي الحقلين (3\_22) بدلالة الكمونات في معادلات ماكسويل(22\_2) ، نرى مباشرة أن المعادلتين الثانية والثالث تتحولان الى مطابقتين في هذه الحالة ، وتصبح المعادلتان الاولــــى والرابعة من الجملة (2\_22) معادلات الحركة للكمونات :

$$\operatorname{div}\left(-\operatorname{grad} f - \frac{\partial \vec{A}}{\partial t}\right) = -\Delta \varphi - \frac{\partial}{\partial t} \operatorname{div} A = \frac{g}{\xi_0}$$

$$\operatorname{rot}(\operatorname{rot} \vec{A}) = -\Delta \vec{A} + \operatorname{grad} \operatorname{div} A = \frac{g}{\xi_0}$$

$$= \frac{1}{\xi_0 c^2} \vec{i} - \operatorname{grad}\left(\frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial \varphi}{\partial t}\right) - \frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2}$$

$$= \frac{1}{\xi_0 c^2} \vec{i} - \operatorname{grad}\left(\frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial \varphi}{\partial t}\right) - \frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2}$$

$$= \frac{1}{\xi_0 c^2} \vec{i} - \operatorname{grad}\left(\frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial \varphi}{\partial t}\right) - \frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2}$$

$$= \frac{1}{\xi_0 c^2} \vec{i} - \operatorname{grad}\left(\frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial \varphi}{\partial t}\right) - \frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2}$$

$$= \frac{1}{\xi_0 c^2} \vec{i} - \operatorname{grad}\left(\frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial \varphi}{\partial t}\right) - \frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2}$$

$$= \frac{1}{\xi_0 c^2} \vec{i} - \operatorname{grad}\left(\frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial \varphi}{\partial t}\right) - \frac{1}{c^2} \cdot \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2}$$

$$\frac{\partial}{\partial r} \cdot \frac{\partial}{\partial r} = \Delta = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$$

rot not bir = grad div bir - a bir

وأعدنا ترتيب  $\frac{2}{3t}$  و  $\frac{2}{3t}$  . لنختار الآن معايرة الكمونات بحيث تتحقق المساواة :

$$\frac{1}{c^2} \frac{2\varphi}{2t} + \operatorname{div} \vec{A} = 0 \tag{22-4}$$

التي تدعى "بمعايرة لورانتز" ، لندخل (4\_22) في المعادلتيــــن السابقتين فنجد أن معادلات الكمون من اجل المعايرة السابقة تأخـذ

$$\Delta \varphi - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \varphi}{\partial t^2} = -\frac{1}{\mathcal{E}_0} S$$

$$\Delta \vec{A} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2} = -\frac{1}{\mathcal{E}_0 c^2} \vec{J}$$
(22\_5)

وتكتب غالبا (5\_22) اختصارا بالشكل:

9

حيث يعنى الرمز  $\frac{2^2}{2t^2}$  -  $\Delta = \Box$  ، ويدعى بمؤثر دالامبير .

تأخذ المعادلتان (6\_22) في الجملة CGS الشكل:

$$\Box \varphi = -4\pi S \quad , \quad \Box \vec{A} = -\frac{4\pi}{c} \vec{J}$$

ونكون في حصيلة عملنا هذا قد اقتنعنا بأن اختيار معايــرة لورانتز للكمونين Ψ و Ā يعطي معادلتين لهما نفس التركيب الرياضي. وهذا يعني أن طريقة الحل تكون واحدة وإن الشكل الموحد السابـق مريح لحل العديد من مسائل الالكتروديناميكُ وهذا يشهد على فائــدة اسلوب دراسة خواص الحقل الكهرطيسي بمساعدة الكمونات و

E ) يستخلص من معادلات ماكسويل نتيجة هامة :

إن الحقل الكهرطيسي قادر على التواجد في حالة غياب الشحــن والتيارات الكهربائية ، وفي هذه الحالة تحمل ،حتما ، تغير حالتـــه خاصة موجية ، ويدعى مثل هذا الحقل بالأمواج الكهرطيسية ، وتنتشــر

هذه الامواج في الخلاء دائما بسرعة الضوء.

عند أختفاء الشحن والتيارات تكون 0 = و 0 = ، وبالتالي تأخذ المعادلتان (6\_22) الشكل :

0= A = 0

وتملكان حلا موجيا غير معدوم من الشكل:

 $\varphi = \varphi_0 \cdot e$   $i\omega t + i\vec{\kappa} \cdot \vec{r}$   $-i\omega t + i\vec{\kappa} \cdot \vec{r}$  $A = A_0 \cdot e$ 

وتعني  $\mathcal{P}_0$  هنا ثابتا سلميا اعتباطيا ،  $\widetilde{A_0}$  و  $\widetilde{\widetilde{A}}$  شعاعان ثابتان اعتباطيان  $\widetilde{A}$  ويحدد الحلان الموجيان ل  $\mathcal{P}$  و  $\widetilde{A}$  الحقلين الموجيين  $\widetilde{\widetilde{B}}$  و  $\widetilde{\widetilde{B}}$  . وهذا ينتج من العلاقة (22\_3) ومن الخاصة الأسية للتابع التي لاتغير شكلها في حالة التفاضل . إن علاقة المساواة بين سرعة الانتشار في الخلاء للأمواج الكهرطيسية والضوء تنتج مـــن قانون التشتت  $\widetilde{A}$  .  $\omega = C$ 

لقد تكهن العالم ماكسويل لأول مرة بوجود الامواج الكهرطيسية. وتوصل الى ذلك الاستنتاج بتحليل الخواص المصاغة ضمن معادلات للحقل الكهرطيسي وأتى البرهان التجريبي على تكهنه عام 1888ءأي بعد وفاته بتسع سنوات وذلك على يد العالم هرتز الذي لعبت تجاربه دورا حاسما في تاريخ تطور المعرفة لطبيعة الامواج الكهرطيسية .

تم التعامل اثناء دراستنا لايضاح الحقل الكهرطيسي مع جملية عطالية ما ، غير أنه من المعلوم أن الجمل العطالية المختلفة مكافئة لبعضها البعض (مبدأ النسبية) ، وبالتالي فان معادلات ماكسويل يجب أن تتحقق في جميع جمل المقارنة العطالية ، وهذا ماتؤكده مجموعية كبيرة من التجارب ، ويملك هذا القانون الاساسي التقرير الآتي: إن الحقلين  $\vec{E}$  و  $\vec{E}$  حالهما في ذلك حال الكمونين  $\vec{P}$  و  $\vec{E}$  لايبقيان ثابتين اثناء الانتقال من جملة عطالية الى اخرى ، وإنما تجري لهما تحويلات وفق قواعد محددة ، لندرس تحويلات الحقلين  $\vec{E}$  و  $\vec{E}$  أثناء الانتقال من جملة مقارنة ساكنة الى جملة متحركة ، وهذه الانتقالات جديرة بالاهتمام لأنها تظهر العلاقة المتبادلة بين الظواهر الكهربائية والمغناطيسية .

يجب أن نشير منذ البداية إلى أن مبدأنسبية انشتين وليــس

مبدأ نسبية غاليليه هو الذي يطبق في حالة الحقول الكهرطيسية، ويكفي أن نتذكر هنا أن الامواج الكهرطيسية تنتشر في جميع الجمــل العطالية بنفس السرعة c . c

لندرس الانتقال من الجملة الساكنة  $\kappa$  الى الجملة المتحركة  $\kappa'$  التي تكتب تحولات لورانتز فيهما بالشكل :

$$t' = \frac{t - \frac{v^2}{c^2}}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$
,  $x' = \frac{x - vt}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$ ,  $y' = y$ ,  $z' = z$ 

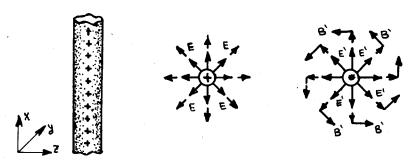
$$\begin{split} E_{X}' &= E_{X} &, & B_{X}' &= B_{X} \\ E_{Y}' &= \frac{E_{Y} - VB_{Z}}{\sqrt{1 - \frac{V^{2}}{c^{2}}}} \,, & B_{Y}' &= \frac{B_{Y} + \frac{VE_{Y}}{c^{2}}}{\sqrt{1 - \frac{V^{2}}{c^{2}}}} \\ E_{Y}' &= \frac{E_{Z} + VB_{Y}}{\sqrt{1 - \frac{V^{2}}{c^{2}}}} \,, & B_{Z}' &= \frac{B_{Z} - \frac{VE_{Y}'}{c^{2}}}{\sqrt{1 - \frac{V^{2}}{c^{2}}}} \\ \vdots &\vdots &\vdots &\vdots &\vdots &\vdots &\vdots &\vdots \\ E_{H}' &= E_{H} & aelic_{LL} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} & aelic_{LL} &\vdots &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} & aelic_{LL} &\vdots &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} & aelic_{LL} &\vdots &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} & aelic_{LL} &\vdots &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} & aelic_{LL} &\vdots &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} & aelic_{LL} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{LL} &= E_{H} &\vdots &\vdots &\vdots \\ elic_{$$

$$\vec{E}_{\perp} = \frac{(\vec{E} + \vec{V} \vec{N} \vec{B})_{\perp}}{\sqrt{1 - \frac{\vec{V}^{2}}{c^{2}}}}, \quad \vec{B}_{\perp} = \frac{(\vec{B} - \frac{\vec{V} \vec{N} \vec{E}}{c})_{\perp}}{\sqrt{1 - \frac{\vec{V}^{2}}{c^{2}}}}$$

وتنتسب المركبات التي مهرت بفتحة الى الجملة ' / ، والتي بدون فتحة الى الجملة ' / ، والتي بدون

إن استخراج العلاقات (7\_22) يتم في اطار النسبية الخاصــة، لذلك سنوضح هنا كيفية التعامل معهم على مثال بسيط النفرض وجود اسطوانة لامتناهية في الطول مشحونة بانتظام بشحنة موجبة وذلــك في الجملة كا (ممثلة الى يسار الشكل 6.2) امن معطيات التناظر يرى بوضوح أن هذه الاسطوانة سوف تدفع بالجسيمات المشمونة ايجابيا

في اتجاهات معامدة لمحور الاسطوانة ، وبالتالي فان الحقل الكهربائي أن الذي تولده الاسطوانة يكون متجها بشكل معامد لمحور الاسطوانة وفق المستقيمات المارة من ذلك المحور (الجزء الوسطي من الشكل 6.2). لنوجه المحور X وفق محور الاسطوانة ، عندئذ تكون المركبتان X و غير معدومتين ، لنجري التحويلات (2-22) ، نلاحظ من تلك التحويلات أنه في الجملة X المتحركة بالسرعة X وفق المحور X يبرز حقيلا مغناطيسيا مركبتاه X و X غير معدومتين ، بحيث أن X وهذا يعني أنه في كل نقطة يكون X متجها وفق مماس الدائرة المارة



شكل 6.2

من تلك النقطة والتي ينطبق مركزها على محور الاسطوانة (الجزءالايمن من الشكل 6.2) والفكرة الفيزيائية لنشوء هذا الحقل هو أن الشحين المتحركة (في الجملة 'K) تشكل تيارا كهربائيا ، وهذا التيار المستقيم يولد حوله حقلا مغناطيسيا دورانيا ، وبالبضبط هذا هو الحقل السذي نحصل عليه بالتحويلات (K) ويلاحظ ايضا أن الحقل الكهربائيي أن الحداد بمقدار K مرة ، وهذه الزيادة توضح بازديادكثافة الشحنات الكهربائية في الجملة K وفقا لعلاقات التحويل التالية :

$$g' = \frac{g - \frac{V}{c^2} j_X}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}}, \quad j_X' = \frac{j_X - g_V}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}}$$

$$(22-8)$$

حيث  $\mathcal{S}$  ،  $\mathcal{S}'$  ،  $\mathcal{S}'$  ، و  $\mathcal{S}'$  ، و كثافتا الشحنة والتيار في الجملة  $\mathcal{S}'$  على الترتيب .

نشير الى أن التحويلات (22-2) تمرج بين الحقلين الكهربائي والمغناطيسي ، كما هو الحال في تحويلات لورانتز الزمانية والمكانية . فكل من الحقلين  $\vec{E}$  و  $\vec{E}$  يعبر عنه بدلالة  $\vec{E}$  و وهذا يشهيد على الطبيعة الواحدة للحقول الكهربائية والمغناطيسية ، فكل منهما على حده لايملك معنى مطلقا : فالحديث عن الحقل الكهربائي أوالحقل المغناطيسي ممكن فقط باشارة حتمية الى جملة الاحداثيات التي تتم فيها الدراسة .

ينتج من العلاقات (7\_22) أن ظهور الحقل B' يعتبرمفعولا نسبويا ، ففي الحدود اللانسبوية ،أي عندما ○ → خ يختفي الحقل B' . تعتبر الطبيعة النسبوية للمغناطيسية حقيقة فيزيائية عامــة ، وفلك لعدم وجود شحن مغناطيسية .

غير أنه على خلاف العديد من الظواهر النسبية ، يمكن بسهولـة اكتشاف المغناطيسية ، ويرتبط سبب هذه السهولة بأن الحقــل المغناطيسي يمكن توليده بواسطة عدد هائل من الشحنات المتحركة ، وبالتالي يكون للحقل المغناطيسي الذي يولده التيار الكهربائــي قيمة ملحوظة ، وبفضل ذلك لعبت الظواهر المغناطيسية دورا هاما في تاريخ تطور الفيزياء ، وكانت دراسة الكهرطيسية ذلك الطريق الذي أدى الى اكتشاف مبدأ النسبية على يد العالم انشتين .

## 23 \_ الاندفاع ، الطاقة ، عزم الاندفاع للحقل الكهرطيسي .

1 يتمع الحقل الكهرطيسي مثله في ذلك مثل جميع الاشكال الفادية باندفاع وطاقة وعزم اندفاع و وتكون هذه المقادير محفوظة من اجـــل الحقول المعزولة وتحقق شروط العزل اذا كانت الشحن الكهربائية والتيارات معدومة في مجال تواجد الحقل ويعتبر انحفاظ الاندفاع والطاقة وعزم الاندفاع نتائجا لتجانس المكان والزمن وتماثل مناحــي الفضاء وعند وجود تأثير متبادل بين الحقل الكهرطيسي والشحـــن والتيارات ، فإن المجموع الكلي لاندفاعات الحقل الكهرطيســو والجسيمات المشحونة يكون محفوظا .

وبما أن الحقل يشغل دائما جزءا من الفضاء ، فإن الاندف المقادير والطاقة وعزم الاندفاع تميز بقيمهم النوعية ، وتحدد هذه القيم المقادير الفيزيائية الموافقة والمنسوبة الى واحدة الحجم فى النقطة المعطأة

من الفضاء ، وتدعى القيم النوعية للمقادير السابقة بكثافة الاندفاع وكثافة الطاقة وكثافة عزم الاندفاع وسوف نرمز لهم على الترتيب ب  $\vec{t}$  و  $\vec{t}$  ، ويعتبر كل من هذه المقادير تابعا للزمن ولموضع النقطة في الفضاء  $\vec{r}$  ، وهكذا تحدد  $\vec{t}$  قي الفضاء  $\vec{r}$  ، وهكذا تحدد بالنقطة  $\vec{t}$  .

تحدد كثافات الاندفاع والطاقة وعزم الاندفاع للحقل بشكل نمطي (معياري) وفي كل حجم لامتناه في الصغر يملك الحقل اندفاعا وطاقة وعزم اندفاع ، وتكون قيمها على الترتيب  $\vec{v}(\vec{r},t) \cdot dv$  و منحصل على القيم الكاملة للمقادير المذكورة بجمع قيمها التفاضلية ، أي باجراء التكاملات التالية :  $\vec{v}(\vec{r},t) \cdot dv$  و  $\vec{v}(\vec{r},t) \cdot dv$  .

وتحذف غالبا كتابة متحولات القيم النوعية  $\vec{E}$  ،  $\vec{\omega}$  و وذلك للاختصار في الكتابة (كما هو الحال في الحقلين  $\vec{E}$  و  $\vec{E}$  ) .

2 \_ تعطى كثافة اندفاع الحقل الكهرطيسي (في الجملة الدولية)

$$\vec{g}(\vec{r},t) = \mathcal{E}_o(\vec{E} \wedge \vec{B})$$
 (23\_1)

ويظهر في الجملة  $\frac{CGS}{P}$  الثابت  $\frac{1}{4\pi c}$  في مكان  $\frac{S}{P}$  ) . وهكذا يعطى الاندفاع الكلي  $\frac{P}{P}$  للجسيمات المشحونة والحقل الكهرطيسي في الجملة SI بالعبارة :

حيث يتم الجمع هنا لاندفاعات ( $f_i^{(1)}$ ) جميع الجسيمات المشحونــة، ويؤخذ التكامل على حجم الفضاء ككل .ينتج انحفاظ الاندفاع مباشرة من معادلات ماكسويل\_لورانتز .ويلاحظ من (1-23) أن كثافة الحقل الكهرطيسية مختلفة عن الصفر فقط في تلك النقاط التي يتواجد فيها الحقلان  $\overline{g}$  و  $\overline{g}$  معا ،بشرط ألآ يكونا متوازيين .

تكون كثافة اندفاع الحقل للاسطوانة المشحونة الموصوفة فـــي الفقرة 22 ، معدومة في كل نقطة من الجملة  $\mathcal{K}$  ، ذلك وفقاللعلاقة (1\_23) (لأن الناقل ساكن) ، وتكون متجهة وفق سرعة حركة الشحنات في الجملة  $\mathcal{K}$  (الناقل متحرك في  $\mathcal{K}$  ) ،

3 \_ تعطى كثافة الطاقة للحقل الكهرطيسي ( w ( آن ) الجملة ( غي الجملة ) ، بالعبارة :

$$w^{-}(\vec{r_1}+) = \frac{1}{2} \left( \mathcal{E}_0 \, \mathbf{E}^2 + \mathcal{E}_0 \, \mathbf{C}^2 \, \mathbf{B}^2 \right)$$
 (23\_12)

(في الجملة  $\mathbb{B}^2$  يصبح الثابت لكل من  $\mathbb{E}^2$  و  $\mathbb{E}^2$  مساويا  $\mathbb{E}^3$ ) . تبين العلاقة (2\_23) أن كثافة الحقل الكهرطيسي مجموع جزئين جزء كهربائي وجزء مغناطيسي ، وتكون هذه الطاقة غير معدومة وموجبة في جميع النقاط التي يتواجد فيها حقل واحد على الاقل من الحقلين في جميع النقاط التي يتواجد فيها حقل واحد على الاقل من الحقلين  $\mathbb{E}^2$  ويدعى المقدار  $\mathbb{E}^2$  ح  $\mathbb{E}^2$  بكثافة الطاقة الكهربائية والمقدار  $\mathbb{E}^2$  ح  $\mathbb{E}^2$  بكثافة الطاقة المغناطيسية في الجملة  $\mathbb{E}^2$  .  $\mathbb{E}^2$ 

إن تناقص الطاقة الكلية للحقل في واحدة الزمن يساوي الاستطاعة التي يمنحها الحقل اثناء تأثيره على الشحنة ، وتكون هذه الاستطاعة في الحجم dv مساوية للجداء السلمي للقوة المطبقة على الشحنات المحمورة في الحجم dv في اللحظة الزمنية من قبل الحقل ، في سرعة حركة هذه الشحن ( $\vec{v}$ ) ، ونحصل وفقا لعبارة قوة لورانتز المطبقة على شحنة محمورة ضمن حجم لامتناه في الصغر ( $\vec{v}$ )  $\vec{v}$  المطبقة على شحنة محمورة  $\vec{v}$   $\vec{v}$ 

$$\vec{f} = \frac{d\vec{F}}{dv} = 3\vec{E} + \vec{J} \times \vec{B}$$

واذا قمنا باجراء التكامل وفق الفضاء ،فاننا نحصل على مساواة تعبر عن قانون انحفاظ الطاقة للجملة الفيزيائية المؤلفة من جسيمـــات مشحونة وحقل كهرطيسي :

$$-\frac{d}{dt} \int w \, dv = -\frac{d}{dt} \left\{ \frac{1}{2} \left[ \mathcal{E}_0 E^2 + \mathcal{E}_0 c^2 B^2 \right] dv \right\} = \sqrt{\vec{E} \cdot \vec{j}} dv$$
(23\_3)

لكي نستطيع أن نراقب انتقال طاقة الحقل الكهرطيسي في الفضاء ندخل مفهوم تدفق الطاقة الكهرطيسية  $\Pi(\vec{r},t)$ . يتجه هذا الشعاع في جهة انتقال الطاقة ،ويساوي بقيمته المطلقة الطاقة التي يحملها الحقل في واحدة الزمن خلال واحدة المساحات الموجهة بشكل معامد للتدفق .ويدعى شعاع تدفق الطاقة بشعاع باونتنغ . ويقاس في الجملة للتدفق .ويدعى شعاع تدفق الطاقة بشعاع باونتنغ . ويقاس في الجملة SI بواحدات جول / م SI . ثانية SI .

يعتبر شعاع باونتنغ (خلافا للتدفق التكاملي للحقل الشعاعي خلال السطح) مقداراً موضعياً من نوع التدفقات الحركية . ويكتب شعاع باونتنغ في الجملة الدولية بالشكل:

$$\vec{\Pi} = \mathcal{E}_{o} c^{2} (\vec{E} \vec{\Lambda} \vec{B})$$
 (23\_4)

(في الجملة CGS يكون ( $\vec{\Pi} = \frac{c}{4\pi} (\vec{E} \vec{N} \vec{B})$ ).

وتكون في مجالات الفضاء التي لاتحوي شحنا وتيارات (أي عندما  $\mathbf{w} = \mathbf{v}$  و  $\mathbf{v} = \mathbf{v}$  ) كثافة طاقة الحقل الكهرطيسي  $\mathbf{w}$  مرتبطة بشعاع تدفقها  $\mathbf{v}$  بمعادلة الاستمرارية :

$$\frac{\partial w}{\partial t} + \frac{\partial . \Pi}{\partial r} = 0 \tag{23.5}$$

وتعتبر هذه المعادلة العبارة الموضعية لقانون انحفاظ طاقة الحقل الكهرطيسي في حالة غياب الشحن ، وهي تعبر عن دعوى بونتنغ،وتشبه هذه الدعوى تماما معادلة الاستمرارية ،

$$\frac{39}{3t} + div \vec{j} = 0$$

لكي نوضح الفكرة الفيريائية لدعوى باونتنغ نكامل (5\_23) وفق الحجم ٧ المحدد بسطح اختياري ٥ ونستعمل هنا دعوى فيوص استراغرادسكي ، فنحصل على :

$$-\frac{3t}{2}\int_{V}w_{dv}=\frac{1}{2}\left(\overrightarrow{\Pi}.\overrightarrow{ds}\right)=\frac{1}{2}\int_{S}\eta_{ds}$$

ونرى أن تناقص طاقة الحقل في الحجم ٧ وفي واحدة الزمن اثناء غياب الشحن يساوي التدفق التكاملي للطاقة خلال سطح ذلك الحجم. نشير الى أن قانون انحفاظ الطاقة الوارد في الصيغة (5\_23) صحيح من اجل جميع الامواج اللامتخامدة مهما كانت طبيعتها . وقد حصل العالم أومف على المعادلة السابقة لأول مرة من اجل الامواج الصوتية .

نلاحظ بمقارنة (23\_1) و23\_4) أن :  $\vec{\Pi} = C^2 \vec{q}$  (23\_6)

وسنبين أن مثل هذه المساواة توجد بين كثافة تدفق الطاقة وكثافة الاندفاع في حزمة الجسيمات النسبية الحرة النفرض أن سرعة حركة الجسيمات تساوي  $\vec{n}$  ولنفرض أن كثافة الجسيمات في الحزمة ساوي  $\vec{n}$  عندئذ يكون عدد الجسيمات التي تخترق واحدة المساحبات المعامدة لم  $\vec{n}$  والموجودة ضمن الحزمة في واحدة الزمن تساوي  $\vec{n}$  اذا كانت طاقة جسيمة واحدة تساوي  $\vec{n}$  في الحزمة تساوي  $\vec{n}$  في الحزمة تساوي  $\vec{n}$  وطاقتها  $\vec{n}$  والتي تكتب بالشكل :

ومن الواضح أن الشعاع  $\vec{p}$  يمثل كثافة الاندفاع في الحرمة ، وهذا ماتوصلنا اليه في العلاقة (5\_23) .

تبين التجربة أن معادلات ماكسويل يُسمح بتعميمها على المجال الكوانتي . ويعتبر الحقل الكهرطيسي جملة جسيمات كوانتية فيلسوية (سرعة كل منها يساوي C) أي فوتونات . ويلاحظ أن العلاقة (23\_5) تتفق مع الخاصة الكوانتية للحقل الكهرطيسي .

إن الاكتشاف التجريبي لكثافة الاندفاع وكثافة تدفق طاقة الحقال الكهرطيسي تم على يد العالم ليبدف 1900 ، وذلك بقياس ضغط الضوء . نوضح فيما يلي مفهوم هذا الضغط : نفرض أن الضوء يرد ناظميا على واحدة المساحات التي تمتصه ، إن الاندفاع الذي يمنح لواحدة المساحات في واحدة الزمن يساوي الى اندفاع الامواج الضوئية الموجودة في حجم متوازي مستطيلات قائم قاعدته تساوي واحدة المساحات المعطاة وارتفاعه يساوى سرعة الضوء على (بفرض أن الضوء ينتشر في

الخلاء) . إن الاندفاع الممنوح للسطح المذكور يساوي  $\vec{q} = \frac{\vec{n}}{c}$  حيث  $\vec{q}$  و $\vec{n}$  كثافة الاندفاع وكثافة تدفق الطاقة في الحزمة الضوئية . واستنادا الى القانون الثاني لنيوتن يحدد هذا المقدار القيم المطلقة للقوة المطبقة على ذلك السطح . وبما أن مساحة السطيح تساوي الواحد فهذا يعني ان القيمة السابقة ليس الا ضغط الضوء على السطح  $\vec{r} = \vec{q} = \frac{\vec{n}}{c}$ 

ينتج مما تقدم أن قياس P يعطي امكانية تحديد كثافة الاندفاع وكثافة تدفق الطاقة في الحزم الضوئية .

ران ضغط الضوء الطبيعي صغير بشكل غير عادي ، مثلا تكون قيمة ضغط ضوء الشمس على مساحة جيدة الامتصاص من سطح الارض تساوي تقريبا 3,7.10 ملم من الزئبق ، وهي اقل من قيمة الضغط الجوي بحوالى احدى عشرة مرتبة تقريبا .

لايلعب ضغط الضوء أي دور محسوس في الظواهر التي نصادفها في حياتنا العادية ، غير أن هذا الدور ينمو بشدة في مقاييس الجمل الفلكية والمجهرية ، وهكذا فان الجاذبية المادية للطبقات الخارجية من مادة اي نجم نحو مركزه يتوازن مع قوة يلعب فيها ضغط الضيوء الوارد من مركز النجم الى قشرته دورا هاما ، ويبرز ضغط الضوء في العالم المجهري ، مثلا، بظاهرة الارتداد الضوئي الذي تعانيه النذرة المهيجة اثناء اصدارها للضوء .

تعتبر كثافة اندفاع الحزمة الضوئية ، التي نحصل عليها بقسمة الضغط الضوئي على  $^{8}$ 0 قيمة صغيرة جدا . مثلا ،الضغط الذي قيمته  $^{10}$ 0 ملم زئبق يسبب كثافة للاندفاع قدرها  $^{10}$ 1,7.10 كغ $^{10}$ 2 ثغير أُن كثافة تدفق الطاقة الضوئية خارج حدود الغلاف الجوي (الأتموسفيسر) يمكن اكتشافها بسهولة (حيث أُنها اكبر عدديا ب $^{17}$ 1 مرة من كثافة تدفق اندفاع الحزمة الضوئية ) . مثلا ، تساوي القيمة المطلقة لشعاع باونتنغ للاشعة الشمسية على سطح الارض حوالي  $^{1}$ 1,5.10 واط  $^{1}$ 2 بارتفاع درجة حرارة الاجسام المعرضة لضوء الشمس .

4 ـ يعبر عن كثافة عرَّم الدفاع الحقل الكهرطيسي بدلالة كثافسنة

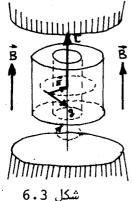
اندفاع الحقل ، وفق القاعدة المعروفة من الميكانيك:  $(23_{-8})$ プェアハヨ

حيث ترمز تم الى نصف القطر الشعاعي للنقطة التي تحدد فيهــا قيمة و توخذ قيمة لله النقطة . وتوخذ قيمة

ينتج من (1-23) و (8-23) العلاقة (في الجملة الدولية) : P=εo(rnENB) ( ويستبدل الثابت في الجملة CGS ب

نعرض تجربة تؤيد نتائجها وجود عزم الاندفاع للحقل الكهرطيسي. لندرس المجموعة المعروضة على الشكل 6.3 ، والمؤلفة من مكثفـــة اسطوانية موضوعة في حقل مغناطيسي متجانس 🖥 ، بشكل يوازي فيم محور المكثفة (يمكن للمكثفة أن تدور حول هذا المحور) . وتتألَّف المكثفة الاسطوانية من اسطوانتين معدنيتن

متمحورتين ، تعتبران لبوسى المكثفة ، ويمكن في بعض الحالات وضع مادة عازلة بيـــن اللوسين ، اذا كان ارتفاع اللبوسين اكبــر بكثير من المسافة الفاصلة بينهما ، فأن الحقل الكهربائي يكون بين اللبوسين عند شحـــن المكثفة قطريا (أي ينطبق على اقطار المقاطع المعامدة لمحور الاسطوانة ) ، وذلك باستثناء الشكل 6.3 توجيه الحقل Ē الموافق لحالة



شحن اللبوس الخارجي للمكثفة بشحنة موجبة ، والداخلي بشحنة سالبة · ويفترض أن الحقل الكهرطيسي الناشىء ثابت مع مرور الرمن . وتكون وفقا للعلاقة (1\_23) كثافة اندفاع الحقل في كل نقطة موجهة وفـــق المماس للدائرة المارة من النقطة المعطاة والتي ينطبق مركزهاعلى محور المكثفة .

نلاحظ بغض النظر عن ثبات الحقل، أن كثافة الاندفاع تدور دائما على محيط دوائر اللبوسين متحدي المحور وغير أن الاندفاع الكليي للحقل يكون معدوما ، وذلك لأن كل شعاع 3 يقابله شعاع آخر معاكس له في الاتجاه ومساوي له في القيمة المطلقة . وبالتالي لايؤدي دوران كثافة الاندفاع الى أي مفعول ملاحظ ، وتبقى الجملة ككل ساكنة مادامت المكثفة مشحونة ، وتبدأ هذه المكثفة بالدوران عند تغريغها ، والسبب في ذلك هو الآتي : تولد كثافة الاندفاع الدوارة عزم اندفاع  $\vec{L}$  للحقل ويكون هذا العزم موجها وفق محور المكثفة (الشكل6.3) ، وعند تغريغ المكثفة يصعى  $\vec{L}$  الى الصفر ، غير أن قانون انحفاظ عزم الاندفياع يتطلب ثبات  $\vec{L} + \vec{L}$  حيث  $\vec{L}$  العزم الميكانيكي للمكثفة ، واضع الآن أن عملية تغريغ المكثفة ترافق بمنح العزم  $\vec{L}$  لهذه المكثفة التي تبدأ بالدوران ، فاذا كان عزم العطالة للمكثفة يساوي  $\vec{L}$  فانسها تدور بسرعة زاوية  $\vec{L} = \vec{L} + \vec{L}$  .

يبين المغعول الروس آنفا أن مفهوم عزم الاندفاع للحقر الكهرطيسي يبرز بوضوح حتى في حالة الحقول الثابتة مع الزمن ويلعب هذا المقدار دورا هاما عندما نتعامل مع الحقول المتغيرة وإلا أن تأثير هذا المفعول في ظواهر حياتنا العادية قليل جدا وتكمن في ذلك صعوبة اكتشافه تجريبيا في الحالات العادية وقد أمكن في الخمسينات من القرن الحالي فقط اجراء مثل هذه القياسات ويتلخص المفعول المكتشف في منح عزم اندفاع الضوء الى صفيحة من الكوارتز يعبرها ذلك الضوء ، وادى ذلك الى دوران مستوي استقطاب الضوء الذي لوحظ بشكل مباشر .

يلعب عزم الاندفاع حاله في ذلك حال الاندفاع دورا هاما فـــي الظواهر الفلكية والمجهرية ، حيث أنه من الممكن أن يرافق اصدار الضوء من الذرة بتغير عزم اندفاع السحابة الالكترونية ،وهذا التغير يقارب بمرتبته العزم الكلي للذرة ،

مسائل وتطبيقات

التدرج على طول محيط(كنتور) مغليق معدوم . معدوم . 
$$L_{H}^{\mathcal{B}} = \int_{A}^{B} \vec{V} \cdot \vec{d\ell} = \int_{A}^{B} (V \cos \theta) d\ell$$
 .  $\vec{V} = \vec{q}$  .

$$L_{A}^{B} = \int_{a}^{B} \left( \frac{\partial S}{\partial x} \vec{c} + \frac{\partial S}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial S}{\partial z} \vec{k} \right) \cdot \left( dx \vec{i} + dy \cdot \vec{j} + dz \cdot \vec{k} \right)$$

راذا كانت مركبات الشعاع  $\vec{A}$  مستمرة وقابلة للاشتقاق،فان  $\vec{E}_1$  مستمرة وقابلة للاشتقاق،فان  $\vec{E}_2$  مستمرة وقابلة للاشتقاق،فان  $\vec{E}_2$  مستمرة وقابلة للاشتقاق،فان عرب الشعاع  $\vec{E}_3$  من عرب الشعاع الشعاع  $\vec{E}_3$  من عرب الشعاع الشعاع  $\vec{E}_3$  من عرب الشعاع الشع

 $\Phi = \oint_{S} \vec{A} \cdot d\vec{s} = \int_{V} div \vec{A} \cdot dV + \int_{\Sigma} (R_{n_2} - R_{n_1}) d\Sigma$ 

شكل 1 ــ 2

في حالة وجود انقطاع (عدم استمرار) وفق السطح  $\Sigma$  (الشكل 1-2) ، حيث  $\theta_{n_2}$  و  $\theta_{n_2}$  المركبتان الناظميتان للشعاع  $\tilde{\theta}$  الى جانبيي الانقطاع .

استنتج مما تقدم الشرط اللازم والكافي حتى يكون التدفق محفوظا .  $\vec{A}$  عبر سطح مغلق  $\vec{S}$  . من اجل نقوم بحساب تدفق الشعاع  $\vec{A}$  عبر سطح مغلق  $\vec{S}$  ونحسب ذلك نعتبر سطحين  $\vec{S}$  و  $\vec{S}$  مجاورين بشكل مباشر للسطح  $\vec{A}$  ونحسب تدفق  $\vec{A}$  خلال السطح  $(\Sigma_1 + S_1)$  الذي يحدد الحجم  $\vec{A}$  ، والتدفعبر عبر  $(\Sigma_2 + S_2)$  الذي يحدد الحجم  $\vec{S}$ 

ران التدفق عبر السطح 
$$\Sigma_1 + \Sigma_1$$
 الذي يحد الحجم  $\Sigma_1 + \Sigma_1$  الذي يحد الحجم  $\Xi_1 + \Xi_1 = \sum_{V_1} div \vec{\pi} \cdot dV$ 

والتقفق لفبري المطح المركم + ع الذي يحد الحجم الا

$$\Phi_{2(S_2)} + \Phi_{2(\Sigma_2)}' = \int_{V_2} div \vec{A} dv$$

بما أن السطحين  $\Sigma_1$  و  $\Sigma_2$  لامتناهيان في التجاور مع  $\Sigma_1$  فان :  $\Phi_1 + \Phi_1' + \Phi_2' = \int_V div \, \vec{A} \; dv$ 

حيث V هو الحجم الممحدد بالسطح S . أو

 $\Phi_1' = \int_{\Sigma} A_{n_1} d\Sigma , \quad \Phi_2' = -\int_{\Sigma} A_{n_2} d\Sigma$ 

4+4= + = | A.ds

شكل 2\_2

يكون

$$\Phi = \int_{V} div \vec{A} \cdot dv + \int_{\Sigma} (A_{n_2} - A_{n_1}) d\Sigma$$
 (υσος)

وهكذا يكون تدفق الشعاع  $\vec{A}$  محفوظا ، اذا كان  $\Phi = 0$  خلال سطيح مغلق أي كان شكله . فالشرط اللازم والكافي هو  $\Delta v \vec{A} = 0$  مستمر .

.  $not \ gnad \ f=0$  وانها مكافئة لـ  $not \ gnad \ f=0$  وانها مكافئة لـ  $not \ gnad \ f=0$  .

ـ يمكن استخدام التشابه الشعاعي:

 $\vec{A} \wedge (\vec{A} + \vec{A}) = (\vec{A} \wedge \vec{A}) + = 0$ 

يطلب الى القارىء أن يتحقق من ذلك باستخدام المركبات .

div not 
$$\frac{1}{h} = 0$$

: بالتشابه مع الجداء المختلط يكون  $\vec{A}$  .  $(\vec{A} \cap \vec{A}) = 0$ 

ملاحظة : يجب أن نكون حذرين اثناء استخدام التشابه بيل العلاقات الشعاعية والمؤثرات ، ذلك لأن المؤثر لايمكن استبداله بكسل بساطة بشعاع ، لنأخذ العبارة التالية مثلا :  $(\frac{2}{3} \wedge (\frac{2}{3} \wedge \frac{2}{3}))$ 

إن التماثل مع العمليات الشعاعية يسمح لنا بكتابة المساواة :  $\vec{A} \wedge (\vec{B} \wedge \vec{c}) = \vec{B} \cdot (\vec{A} \cdot \vec{c}) - \vec{c} (\vec{A} \cdot \vec{B})$ 

اذا قمنا باستبدال  $\vec{R}$  و  $\vec{B}$  ب  $\vec{c}$  و  $\vec{c}$  ب  $\vec{A}$  لوجدنا ا 

وهذه النتيجة غير صحيحة لأن الحدالأول في التعبير هو شعاع والحد الثاني هو مؤثر ، والشكل الصحيح هو:

$$\frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{2}} \left( \frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{2}} \right) \cdot \frac{1}{2} = \left( \frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{2}} \right) \sqrt{\frac{1}{2}}$$

مما يمكن التحقق منه باستخدام المركبات .

5 ليكن الحقلان م و ١٠ ، هل الجداء التالي (م ١٠٠٠ م ١٠٠٠ ع ١٠٠٠ م معدومًا أم لا ؟

ـ بما أن ه و v حقلان سلميان ومستقلان ، فان الشعاعيـــ  $\frac{\overline{2v}}{\overline{ar}}$  غير متوازيين . ومنه :

$$(\frac{3}{2} \sqrt{3} \sqrt{\frac{3}{2}}) \neq 0$$

6 ـ بين أن نظرية امبير يمكن أن تكتب في حالة الحقول المستقرة بالشكل:  $\operatorname{rot} \vec{B} = \frac{1}{\mathcal{E}C^2} \vec{\delta}$ 

ـ تسمح لنا دعوى ستوكس بكتابة المساواة:

حيث أن S السطح الاختياري الذي يستند الى

شكل 1\_6

وهذه العلاقة صحيحة من اجل اي سطح اختياري يستند الى المحيط  $\vec{\xi} = \frac{1}{2 \cdot c^2}$  وبالتالي :

موجودا في حقل مغناطيسي S موجودا في حقل مغناطيسي منتظم ، بين أن S ما دكر ايضاحا فيزيائيا لهذه النتيجة ، استنتج أن  $\vec{B}$  يشتق من كمون شعاعي  $\vec{A}$  حيث  $\vec{B}$  عرص لنا دعوى استروغرادسكى بكتابة :

\$ B.ds = Judiv B.dv

وبما أن الحقل المغناطيسي منتظما يجب أن يكون تدفقه خلال أي سطح مغلق معفوظا ، أي أن

 $\int_{V} div \vec{R} dV = 0$   $div \vec{R} = 0$   $div \vec{R} = 0$  - Liribe relation of in Exercise 2.

=  $0 - d\vec{e} \cdot rot \frac{\vec{u}}{r^2} = -d\vec{t} \cdot rot grad (-\frac{1}{r}) = 0$ 

حيث  $\vec{u}$  شعاع الواحدة ، و  $\vec{u}$  .  $\vec{d}$  . ومنه  $\vec{u}$  منه  $\vec{u}$  .

وهذه العلاقة لاتعين  $\vec{\mathbf{g}}$  بشكل وحيد القيمة ، لأن  $\vec{\mathbf{h}}$  يمكن معايرته بدلالة تدرج حقل سلمي اختياري ، ليكن  $\mathbf{g}$  مثلا ، وبالتالي يمكلون اعتبار

 $\overrightarrow{A} = \overrightarrow{A} + grad \varphi$ 

حلا آخر للمعادلة ، وبالتالي يجب أن نفرض شرطا اضافيا ، وهو  $\vec{A} = 0$ 

8 ـ يحدد الكمون **٧** في الكهرباء الساكنة ،بدلالة كثافة الشخنة

وذلك وفق معادلة بواسون  $0 = \frac{9}{68} + 4$  ، وتستخدم لتحديد الكمون الشعاعي  $\vec{R}$  معادلة مماثلة للعلاقة السابقة تدخل فيهاكثافة التيار  $\vec{k}$  . أوجد هذه العلاقة ، بفرض أن  $d_1 v \vec{A} = 0$  .

$$not \vec{B} = \frac{1}{\mathcal{E}_{0}c^{2}} \vec{b}$$

 $rot rot \vec{A} = \frac{1}{\xi_0 c^2} \vec{\delta}$ 

= grad div A - A A

ومنه  $\Delta \vec{A} = M_0$  ميث  $\Delta \vec{A} = 0$  ومنه  $\Delta \vec{A} + M_0 \vec{J} = 0$  وهي معادلة مناظرة لمعادلة بواسون في الكهرباء الساكنة .

9\_بين أنه اذا وجد حقل مغناطيسي متناظر دورانيا ، فانه يعطى بكمون شعاعي (التمرين 7) مركباته  $\theta_r=\theta_{\overline{q}}=0$  وأن معادلات خطوط الحقل تكتب بالشكل  $r\,R_{\overline{q}}=const$  .

\_ نأخذ انبوبا في هذا الحقل (الشكل 1\_9) ،فيكون تدفق الشعاع

 $\Phi_1 = \Phi_2$  محفوظا اذا کان

باستخدام دعوى ستوكس ، يكون:

+= Srot A.ds = \$ A.de = 2 πr A

شكل 1\_9

وتعطي مقاطع هذه السطوح بالمستويات  $\theta = const$  خطوط الحقل

10\_ تبلغ الكثافة الحجمية للشحن المتحركة في ناقل \$ .

آ) بفرض أَن لَهُ شعاع كثافة التيار المار في الناقل ، فما هـــو التيار الذي يُجتاز سطحا S محددا لحجم ٧ من الناقل ؟

ب) لتكن 4p الشحنة التي يحويها عنصر الحجم dv من الناقــل

ود كتابع للشحنة ثم لي ع

ج) استنتج العلاقة بين ﴿ و ؟ معتمدا على قانون انحفلااظ

. I=  $\int_{S}^{\infty} \int_{1}^{\infty} \frac{ds}{ds}$  (1 – )

$$|I| = \frac{dq}{dt} = \frac{d}{dt} \int_{V} g \cdot dv = \int_{V} \frac{dt}{dt} \cdot dv$$

ج) بما أن الشحنة محفوظة ، يكون

$$\oint_{S} \frac{1}{3} \cdot \frac{dS}{dS} = -\frac{d4}{d9} = -\int_{S} \frac{d4}{d9} dV$$

وينتج عن تطبيق دعوى ستوكس الآتي ب

$$\frac{1}{4} = 0$$

ومنه

11 \_ استنتج ، انطلاقا من معادلات ماكسويل ، المعادلات الموجية ل ق و ق في الخلاء . بين أن هذه الحقول تنتشر بسرعة الضوء ع ع

- نبحث عن المعادلة الموجية لل E . نأخذ دوار العلاقة

$$rot \vec{E} = -\frac{\partial B}{\partial t}$$

Not 
$$\vec{B} = \frac{1}{c^2} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

غير أن

فنجد

rot rot 
$$\vec{E} = -\frac{1}{c^2} \frac{\partial}{\partial t} \left( \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \right) = -\frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2}$$

grad div  $\vec{E} - \Delta \vec{E} + \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = 0$ 

بما أَن عملنا يفترض في الخلاء ، يكون ٥= ٤ أي أن عملنا يفترض في الخلاء ، يكون ٢٥٠٠

$$\Delta \vec{E} = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = 0$$

ونجد بشكل مماثل إن:

$$\overrightarrow{A}$$
 يفرض ان الحقل المغناطيسي مشتق من كمون شعاعبي  $12$ 

$$\vec{E} = -g \operatorname{rad} \varphi - \frac{\partial \vec{h}}{\partial t}$$

$$\vec{B} = \operatorname{rot} \vec{H}$$

$$\vec{B} = -g \operatorname{rad} \varphi - \frac{\partial \vec{h}}{\partial t}$$

$$rot \vec{E} = -\frac{\partial B}{\partial t} = -rot(\frac{\partial \vec{A}}{\partial t})$$

$$rot(E + \frac{2H}{2t}) = 0$$
,  $E + \frac{2H}{2t} = -grad \varphi$ 

$$\vec{E} = -grad \varphi - \frac{2h}{2t}$$

: (12 و 
$$\vec{E}$$
 و  $\vec{E}$  أن يكتبا بالشكل (التمرين 12) :

$$\vec{E} = -grad \varphi - \frac{\partial \vec{R}}{\partial t}$$
,  $\vec{B} = rot \vec{A}$ 

$$\Delta \vec{A} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{A}}{\partial t^2} = -\frac{1}{\xi_0 c^2} \vec{J}, \quad \Delta q = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 q}{\partial t^2} = -\frac{g}{\xi_0}$$

وذلك بفرض 
$$\frac{4}{c^2} = -\frac{1}{c^2}$$
 وذلك بفرض وذلك بفرض أو انتس

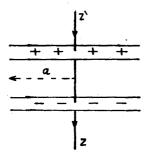
$$- \text{ ov a solution addition } \frac{3}{6} = \frac{3}{4} + \frac{3}$$

$$\Delta \Psi - \frac{1}{C^2} \frac{3^2 \Psi}{3^{+2}} = -\frac{9}{5}$$

$$\vec{B} = rot \vec{A}$$
,  $rot \vec{B} = rot rot \vec{A} = \frac{1}{\xi \cdot c^2} \vec{J} + \frac{1}{c^2} \frac{3}{3t} \left( -grad \cdot 4 - \frac{3\vec{A}}{3t} \right) \Rightarrow \Delta \vec{A} - \frac{1}{2^2} \frac{3^2 A}{3t^2} = -\frac{1}{\xi \cdot c^2} \vec{J}$ 

ومنه

14 ـ تتألف مكثفة مستوية من لبوسين دائريين ، نصف قطر كـــل منهما  $\mathbf{A}$  (الشكل 14-14) . نقوم بشحن هذه المكثفة بواسطة اســـلاك جيدة النقل للكهرباء ، لتكن شحنة المكثفة (المكثفة المخلطة  $\mathbf{E}$  على مسافة  $\mathbf{E}$  من محور المكثفة المنطبق على سلكى الشحن  $\mathbf{E}$  (بفرض أن  $\mathbf{E}$ ):



آ) خارج المكثفة .ب) داخل المكثفة . وناقش النتيجة .

ـ ان المحل الهندسي للنقاط ٢= ٥٥٠٥ هو دائرة ، نصف قطرها ٢٠٠٠

آ) نفرض في البداية أن هذه الدائرة ،c تقع خارج المكثفة . باستخدام معادلات

شكل 14\_1

ماكسويل التكاملية ،نجد:

$$\oint_{C_1} \vec{B} \cdot d\vec{\ell} = 2\pi r B = \frac{1}{\xi_0 c^2} \int_{S_1} \vec{J} \cdot ds + \frac{1}{c^2} \frac{2}{2t} \int_{S_1} \vec{E} \cdot ds$$

وتصح هذه العلاقة في حالة تيار مستمر أو متغير .ومنه

$$2\pi r B = \frac{1}{\xi_0 c^2} I + 0 \Rightarrow B = \frac{I}{\xi_0 c^2 2\pi r}$$

(حمور الحمارة عاد المحروة ا

$$\oint_{C_2} \vec{B} \cdot d\vec{e} = 2\pi r B = \frac{1}{\xi_0 c^2} \int_{S_2} \vec{J} \cdot d\vec{s} + \frac{1}{c^2} \frac{2}{2t} \int_{S_2} \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

**ىكن وَ اللهُ** ويكون حسب نظرية غوص:

$$\int_{S_2} \vec{E} \cdot \vec{ds} = \frac{Q}{\varepsilon_0}$$

$$B = \frac{3Q}{2t} \cdot \frac{1}{\xi_0 c^2} \cdot \frac{1}{2\pi r} = \frac{1}{2\pi r \xi_0 c^2} I$$

شكل 2 \_14

نلاحظ أن الحقل B له نفس القيمة .

E المستند الى المحيط  $C_1$  تدفق الحقال المحيط .  $I \neq 0$  تدفق الحقاد معدوما والتيار

المستند الى المحيط  $\mathbf{c_2}$  تدفق  $\mathbf{c_2}$  المستند الى المحيط  $\mathbf{c_2}$  تدفق غير معدوم ، بينما يكون التيار معدوما .

15 ـ تنطلق جسيمات مشحونة بشكل قطري من سطح كرة مغلف قي مادة ذات نشاط اشعاعي ، بحيث أن سعة التيار في جميع الاتجاهات ثابتة ، نرمز بـ  $\gamma$  لنصف قطر الكرة ، و بـ  $\gamma$  للشحنة الداخلي و بـ  $\gamma$  للحقل الكهربائي ، بجد عبارة  $\gamma$  للحقل الكهربائي ، بحد عبارة  $\gamma$  للحقل الكهربائي ، بحد عبارة  $\gamma$  الستخدام معادلات ماكسويل الحقل المغناطيسي الناتج عـــن استخدام المباشر للكرة ، حيث  $\gamma$  كثافة تيار الاشعاعات .

\_ نستخدم معادلة انحفاظ الشحنة:

ونجري التكامل وفق حجم الكرة  $\frac{3r}{3t}$  ونجري التكامل وفق حجم الكرة  $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$  وبما أن الحقل الكهربائي على مسافة r يعطى بالعلاقة :

 $E(r) = \frac{Q}{r^2} \cdot \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$   $\frac{\partial \vec{E}}{\partial t} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \frac{\partial Q}{\partial t} \implies \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} = -\frac{\vec{J}}{\epsilon_0}$   $\frac{\partial \vec{E}}{\partial t} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \frac{\partial Q}{\partial t} \implies \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} = \frac{\vec{J}}{\epsilon_0}$ 

not B = Mod + Eo Mo DE

نجد بالتبديل أن B=0 ، أي ان الحقل المغناطيسي معدوم وهكذا يتبين أن تيار الازاحة يلغي تأثير تيار الناقلية ألى .

16 تعطى المركبات الاسطوانية لشعاع شدة حقل مغناطيسي في الخلاء بالعلاقات  $H_r = H_0 = 0$  و  $H_2 = H_1 + H_2 = 0$  الخلاء بالعلاقات محدودة . جد شدة الحقل الكهربائي الدوامي (الاعصاري ) الذي يولده الحقل المغناطيسي . (يطلب حل المسألة في جملة غوص) . ينجد ، من معطيات المسألة ، أن متحى الحقل المغناطيسي يوازي المحور  $H_1 = H_2 = 0$ 

إن معادلات ماكسويل في الخلاء، تكتب في جملة واحدات غيم وهي اللشكل:

$$-\frac{1}{C} \cdot \frac{2H}{2t} = \pi o t \vec{E}$$

$$\frac{1}{C} \cdot \frac{2\vec{E}}{2t} = \pi o t \vec{H}$$

iirat llo llaclic llocalities:
$$\frac{3E}{r} = \frac{3Ez}{r} - \frac{3Ez}{3z} + \frac{3Ez}{r}$$

$$\frac{3Ez}{r} = \frac{3Ez}{3z} + \frac{3Ez}{r}$$

$$+ \left( \frac{2E_r}{2z} - \frac{2E_z}{2r} \right) \vec{u}_{\psi} + \\
+ \left( \frac{1}{r} \frac{2(rE_{\psi})}{2r} - \frac{1}{r} \frac{2E_r}{2\psi} \right) \vec{u}_{z}$$

$$+ (F - 2r - r - 2\psi)$$
 شكل 1-16  
وبما ان  $+ \frac{1}{2} + \frac{1}{4}$  ، فهذا يعني أن  $+ \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$  موجود في المستوي  $+ \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$  في المستوى  $+ \frac{1}{4} + \frac{1$ 

$$\frac{3\xi}{3\xi} - \frac{3r}{3\xi} = 0 \implies \frac{3\xi}{3\xi r} = 0 \tag{1}$$

$$\frac{1}{r}\left(\frac{\partial E_z}{\partial \psi} - \frac{\partial E_{\psi}}{\partial z}\right)\vec{u_r} = -\frac{1}{e}\frac{\partial H_r}{\partial t}\vec{u_r} \Rightarrow \frac{\partial E_z}{\partial \psi} = \frac{\partial E_{\psi}}{\partial z}$$
(2)

$$\left(\frac{1}{r}\frac{\partial(rE\psi)}{\partial r} - \frac{1}{r}\frac{\partial Er}{\partial \psi}\right)\vec{u}_{z} = -\frac{1}{c}\frac{\partial Hz}{\partial t}$$
(3)

$$\frac{1}{r}\frac{\partial(rE\psi)}{\partial r}=-\frac{1}{c}\cdot\frac{\partial H_2}{\partial t}$$

جمكاملة هذه العلاقة،آخذين بعين الاعتبار محدودية التابع F(r,t) من اجل r=0 ، نجد :

يمكن التأكد باجراء التفاضل مباشرة ، أن دشدة الحقل الكهربائي الاعصاري تحقق معادلتي ماكسويل:

$$rot \vec{E} = \frac{1}{C} \frac{3\vec{H}}{3\vec{h}}$$
,  $div \vec{E} = 0$ 

اللتين يدخل فيهما التابع म الذي يعتبر حلا للمعادلة الموجية :

$$\nabla H - \frac{c_3}{4} \frac{3f_5}{35H} = 0$$

تا عند استخراج قانون انحفاظ الطاقة الكهرطيسية ، كنتيجــة من نتائج معادلات ماكسويل ، تستبدل عادة العبارة (المحملة المحملة من نتائج معادلات ماكسويل ، تستبدل عادة العبارة (المحملة باونتنغ (وذلك في الجملــة من من أن أن أليس الشعاع الوحيد الذي يعطي تفرقـــه العبارة السابقة .

اذا اضفنا الى  $\vec{\Pi}$  الشعاع  $\vec{F}$  ، حيث أن التابع الشعاعي  $\vec{F}$  تابع اختيارى ، فان العلاقة

$$\operatorname{div} \vec{\Pi} = \frac{c}{4\pi} \left( \vec{H} \operatorname{Rot} \vec{E} - \vec{E} \operatorname{Rot} \vec{H} \right) \tag{1}$$

لاتتغير ، وذلك وفقا لمبرهنة التحليل الشعاعي:

divrot = 0

وبالتالي ، فان تفرق المجموع  $(\vec{n} + \textit{Rot } \vec{F})$  يعطي الطرف الايمن للعلاقة (1) .

 $\vec{A}$  والكمون الشعاعي  $\vec{A}$  والكمون الشعاعي  $\vec{A}$  باستخدام المعايرة الكولونية ( $\vec{A}$  = 0) ، وذلك اذا عُينــــت قيمتا  $\vec{A}$  و  $\vec{A}$  بالعلاقتين (في الجملة  $\vec{A}$  ) :

$$\vec{E} = -\frac{1}{2\pi} \vec{A} \cdot \vec{A} - \frac{1}{2\pi} \vec{A} + \frac{1}{2\pi} \vec{A}$$

$$\Delta \vec{A} = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 R}{\partial t^2} - \frac{1}{c} \text{ grad } \frac{\partial q}{\partial t} = \frac{4\pi}{c} \vec{j}$$

D9 = - 475

19 ـ تتألف مكثفة مستوية من صفيحتين دائريتين متماثلتيـــن نصف قطر كل منهما  $\alpha$  ، والبعد بينهما  $\beta$  : تخضع هذه المكثفــة الى فرق كمون متناوب  $\gamma$  , نهمل تأثير الحواف ، يكون الحقل الأههربائي من اجل التواترات المنخفضة ، في كل لحظة وحيد الشكل  $\vec{E}_1 = \vec{E}_0 e^{i\omega t}$  من اجل الحقل الكهربائي  $\vec{E}_1 = \vec{E}_0 e^{i\omega t}$  . المتغير يولد حقلا مغناطيسيا ، احسب

هذا الحقل المتولد  $\overline{8}_1$  (الشكل 1ـ19) .

 $\vec{E_2}$  کهربائیا متحرضا

برهن أُن  $\vec{E_2}$  يتعلق ب $\vec{E_1}$  . وهكذا يكتب الحقل السائل بين اللبوسين بالشكل ب $\vec{E_2}$  عن اجل  $\vec{E_1}$  . ماهي قيمة  $\vec{E_2}$  من اجل بين اللبوسين بالشكل ب $\vec{E_2}$  :  $\vec{r}=0$ 

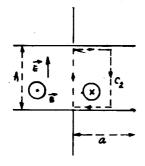
احسب تجوال  $\vec{E_2}$  على طول المحيط  $c_2$  المبين على الشكل  $\vec{E_2}$  واستنتج منه  $\vec{E_2}$  ، هل يتعلق  $\vec{E_2}$  بالمسافة بين اللبوسين ؟ هـــل اتجاه  $\vec{E_2}$  ،  $\vec{E_2}$  ، و نفس اتجاه  $\vec{E_2}$  ؟

ج) إن الحقل المغناطيسي  $\hat{\mathbf{g}}_1$  ليس إلا تقريب أولي ، ذلك لفرورة أخذ الحقل الكهربائي  $\hat{\mathbf{g}}_2$  بعين الاعتبار ، وبالتالي يجب أن نتكتب  $\hat{\mathbf{g}}_2$  عين قيمة  $\hat{\mathbf{g}}_2$  ، ماهو التصحيح الواجب اجراءه على الحقل الكهربائي نتيجة لوجود الحقل المغناطيسي  $\hat{\mathbf{g}}_2$  .

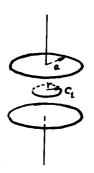
د ) برهن أن الحقلين الكهربائي والمغناطيسي يعطيان بالعلاقتين:

$$E = E_0 e^{i\omega t} \left[ 4 - \frac{1}{(4!)^2} \left( \frac{\omega r}{2c} \right)^2 + \frac{1}{(2!)^2} \left( \frac{\omega r}{2c} \right)^4 - \frac{1}{(3!)^2} \left( \frac{\omega r}{2c} \right)^4 + \cdots \right]$$

$$B = -\frac{i E_0 e^{i\omega t}}{c} \sum_{n} \frac{(-1)^n}{n! (n-1)!} \left( \frac{\omega r}{2c} \right)^{n-1}$$



شكل 2\_19



شكل 1\_19

 $\vec{B_l}$  ،  $\vec{r}$  ) إن تناظر المسألة يقود الى أن  $\vec{B_l}$  تابع فقط ل

یکون مما سا للدائرة ۰ C بیکون مما سا للدائرة ۰ C بیکون مما سا للدائرة ماکسویل بیکون مما دلة ماکسویل بیکون مما سا للدائرة بیکون بیکان بیکون بیک

$$\begin{cases}
\text{Rot } \vec{B} \cdot \vec{ds} = \oint_{S} \vec{B}_{1} \cdot \vec{d\theta} \cdot \frac{2}{3t} \int_{S} \vec{E}_{1} \cdot \vec{n} \cdot ds = c^{2} \oint_{C_{1}} \vec{B}_{1} \cdot \vec{d\theta}
\end{cases}$$

حيث  $^{\mathsf{S}}$  السطح الذي يستند على المحيط  $^{\mathsf{S}}$  . ومنه :  $\pi r^2 \frac{3E_1}{A} = c^2 \cdot 8, 2\pi r$ أي أن  $B_1 = \frac{i\omega r}{2\pi^2} E_0 e^{i\omega t}$ 

ب ) يسمح قانون فارادي بكتابة:  $F_2 = -\frac{2B_1}{2}$ 

$$Rut \vec{F_2} = -\frac{3\vec{B_1}}{3t}$$

مما يدل على أن قي يتعلق ب ت لأن لله التعلقبه ، ولم يعسد الحقل الكهربائي وحيد الشكل . اذا كانت r=0 يكون  $oldsymbol{eta}_1=0$  و  $oldsymbol{arepsilon}_2=0$ يمسح الحقل الكهربائي  $\vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3$  من العلاقة :

$$\oint_{C_{\ell}} \vec{E} \cdot d\vec{e} = -\frac{3}{3t} \int_{S} \vec{B}_{1} \cdot d\vec{s} = -\frac{3\Phi}{3t}$$

$$(e) \quad (a) \quad (b) \quad (b) \quad (c) \quad (c)$$

لأن التجوال معدوم على الأضلاع الافقية للمحيط ، وهو معدوم ايضا من اجل ٣٥٥

اضافة الى ذلك فان تدفق B, عبر شريط سماكته طع ويقسع على مسافة تم من المحور على يعطى بالعلاقة : هر هر (۲) هم ، هر (۲) هم وبالتالي يكون التدفق عبر السطح ع مساويا : Φ = h S B, (r) . dr = h iw E, e iwt fr. dr = iwt E, e

$$\frac{\partial \Phi}{\partial t} = -\frac{\omega^2 r^2}{4c^2} F_0 e^{i\omega t}$$

$$E_2 = \frac{-\omega^2 r^2}{4c^2} E_0 e^{i\omega t} \qquad : 1$$

نلاحظ أن البعد بين اللبوسين لايدخل في العبارة الأخيرة ، وأن الحقل المتحرض  $\vec{E}_1$  يعاكس  $\vec{E}_2$  في الاتجاه ، ومنه  $\vec{E}_2$  =  $\left(1-\frac{w^2r^2}{4c^2}\right)E_0$   $e^{iwt}$ 

$$\vec{B} = \vec{B_1} + \vec{B_2} \qquad (\Rightarrow \vec{B_1} + \vec{B_2} )$$

$$: C_1 \qquad \text{backed bound of } \vec{C_1} \qquad (\Rightarrow \vec{C_1} + \vec{C_2} + \vec{C_3} + \vec{C_4} + \vec{C$$

 $\int_{S} not \vec{B_2} \cdot d\vec{s} = \oint_{C_1} \vec{B_2} d\vec{e} = \frac{1}{c^2} \frac{3}{3t} \int_{S} \vec{E_2} d\vec{s}$ 

ران  $\vec{E}_2$  تتعلق ب $\vec{r}$  لذا نأخذ شريطا من السطح طوله  $\vec{r}$  وعرضه وعرضه فيكون ؛

$$\frac{3}{3t} \int_{0}^{r} E_{2}(r) 2\pi r \cdot dr = 2\pi r C^{2} B_{2}(r)$$

$$B_{2}(r) = -\frac{i \omega^{3} r^{3}}{16 C^{4}} E_{0} e^{i \omega t}$$
Ains

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_2$$
: eyllülle

حيث

$$E_3(r) = \frac{2}{2t} \int_0^r B_2(r) dr$$

$$E_3(r) = \frac{\omega^4 r^4}{64 c^4} E_0 e^{i\omega t}$$
 and

د ) وهكذا نبدأ شييئا فشيئيا بتشكيل حدود السلسلة المعــطاه للحقل الكهربائي :

$$E = J_0(\frac{\omega r}{c}) E_0 e^{i\omega t}$$

$$J_0(x) = \left[1 - \frac{1}{(1!)^2}(x)^2 + \frac{1}{(2!)^2}(x)^4 - \frac{1}{(3!)^2}(x)^5 + ---\right]$$

$$= 0 \text{ in the proof of the pr$$

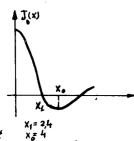
وقد استخدمنا في السلسلة السابقة الرمز  $\frac{x}{c}$  .

ونستنتج من السلسلة السابقة قيمة الحقل المغناطيسي ، لأن :

$$E_{n+1} = \frac{3}{2r} \int_{0}^{r} B_{n}(r) \cdot dr$$

$$B_{n} = \frac{3}{2r} \int_{0}^{r} E_{n+1} \cdot dt$$

ويعني اجراء التكامل بالنسبة للزمن في هذه الحالة ضرب العبارة ب $\frac{2}{100}$  - ، وهكذا



$$B_{n} = -\frac{i}{2} \frac{3r}{2} E_{n+1}(r)$$

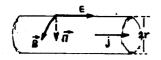
ملاحظة : عندما تزداد  $\frac{w}{c}$  فان  $\frac{J}{c}$  تتموج كما هو مبين على الشكل 3-10 ، ويغير الحقل الكهربائي اتجاهه عندما نمر من  $\frac{v}{c}$  الى

م ت ، وذلك من اجل x > م وبالتالي ، فان

X<sub>1</sub> هذا الحقل ينعدم عند القيمة

1\_ انظر الشكل 1 \_20 .

20 ـ ناقل اسطواني ، نصف قطره ٢ ، يجري فيه تيار متواصل كثافته أن ماهي شدة الحقل الكهربائي وشدة الحقل المغناطيسي الى جوار سطح الناقل ، علما أن الناقلية النوعية ٠٠٠ عين شعباع باونتنغ بالقيمة والاتجاه . فسر النتيجة .



$$\vec{B} = -\frac{\vec{n} \cdot \vec{n}\vec{m}}{2\pi \mathcal{E} c^2 R} I$$

$$|B| = \frac{\pi r^2 |\overline{J}|}{2\pi \varepsilon_0 c^2 R} = \frac{J r}{2 \varepsilon_0 c^2},$$

$$R = r$$

**٣ =** ! وبالتالي <sub>:</sub>

$$|\overrightarrow{\Pi}| = \mathcal{E}_{c}c^{2} \cdot B \cdot E =$$

$$= \frac{\mathcal{E}_{c}c^{2}jr}{25c^{2}} \cdot \frac{j}{6V} = \frac{j^{2}r}{26V}$$

شكل 1\_20

تكون الطاقة الداخلة الى السطح الجانبيلقطعة طولها 2 خــلال

 $P = \frac{W}{t} = \frac{j^2 r}{2 \omega} \cdot 2\pi r \ell = \pi r^2 j^2 \ell \left(\frac{1}{\omega}\right) = s \cdot j^2 \cdot \ell \cdot g$ 

حيث ٤ سطح مقطع الناقل ٠

تعطى الطاقة المنتشرة بمفعول جول في واحدة الزمن ، بالعلاقة :

$$P = R I^2 = \frac{g \ell}{s} \cdot j^2 s^2 = s \ell s j^2$$

حيث R المقاومة الاومية ، و ؟ المقاومة ألنوعية .

يلاحظ أن الطاقة الداخلة الى الناقل تساوي الطاقة المنتشرة على شكل حرارة ، وهذا مايجب أن يحدث وفقا لقانون انحفاظ الطاقة . ويلاحظ ايضا أن الطاقة الكهرطيسية التي تنتشر على حسابها الحرارة تدخل الى الناقل من جوانبه ، والاتجري داخله كما يخيل لنابالنظترة الاولى .

مل تملك هذه المسألة حلا بشكل دائم ، وهل هذا الحل وحيد ؟ كم تساوي القيمتان المطلقتان لـ E' و 'H' ؟

\_ إذا وجدت جملة 'K (تتحرك بالسرعة V ) يكون فيها E' الله فان لهذه المسألة عدد لانهائي من الحلول ، ذلك لأن أية جملة K' تتحرك بالنسبة للجملة 'K' في الاتجاه المذكور يبقى فيها E' و ذلك وفقا لتحويلات لورانتس ، أي أن E' بالمنسبة بان متوازيين .

سوف نبحث عن الجملة K' فقط ، التي تتحرك عمودية على المستوي سوف نبحث عن الجملة K' مستخدمين شرط توازي  $\widetilde{F}'$  و  $\widetilde{H}'$  أي الشرط :  $\widetilde{F}'$   $\widetilde{H}'$  = O

وكذلك صيغ التحويل  $\vec{E}_{\parallel} = \vec{E}_{\parallel}^{'}$  ,  $\vec{E}_{\perp}^{'} = \delta(\vec{E}_{\perp} + \frac{1}{c} \vec{V} \vec{N} \vec{H})$  ,  $\delta = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}}$   $\vec{E}_{\parallel}^{'} = \vec{E}_{\perp}^{'} + \vec{E}_{\parallel}^{'} = \delta(\vec{E}_{\parallel}^{'} - \vec{E}_{\parallel}^{'} + \frac{1}{c} \vec{V} \vec{N} \vec{H}) + \vec{E}_{\parallel}^{'}$ 

$$\vec{E}_{ij} = \frac{\vec{v}(\vec{v}.\vec{E})}{\vec{v}^2} = \frac{\vec{v}(\vec{E}_{ij} + \vec{E}_{L})\vec{v}}{\vec{v}^2} = \frac{\vec{v}(\vec{E}_{ij} \vec{V})}{\vec{v}^2}$$

$$\vec{E} = 8\left(\vec{E} + \frac{1}{c}\vec{V}N\vec{H}\right) + (1-8)\frac{\vec{V}(\vec{V}\cdot\vec{E})}{V^2}$$

$$H' = 8 \left( H - \frac{V}{c} \wedge \vec{E} \right) - (1-8) \frac{\vec{V}(\vec{V}.\vec{H})}{V^2}$$

باستخدام شرط توازی 
$$\vec{F}$$
 و منه  $\vec{F}$  باستخدام شرط توازی  $\vec{F}$  و منه  $\vec{F}$  باستخدام شرط توازی  $\vec{F}$  و منه  $\vec{F}$   $\vec$ 

وينتج باستخدام صامدي الحقل الكهرطيسي  $\vec{E} \cdot \vec{H} = \hat{I} \hat{n} \hat{v}$  ر  $E^2 - H^2 = \hat{I} \hat{n} \hat{v}$ 

$$\vec{E} \cdot \vec{H}' = \vec{E} \cdot \vec{H} \Rightarrow \vec{H}' = \frac{\vec{E} \cdot \vec{H}}{\vec{E}'}$$

وبالتالى ب $E^{12} + H^{12} = E^{2} + H^{2}$  وبالتالى ب

$$E^{12} = E^{2} - H^{2} + H^{12} = E^{2} - H^{2} + \left(\frac{\vec{E} \cdot \vec{H}}{E^{1}}\right)^{2}$$

$$E^{12} = \frac{1}{2} \left[E^{2} - H^{2} + \sqrt{(E^{2} - H^{2})^{2} + 4(E \cdot H)^{2}}\right]$$

$$4 \text{ in } E$$

وكذلك 
$$H^{12} = \frac{1}{2} \left[ H^2 - E^2 + \sqrt{(E^2 - H^2)^2 + 4(E \cdot H)^2} \right]$$

بأية  $\vec{F}$  و  $\vec{F}$  متعامدين في الجملة  $\vec{K}$  . بأية سرعة يجب أن تتحرك الجملة  $\vec{K}$  بالنسبة لـ  $\vec{K}$  ، بحيث يتواجــد

قى هذه الجملة الحقل الكهربائي فقط أو الحقل المغناطيسي فقــط؟ هل يوجد دائما حل لهذه المسألة ، وهل هذا الحل وحيد ؟

 $E^2$ -  $H^2$ - Inv، E  $\overline{H}$  = Inv الكهرطيسي الحقل الكهرطيسي –  $E^2$ H' = 0 من اجل  $K_1'$  یکون فیها E > H من اجل  $4E^2-H^2=E^{12}-H^{12}>0 \Rightarrow H^1=0$  ذلك لأن  $E'=\sqrt{E^2-H^2}$ .  $\vec{E}$  و  $\vec{H}$  بحيث تتحرك هذه الجملة معامدة للمستوي المعين ب ومن اجل E = 0 يوجد جملة  $K_2'$  يكون فيها E < H ومن اجل

 $H' = \sqrt{H^2 - E^2}$ 

في الحالة الأولى E>H ، نستخدم تحويلات لورانتس لايجاد

$$E_{II} = E_{II} = 0$$

$$E_{II} = \delta (\vec{E}_{\perp} + \vec{V}_{C} \wedge \vec{H})$$

$$H_{\perp} = \delta (H_{\perp} - \frac{1}{c} \vec{V}_{I} \wedge \vec{E}) = 0 \Rightarrow \vec{V}_{I} = C \frac{\vec{E} \wedge \vec{H}}{\vec{E}^{2}}$$

$$\vec{E}' = \frac{\vec{E}}{\vec{E}} \sqrt{\vec{E}^{2} - H^{2}} \quad \text{and e.g. } \vec{E}' \quad \text{and e.g. } \vec{E}' = \frac{\vec{E}}{\vec{E}} \sqrt{\vec{E}^{2} - H^{2}}$$

وتملك هذه المسألة عددا لانهائيا من الحلول ، لأن أية جملة "٢٨ تتحرك وفق أع بسرعة اختيارية يبقى فيها الحقل المغناطيسي معدوما أيضا في الحالة الثانية E < H ،نجد بنفس الاسلوب:

$$V_2^1 = C \frac{\vec{H} \wedge \vec{E}}{H^2}$$
,  $H' = \frac{\vec{H}}{H} \sqrt{H^2 - E^2}$ 

23 ـ اسطوانة ذات طول لانهائي ، مشحونة بشكل منتظم بكثافــة خطية ٦٠ يجري وفق محور الاسطوانة تيار ٦ ذو توزع منتظم ،نعتبر أن 1 = ١/٤ ع في جميع الفضاء . عين جملة عطالية يتواجد فيهـــا الحقل الكهربائي فقط أو الحقل المغناطيسي فقط . رجد قيمتي هذين الحقلين ،

ــ لايجاد الحقل الكهربائي في جملة عطالية ساكنة ٪ مرتبطــة بالسلك ستخدم مبرهنة غوص ، مع ملاحظة أن الحقل  $ilde{E}$  قطري ، أي ينطبق على  $\vec{r}$  \_البعد بين السلك ونقطة المراقبة ، نأخذ اسطوانـة نصف قطرها r تحيط بجزء من السلك طوله r ومتمحورة مــــع السلك (انظر الشكل 23.1) .

حيث ٤ سطح الاسطوانة المختارة .

$$D(2\pi rh) = 4\pi q$$

$$D = \frac{4\pi q}{2\pi rh} = \frac{2\pi}{r}$$

$$E = \frac{D}{E} = \frac{D}{1} = \frac{2\pi}{r} \qquad (1)$$

شكل 23.1

ونجد من العلاقة

$$\oint_C H \cdot d\ell = \frac{4\pi}{c} \Gamma$$

حيث c محيط الدائرة المختارة ، أن

$$H \cdot (2\pi r) = \frac{4\pi}{c} I \implies H = \frac{zI}{rc}$$
 (2)

في الحالة الأولى: نفرض E < H . باستخدام صامد الحقل

$$E^2 - H^2 = E^{12} - H^{12} = inv$$

نجد أن ٥ = ٤ ، ومنه

$$E_{\perp} = 8 \left( E_{\perp} + \frac{1}{C} \vec{V}_{1} \wedge \vec{H} \right) = 0$$

$$E_{\perp} = \frac{1}{C} \vec{V}_{1} \wedge \vec{H} \implies$$

$$|\vec{V}_{1}| = C \left| \frac{\vec{H} \wedge \vec{E}}{H^{2}} \right| = \frac{CE}{H} = \frac{2A}{rC} = \frac{AC^{2}}{I}$$

وبما أن  $V_4 < c$  يجب أن تكون  $\frac{1}{c} > \lambda$  ، وهو الشرط اللازم لانعدام وبما أن  $E^1$  في هذه الحالة :

$$H' = \sqrt{H^2 - E^2} = \left(\frac{4J^2}{r^2c^2} - \frac{4\lambda^2}{r^2}\right)^{\frac{1}{2}} = \frac{2I}{rc}\sqrt{1 - \frac{c^2\lambda^2}{J^2}}$$

في الحالة الثانية : من اجل H < E ينعدم H' وتكون قيمة  $V_2$  مساوية :

$$V_2 = \frac{c H}{E} = \frac{\frac{2 \int c}{c r} c}{\frac{2 A}{r}} = \frac{I}{A}$$

ويجب أن يتوفر في هذه الحالة الشرط التالي:

$$V_2 = \frac{I}{2} \langle c \Rightarrow \lambda \rangle \frac{I}{c}$$

وهكذا يجب أن تتحرك الجملة الالمارية لمحور الاسطوانة في الاتجاه

ا يجب ان متحرف الجملة 
$$\vec{F}$$
 هوارية للمحور الاسطوا  $\vec{E}$  :  $\vec{E}$  وتكون قيمة  $\vec{E}$   $\vec{F}$   $\vec{F}$ 

ولا يمكن ايجاد جملة عطالية يوجد فيها حقل كهربائي فقط، أو مغناطيسي فقط لذا تحققت المساواة  $\frac{\mathbf{L}}{\mathbf{c}} = \mathbf{A} \cdot \mathbf{A} \cdot \mathbf{c}$  الشرط ، كما هو ملاحظ من الصيغ السابقة ، يعني أن تسعى سرعة الجملة  $\mathbf{K}'$  الى القيمة  $\mathbf{C}$  ، وهذا يؤدي الى أن يسعى كل من الحقلين  $\mathbf{K}'$  و الى الى الصفر .

ملاحظة : تستعمل الصيغ التالية عند حل المسألة في واحدات الجملة الدولية :

$$\oint_{S} \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{\sum q}{\mathcal{E}_{0}} , \vec{E} = \frac{\lambda}{2\pi \mathcal{E}_{0}} \cdot \frac{1}{r}$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} = \frac{I}{2\pi \xi c^2} \frac{1}{r}$$

وتعطى التحويلات بالعلاقات ؛ 
$$\vec{E}_L = \delta (\vec{E}_L + \vec{V} \wedge \vec{B})$$
 ,  $\vec{E}_{ij} = \vec{E}_{ij}$  ,  $\vec{E}_{ij} = \vec{B}_{ij}$  ,  $\vec{B}_{ij} = \vec{B}_{ij}$ 

euler control of the second control of the

## النفسسل السسسابسع الأمسسواج الكسهسرطيسية

## 24 \_ الأمواج الكهرطيسية في الخلاء .

نشكل هذه المعادلات للحقلين في و ألى . يدعى الحقل الكهرطيسي في حالة غياب الشحن والتيارات بالحقل الحر ، وهكذا تكتبمعادلات ماكسويل للحقل الحر في الجملة الدولية بالشكل :

div 
$$\vec{B} = 0$$
,  $not \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$   
div  $\vec{B} = 0$   $not \vec{B} = -\frac{1}{c^2} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$  (24\_1)

نأخذ الدوار لجزئي المعادلة الثانية ونستخدم علاقات الحساب الشعاعي وكذلك المعادلة الاولى من (1-24) ، فنحصل على المعادلة الموجية للحقل الكهربائي:

$$\Delta \vec{E} - \frac{1}{c^2} \frac{2^2 \vec{E}}{2t^2} = 0 \qquad (24-2)$$

نقوم بنفس العمليات على المعادلة الرابعة من (1-24) فنحصل على معادلة مماثلة ل (2-24) من اجل الحقل المغناطيسي:

$$\Delta \vec{B} - \frac{1}{c^2} \frac{2^2 \vec{B}}{2t^2} = 0 \tag{24.3}$$

إن كل مركبة من (2-24) و (3-24) تتطابق مع المعادلة الموجية :

$$\frac{3^{2}\psi}{3X^{2}} + \frac{3^{2}\psi}{3y^{2}} + \frac{3^{2}\psi}{3z^{2}} - \frac{4}{v^{2}} \frac{3^{2}\psi}{3t^{2}} = 0$$

وذلك بعد استعمال الرموز الموافقة ، وبالتالي تصح على امواجنا جميع النتائج المعروفة في حالة الامواج الميكانيكية ، اضافة الى ذلك تملك الامواج الكهرطيسية خواصا مميزة مرهونة بأن معادلات ماكسويل(1-24)

تحوي معلومات اضافية نفتقدها عند الانتقال الى (24\_2) و (3\_24) .

نورد فيما يلي الخواص الاساسية للأمواج الكهرطيسية في الخلاء.

- منتشر أية موجة كهرطيسية في الخلاء بسرعة تساوي سرعة الضوء ما وقد ورد ذكر هذه الخاصة في الفقرة 22 وينتج عنها على وجه التحديد ، أن الحقل الكهرطيسي الحر خلافا لاشكالالمادة الاخرى لايمكن أن يوجد في حالة سكون \*).
- **ه**) يمكن ان تعثل أية حادثة كهرطيسية موجية على شكل تركيب لامواج كهرطيسية مستوية احادية اللون وتعتبر الموجة المشار اليها حــــلا للمعادلة (24\_2) ،أى

$$\overrightarrow{E} = \overrightarrow{E}_{0} e + i \overrightarrow{K} \cdot \overrightarrow{r}$$

$$= \overrightarrow{E}_{0} e \qquad (24_{-4})$$

$$= \underbrace{\overrightarrow{K}_{0}}_{i} = \underbrace{\overrightarrow{W}_{0}}_{i} \qquad (24_{-5})$$

أما المقادير الاخرى فهي اختيارية ، وتعتبر العلاقة (24\_2) قانون التشتت للامواج الكهرطيسية في الخلاء ، ويدعى K بالعدد الموجيي ويساوي  $\frac{2\pi}{\pi}$  عيث K طول الموجة ، ويمثل المقدار الاختياري السعة ، ويمكن التأكد مباشرة أن الحقل (4\_2) هو حل للمعادلية السعة ، وذلك بمراعاة الشرط (5\_24) ، نشير الى أن عملية التفاضل للمقادير من الشكل (4\_24) تعطى بالعلاقات ؛

$$\frac{\partial a(r,t)}{\partial t} = -i w a , \quad \frac{\partial a(r,t)}{\partial r} = i \kappa a$$
 (24-6)

hoحيث ho تابع ذو طبيعة اختيارية يتعلق بالمتحوليين ho وفق العلاقة :

$$a(\vec{r}_i t) = a_0 e^{-i\omega t + i(\vec{K} \cdot \vec{r})}$$

ويمكن أن يكون (r, t) مقدارا سلميا أو مركبة لمقدار شعاعي .

نضيف أيضا ايضاحا تقنيا وهو أنه في جميع العلاقات الخطية

\*أمن الممكن وجود بعض الجسيمات التي يصعب التقاطها (نيترونو)

تملك الخاصة السابقة ، ومن المعتقد أن هذه الجسيمات ،إن وجدت ،
فهي توجد في حالة حركة بسرعة تساوي سرعة الضوء .

يمكن استعمال الصياغة العقدية لكتابة الحادثة الموجية الكهرطيسية وهكذا تنتج الخاصة ( $\mathbf{b}$ ) من خطية معادلات ماكسويل ، ومن أن  $\mathbf{c}$  في العلاقة ( $\mathbf{c}$ 4.2) يعتبر حلا للمعادلة الموجية للحقل الكهربائي وذلك بمراعاة ( $\mathbf{c}$ 4.2) . وبالتالي سوف نقوم بدراسة الأمواج السطحية فقط والتي من الشكل ( $\mathbf{c}$ 4.2) ، آخذين بعين الاعتبار الخاصة ( $\mathbf{d}$ 1).

 $\vec{E}$  يوجد حتما في الموجة الكهرطيسية الحقلان:الكهربائي  $\vec{B}$  وهذه الخاصة تنتج من معادلات ماكسويل (24\_1). عندما تنتشر الموجة الكهرطيسية يتغير الحقل الكهربائي باستمرار وذلك بمرور الزمن وهذا يؤدي وفقا للمعادلة الرابعة من المجموعة (24\_1) الى ولادة مستمرة للحقل  $\vec{B}$  ، الذي يحقق ايضا المعادلية الموجية (24\_2) التي تملك حلا على شكل موجة مستوية :

$$\vec{B} = \vec{B}_0 e = (\vec{\kappa} \cdot \vec{r})$$
(24\_7)

وتملك نفس قانون التشتت (24\_5) . ويظهر بوضوح في الخاصة ( $^{c}$ ) وحدة الظواهر الكهرطيسية : فالحقل الكهرطيسي كشكل من اشكال المادة يوجد فقط على شكل تركيب للحقلين  $\overline{\vec{E}}$  و  $\overline{\vec{B}}$  .

الشعاعين  $\vec{E}$  و تقصد بالعرضية أن اهتزاز الشعاعين  $\vec{E}$  و تقصد بالعرضية أن اهتزاز الشعاعين  $\vec{E}$  و قصد معامدا للشعاع الموجي الذي تنتشر وفقه الموجة المعنية ، أي أن :  $\vec{E}$  =  $\vec{E}$  =  $\vec{E}$  (24.8)

وتنتج الخاصة العرضية (8\_24) من المعادلتين الاولى والثالثة مــن المجموعة (1\_24) ، وذلك بتطبيق هاتين المعادلتين على الموجتيــن المستويتين (4\_24) و (7\_24) و استعمال العلاقة الثانية من (7\_24).

ستویتین (24\_4) و (24\_7) واستعمال انعلاقه انتیام من (24\_7) لندخل شعاعالواحدة  $\vec{n}$  الموجّه باتجاه  $\vec{k}$  ، أي باتجاه انتشار

الموجة : 
$$\vec{K} = \vec{n} | \vec{K} |$$
 (24\_9)

ولنعوض العبارتين (4\_24) و (7\_24) للموجتين المستويتين فــــي المعادلة الثانية والرابعة من معادلات ماكسويل ، فنحصل على العلاقة

بين 
$$\vec{E}$$
 و  $\vec{B}$  في الموجة المستوية :  $\vec{n} \vec{\Lambda} \vec{E} = \vec{C} \vec{B}$  ,  $\vec{C} \vec{B} \vec{\Lambda} \vec{N} = \vec{E}$  (24\_10)

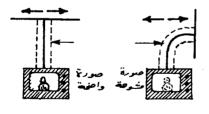
من هنا يتبين ، على الأخص ، أن الشعاعين  $\vec{E}$  و  $\vec{B}$  معامدان ليس وقط للشعاع  $\vec{K}$  وإنما لبعضهما البعض ، أي أن  $\vec{E}$  = 0 .

إن الخاصة العرضية تميز بوضوح الامواج الكهر طيسية عن الامواج الصوتية ، وتكون في الواقع الامواج الصوتية في الغازات والسوائل دائما طولية ،أي أن الجسيمات تهتز وفق منحى انتشار الموجة ،بينما في الاوساط الصلبة هناك امكانية وجود الامواج الصوتية العرضية الى جانب الطولية حتما ، ولقد لعب من وجهة النظر التاريخية تقرير الخاصة العرضية للامواج الضوئية دورا كبيرا في اسقاط التصليور الميكانيكي للامواج الضوئية الذي كان يعتبرها اهتزاز للأثير (ذلك الوسط المفترض الذي يملأ الكون بكامله ) .

تتمتع الموجة الكهرطيسية بخاصية الاستقطاب\* ويتلخص مفهوم الاستقطاب ، كما ذكرنا في الفصل الخامس ، بأنه في كل نقطة مسلس الفراغ وفي لحظة زمنية مثبتة تكون صفات الموجة الكهرطيسية مختلفة في الاتجاهات المختلفة في المستوي المعامد لاتجاه انتشار الموجلة (أي المعامد لاتجاه الشعاع الموجي  $\vec{K}$ ) . وهذا يعني أن الحقليس  $\vec{E}$  و عوجهان بطريقة ما في ذلك المستوى .

يمكن اظهار الاستقطاب بمساعدة هوائي التلفريون (الشكل 4.1). إن الهوائي يعتبر ناقلا افقيا مستقبلا موجها بشكل ناظمي على اتجاه ارسال محطة البث (ويتم الارسال بواسطة الامواج الكهرطيسية العرضية).

إن افقية نواقل الهوائي ضرورية لأن الأمواج الكهرطيسية المنبعثة من محطة الارسال مستقطبة بشكل يهتز فيه  $\vec{E}$  في مستوي افقي وفاذاجعل الهوائي شاقوليا من اجل النظيمام



الشرقي ( ) فان وضوح الشاشة شكل 7.1 يضعف نتيجة لتغيير توجيه الهوائي ، وتصبح الاشارة الواردة الــــى التلفاز ضعيفة جدا ، بينما يستعمل في النظام الغربي( )

شاقولى .

F) يتغير في الحالة العامة التواتر والشعاع الموجى للامركواج الكهرطيسية ، عند الانتقال من جملة مقارنة الى جملة اخرى تتحـــرك بالنسبة للأولى بسرعة ما ، للحصول على صيغ التحويل للتواتر والشعاع الموجى أثناء الانتقال من جملة عطالية الى جملة اخرى ، نأخذالجماتين 🙊 و😭 اللتين ينطبق محوراهما x و x وتتوازى محاورهما الاخرى على الترتيب ، لنفرض أن الجملة ' تتحرك بالنسبة لـ 🖪 بالسرعـة المنتظمة 🔻 وفق المحور ×٥٠ ولنرمز للتواتر والشعاع الموجى بـ 👊 و تم في الجملة ج وب س و س في الجملة ج على الترتيب وإن طور الموجة في الجملة 🎢 يكون مساويا :

m,f, - (k, b, ) = m,f, - K, X, - K, A, - K, f, - K, f

حيث 't' ، 'x' ، 't' و '£ الزمن والإحداثيات في الجملة 'R' ، لكي ننتقل الى الجملة 🥻 نستعمل تحويلات لورانتز (لأن الامواج الكهرطيسية حدث فوق نسبوي) فنحصل بالنتيجة على عبارة الطور في الجملة R:

$$\frac{\omega' - K_{x}^{'} V}{\sqrt{1 - \frac{V^{2}}{C^{2}}}} t - \frac{K_{x}^{'} + \frac{\omega' V}{C^{2}}}{\sqrt{1 - \frac{V^{2}}{C^{2}}}} - K_{y}^{'} y - K_{z}^{'} z$$

وترمز هنا غ ، x ، لا و خ الى الزمن والاحداثيات المكانية في الجملة  $oldsymbol{\mathcal{R}}$  ومنه ينتج أن المقدارين  $oldsymbol{\omega}$  ومنه ينتج أن المقدارين يرتبطان بالمقدارين  $\omega$  و  $\vec{K}$  في الجملة  $\kappa$  بالعلاقات:

$$\omega = \frac{\omega' + \kappa' x}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}}, \quad K_{\chi} = \frac{\kappa'_{\chi} + \frac{\omega' V}{c^2}}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}}$$

$$K_{\chi} = \kappa'_{\chi}, \quad K_{\chi} = \kappa'_{\chi}. \quad (24.11)$$

لنفرض أن الزاويتين المحصورتين بين اتجاه انتشار الامواج في كل من الجملتين وبين اتجاه الحركة النسبية للجملتين تساويان عليي الترتيب ٨ و ١ ٨ ، عندئذ :

$$K_{X}' = K'\cos \alpha' = \frac{\omega'}{c}\cos \alpha'$$
,  $K_{X} = K\cos \alpha = \frac{\omega}{c}\cos \alpha$ 

من هنا ينتج أن المساواة الاولى في (11\_24) يمكن اعطاؤها الشكل

$$\omega = \omega' \frac{1 + \frac{V}{c} \cos \alpha'}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{C^2}}}$$
 (24\_12)

بمساعدة هذه العلاقة يمكن التحقق من أن العلاقة الثانية تسمــــح بالربط بين هو الهوفق الصيغة التالية :

$$\cos \alpha = \frac{\cos \alpha' + \frac{V}{C}}{1 + \frac{V}{C} \cos \alpha'}$$
 (24\_13)

تصف هذه العلاقة المفعول الكهرطيسي لدوبلر ، أي ظاهرة تغيير تواتر الموجة الكهرطيسية اثناء الانتقال من جملة عطالية الى جملية اخرى تتحرك بالنسبة للأولى بالسرعة  $\mathbf{V}$  . وتتحول العلاقة  $(24\_22)$ في الحدود اللانسبوية ومن اجل التقريب وفق المرتبة الأولى ل $\frac{\forall}{2}$  السكل :

$$\omega = \omega' \left( 1 + \frac{\vee}{c} \cos \alpha \right) \tag{24_14}$$

إذا كانت $\alpha'=\alpha'$  (وتكون له معدومة أيضا وفق العلاقة 24\_22) فان اتجاء انتشار الموجة واتجاء الحركة النسبية لجملتي المقارنة ينطبقان ويدعى مفعول دوبلر في هذه الحالة بالمفعول الطولي واذا كانت  $\frac{\pi}{2}$  - 'له يدعى مفعول دوبلر بالمفعول العرضي ويلاحظ من العلاقــة (24\_14) اختفاء المفعول العرضي في الحدود اللانسبوية و

تبين العلاقة (13-24) أن الانتقال من جملة الى اخرى عندما ٥ له عندي وأدي في الحالة العامة الى تغير اتجاه انتشار الموجة ، وتدعى هذه الظاهرة بالحيود ، ويؤدي الحيود مثلا الى تغير المواضع المرئية للنجم نتيجة لدوران الارض (الحيود اليومي للضوء) ولدوران الارض حول الشمس (الحيود السنوي للضوء) ولانتقال المجموعة الشمسية (الحيود القرني) ، وتحدث هذه التغيرات لأن الحركات المذكورة أنفا تؤدي الى تغيرات دائمة في اتجاه الاشعة الضوئية الآتية من كل نجم ، وكذلك المرئية لانتقال النجم بالنسبة للمراقب الأرضي ،

يلعب مفعول دوبلر دورا هاما في العلوم الحديثة ، فعلى سبيل

المثال يمكن بواسطة هذا المفعول فقط قياس سرعة حركة الأجــرام البعيدة ، ويتم ذلك وفق الترتيب التالي : يدرس طيف الاشعــاع للموضوع المقصود وليكن ،على سبيل المثال ، مجرة ما بعيدة جــدا لنفرض أنه اكتشفت بعض الخطوط الطيفة لعنصر كيميائي ما ضمنطيف المجرة المذكورة \* . يقارن بين مواضع هذه الخطوط ومواضع الخطوط لنفس العنصر الكيميائي الموجود في المخبر (مرتبط بالأرض) ، فاذا كانت الخطوط مزاحة بالنسبة لبعضها البعض ،فان هذا يعني وجــود مفعول دوبلر الكهرطيسي ، وبالتالي وجود انتقال ما للمجرة بالنسبة للأرض ، وتسمح قيمة الانزياح تلك ، بحساب السرعة النسبية المطلقة للأرض ، وتسمح قيمة الانزياح تلك ، بحساب السرعة النسبية المطلقة التواترات الأدنى ، فهذا يعني أن المجرة تبتعد عن الارض ، وتدعــى التواترات الأدنى ، فهذا يعني أن المجرة تبتعد عن الارض ، وتدعــى هذه الازاحة الحمراء\*\* . ويدعى الانزياح في الاتجاه المعاكس بالازاحة البنفسجية ، ويدل على اقتراب المجرة من الارض .

ع ترتبط كثافة تدفق الطاقة للموجة الكهرطيسية بكثافة الطاقة

بالعلاقة: 
$$\vec{\Pi} = \vec{n} c \omega$$
 (24\_15)

$$w = \mathcal{E}_{o} E^{2}$$
 (24\_16)

(في الجملة  $\vec{E}$ ) ، و  $\vec{n}$  شعاع الواحدة الذي يدل على جهة انتشار الموجة ، والشعاع  $\vec{E}$  مأخوذ بصيغته الحقيقية ( في الجملة  $\vec{E}$ 0 تكون  $\vec{E}$ 1  $\vec{E}$ 2 ) . إن أخذ الصيغة الحقيقية للشعاع ضروريـــة ذلك لأن  $\vec{W}$ 2 تتعلق بمربع شدة الحقل .

للتحقق من صحة العلاقتين(15-24) و (16-24) نبدل (10-24) في (23-2) و (23-2) ونستفيد من قواعد الحسابالشعاعي. تبين العلاقة (15-24) حقيقتين هامتين : اولا : تحمل الطاقة في اتجاه انتشار الامواج فقط . ثانيا : تمر خلال واحدة السطوح العمودية على منحى الانتشار في واحدة الزمن طاقة تساوي الطاقة التي يحملها الحقل الموجي في حجم متوازي مستطيلات منتظم قاعدته واحدة السطوح

<sup>\* )</sup>كل عنصر كيميائي يشع امواجا كهرطيسية ذات تواترات محددة بدقة . \*\* أذلك لأن اللون الأحمر يشغل منطقة التواترات المنخفضة في الطيف المرئي،

وارتفاعه يساوي عدديا السرعة c . وتعطى قيمة هذه الطاقـــــة · بالعلاقة

I = 1 = c w

وتدعى بشدة الموجة .

2 إن وجود الاستقطاب يؤدي الى أن موجتين كهرطيسيتي مستويتين متطابقتين ب  $\mathbf{w}$  و  $\mathbf{\tilde{K}}$  (أي بالتواتر وجهة الانتشار ) يمكن أن تختلفا عن بعضهما البعض بحالة الاستقطاب نعرض عدد الحالات الخطية المستقلة لاستقطاب الموجة المستوية المعرفة بالشعاعين  $\mathbf{\tilde{E}}$  و  $\mathbf{\tilde{E}}$  . نشير قبل كل شيىء الى أن  $\mathbf{\tilde{E}}$  يعين بالعلاقة ( $\mathbf{\tilde{E}}$  1. فان الشعاع بشكل وحيد القيمة من اجل قيمة معطية لـ  $\mathbf{\tilde{E}}$  . اضف الى أن الشعاع  $\mathbf{\tilde{E}}$  يملك مركبتين مستقلتين خطيا ، ذلك لأنه عمودي على  $\mathbf{\tilde{E}}$  . اذا وجهنا المحور  $\mathbf{\tilde{E}}$  وفق  $\mathbf{\tilde{E}}$  (اي نختار  $\mathbf{\tilde{E}}$  0 ، 0 ، 1 ) فان  $\mathbf{\tilde{E}}$  وهكذا فان  $\mathbf{\tilde{E}}$  يعين بشكل كامل ، وكذلك الشعاع  $\mathbf{\tilde{E}}$  . وعند اعطاء هاتين المركبتين، فان  $\mathbf{\tilde{E}}$  يعين بشكل كامل ، وكذلك الشعاع  $\mathbf{\tilde{E}}$  . وبالتالي :

تملك الموجة الكهرطيسية المعرفة ب $\mathbf{w}$  و  $\mathbf{\tilde{n}}$  حالتين مستقلتين خطيا للاستقطاب، ويمكن تمثيل الموجة ذات الشكل العام كتركيبخطي لموجتين مستقطبتين بشكل مختلف وكل منهما ذات استقطاب ثابت .

يملك الحقل الكهربائي  $\vec{E_1}$  لاحدى الموجتين المستقطبتين ـ فـي جملة الاحداثيات المختارة سابقا ـ المركبات التالية :

E1 = E1 = 0 , E1 x = E0 e

ويملك الحقل عن اجل الموجة الثانية الاحداثيات

 $E_{2x} = E_{27} = 0$  ,  $E_{2y} = E_0 e^{-i\omega t + i \vec{K} \cdot \vec{r}}$ 

وترمز  $E_0$  الى أية قيمة مسجلة للحقل والتي نعتبرها هنا حصر أقيمة حقيقية وإن كلا من الموجتين السابقتين مستقطبة سطحيا ويدعي المستوي الذي يهتز فيه الشعاع  $\widetilde{F}$  بمستوي الاستقطاب وهكذا يكون مستوي الاستقطاب للموجة الأولى هو المستوي المحدد بالمحورين  $E_0$  ولا تعتبر جميع الامواج الكهرطيسيسة احادية اللون مستقطبة خطيا و الموجة ذات الشكل العام تنتج عين

: خند حقلها الكهربائي على شكل تركيب خطي أ $\vec{E} = \alpha \, \vec{E}_0 + c'b \, \vec{E}_2$ 

حيث عم و ط ثابتان اعتباطيان حقيقيان . ويعطى الجزء الحقيقي عم الموجة بالشكل: الموجة بالشكل:

Re  $E_X = E_0 a \cos(\omega t - \vec{k} \cdot \vec{r})$ Re  $E_Y = E_0 b \sin(\omega t - \vec{k} \cdot \vec{r})$ Re  $E_Z = 0$ 

فمن اجل b=0 ينعدم الحقل في تلك النقاط التي يتحقق من اجلها  $\omega \in \overline{K}$  =  $(N+\frac{1}{2})$   $\pi$ 

حيث N أي عدد صحيح . غير أنه إذا كان a = b فإننا نحصل على حيث  $(Re \ E)^2 = (E_a a)^2$ 

أي أن القيمة المطلقة للحقل على متساوية في جميع نقاط الفعسراغ، واثناء تناقص المركبة لا تنمو المركبة لا وعلى العكس إذا درسنا الحقل على من اجل لحظة زمنية مثبتة له فإنه أثناء الانتقال على طول الموجة ، يقوم الشعاع على (وبالتالي على ) بالدوران المنتظل محول على نفس الصورة السابقة للدوران المنتظم للحقل عول المحور عدما تثبت النقطة (أي من اجل الله الحقل على وينساب الزمن ، اذا كانت القيمة المطلقة للحقل على أو الحقل على الحوجد أي اختلاف وفقاللعلاقة 1240) من اجل الموجة المستويـــة الحدية اللون ثابتة في جميع النقاط ، فان الاستقطاب لتلك الموجة اليميني والاستقطاب الدائريا ، ويوجد نوعان من الاستقطاب الدائريالاستقطاب اليميني والاستقطاب اليساري ، ولنذكر أن الاستقطاب يكون يمينيـــا الذا كان دوران الشعاع عاشناء الانتقال وفق الشعاع الم ، ويدعى يساريا عقارب الساعة ، وذلك عند النظر من نهاية الشعاع المعاكسة ،

عندما  $0 \neq d \neq b \neq 0$  فان القيمة المطلقة للحقل  $\Xi$  تتغير ضمن الحدود من  $|a \neq b|$  الى  $|b \neq b|$  . وتدور في هذه الحالة نهايـــة الشعاع  $\tilde{E}(0,t)$  مثلا وفق قطع ناقص . ويدعى الاستقطاب الموافـــق بالاستقطاب القطعي الناقصي . ويعتبر الاستقطاب الخطي والدائــري

حالات خاصة (حدية) للاستقطاب القطعي .

يعطي اهتزاز النواس بسعات صغيرة تصوراً عن الاستقطاب (انظر الشكل 7.2) . فاذا ازحنا النواس البسيط عن الشاقول ازاحة صغيرة ثم تركناه ، فانه يبدأ بالاهتزاز في مستوى واحد ، إن ذلك يماشي لاستقل الاستقطاب السطحي ، إما اذا أزحنا النواس وزودناه بدفعة جانبية في اتجاه افقي ، فإن النواس يبدأ بالدوران وفق دائرة أو قطعناقص، إن ذلك يماثل الاستقطاب الدائري أو القطعى على الترتيب .

3 - إن التواتر والشعاع الموجي محددان بدقة في الموجة وحيدة اللون ، وتستمر الاهتزازات الى زمن لانهائي وتحدث في حجم غير محدود ، وتملك دائما في أي مكان نفس السعة . غير أن هذه الصفات المثالية تختفي في الامواج الحقيقية ، فالموجة الحقيقية تملك حيودا (انحرافا) ما هم في التواتر ، وتتواجد في فترة زمنية محدودة ك. ويحدث ذلك أيضا بالنسبة لمركبات الشعاع لم للموجة الحقيقية حيث تملك حيودا في قيمها للملاحم ، هم و جهم ، وتوجيد الموجة في حجم محدود ، في متوازي مستطيلات مثلا حروفه ٨ ٨ ، وتوجيد الموجة في حجم محدود ، في متوازي مستطيلات مثلا حروفه ٨ ٨ ، هم و جه ٠٠٠ .

يطرح في كثير من التطبيقات التقنية والعملية السؤال الهام التالي: إلى أي مدى أو في أية حدود يمكن تضييق قيم المقاديرالتي عددناها أنفا ؟ فمن المهم مثلا ،أثناء تصميم جهاز ارسال راديوي بسيط يبث اشارات مورس ، أن نعلم إلى أي مدى يمكن أن يكون الشريط التواتري (أي Δω) لهذا الجهاز ضيقا ، وذلك من اجل امتداد زمني لل المشارة قصيرة (أي النقاط) ، من المرغوب به حتما أن تكون كل من القيمتين صفيرة بأقل ما يمكن وبآن واحد ، فكلما كانت ۵۵ صغيرة كلما أمكن العمل لمجموعة أكبر من اجهزة البث دون أن يشوش أحدها على الآخر في مجال التواترات المعطى ، وكلما كانت ۵ صغيرة كلما كانت كمية الأخبار المبثوثة في واحدة الزمن أكبر .

يمكن البرهنة رياضيا على اللامساويات التالية التي تثبت الحدود

<sup>\*)</sup> نشير الني آنه خارج متوازي المستطيلات هذا (كما هوالحال خارج الفترة الزمنية ) لاتكون السعة معدومة تماما ، حيث يكفي ان تكون صغيرة وتتناقص بسرعة ،

الممكنة لتصغير قيم المقادير  $\Delta k_2$ ،  $\Delta k_3$ ،  $\Delta k_4$ ،  $\Delta k_5$  ،  $\Delta k_6$  ،  $\Delta k_6$  .  $\Delta k_6$  .  $\Delta k_6$  .  $\Delta k_8$  .

وتدعى هذه اللامساويات و التعيين (علاقات الارتياب) ويدعى كل من المقادير  $\omega$  ،  $\omega$  ،  $\omega$  ،  $\omega$  ،  $\omega$  وهكذا تعني  $\omega$  عدم التعيين لتواتر معطى ، و  $\omega$  تعني عسدم التعيين (الشك) في قيمة المركبة  $\omega$  للشعاع الموجي .

إن علاقات الارتياب صحيحة من اجل الأمواج المختلفة بطبيعتها، وتصح العلاقة الاولى لأي نوع من الاهتزازات .

 $K = \frac{2\pi}{3}$  إن طول الموجّة يرتبط بالعدد الموجي K = 1 وفق العلاقة وبالتّالي نحصل وفقا لقواعد حساب الاخطاء على العلاقة :

 $\Delta K = 2\pi\Delta\lambda/2$ اذا قمنا بتوجيه المحور X وفق الشعاع الموجي  $\overline{K}$  ، فاننا نحصل على الارتياب في طول الموجة  $\frac{3}{2\pi}$   $\leq \lambda\lambda$ .

تعطي علاقات الارتياب في كثير من الاحوال امكانية اجراءتقديرات بسيطة وفعالة ، وتعطي ايضا تكهنا كيفيا عن جريان الحوادث المختلفة فعلى سبيل المثال اذا كان امتداد نقطة واحدة من اشارات مورس في جهاز البث المذكور سابقا يساوي 0,1 ثانية ، فان عرض الشريط التواتري يكون :  $\frac{1}{2\pi \Delta t} < \frac{\Delta \omega}{2\pi \Delta t} = \Delta t$ 

ويعتبر هذا التشتت مهملا بالمقارنة مع التشتتات الحاصلة بتأثيرات أخرى (الحرارية مثلاً) .

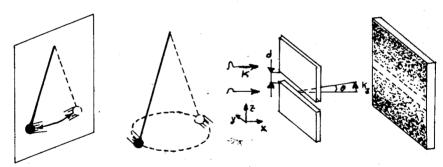
نورد أيضا تقديرا مماثلا من اجل البث التلفزيوني • يبث فـــي حالة التلفزة 25 صورة في الثانية ، وكل منها يتألف تقريبا من  $\frac{5.10^5}{3}$  نقطة مبثوثة على التوالي ( 625 غطا في كل منها 625. غصرا ) • ينتج أن بث النقطة الواحدة يستغرق زمنا قدره :  $\Delta t = (25.5 \cdot 10^5)^{-1} = 8.10^{-8}$ 

ونحصل في هذه الحالة على ٢٠٤ ٥٠١٥ = ٥٠٥ . وبالتالي يجب أن

يكون تواتر الموجة الحاملة اكبر من 30\_50 ميغا هرتز ويجب فهوي هذه الحالة أن يكون المجال التواتري الفاصل بين قنالين للبث أعلى من 2 ميغا هرتز .

$$+g\theta = \frac{|K_2|}{K} = \frac{\lambda}{2\pi d}$$

ويلاحظ أن التباعد يمكن اهماله من اجل  $\lambda < \lambda$  . غير أنه من اجل ويلاحظ أن التباعد يمكن أن تنتشر من الشق ،عمليا ،وفق مختلف  $\lambda \approx d$ 



شکل 3\_2 شکل 2\_7

الاتجاهات وتبين هذه النتيجة حدود استخدام الضوء الهندسي و لنذكر أنه اذا كان تغير سعة الموجة صغيرا جدا على مسافات من رتبة طول الموجة ،فان الموجة يمكن وصفها بالسطوح الموجية عندئذ يحدث انتشار الموجة وفق الاشعة ويعرف الشعاع بأنه الخط الذي يكون في كل نقطة من نقاطه عموديا على السطح الموجي ،الذي يتقاطع مع ذلك الخط في النقطة المعنية وتحدد العلاقات الثلاث يتقاطع مع ذلك الخط في النقطة المعنية وتحدد العلاقات الثلاث الأخيرة من (17\_22) الخواص الهندسية للأشعة ويدو أنه: اذاانتشرت

الموجة في وسط متجانس وكان طولها صغيرا جدا بالمقارنة مع الأبعاد المميزة لذلك الوسط فإن الأشعة تكون مستقيمة ، وفي هذه الحالة يحدث انتشار للموجة وفق قوانين الضوء الهندسي .

لم يشر هنا الى طبيعة الحادثة الموجية ، ذلك لأن الخاصية المذكورة للأمواج أتت كنتيجة لمبدأ الارتياب وهي صحيحة من اجلل جميع الامواج بغض النظر عن طبيعتها ، ويرتبط مصطلح الضوء الهندسي بأن الدراسة الأولية لانتشار الضوء تمت في شروط كانت فيها ابعاد الحزم الضوئية أكبر بكثير من الابعاد المميزة لأطوال موجات الضوء المرئى (سم-7-100 ك ) .

ولا تبدو أطوال الامواج دائما صغيرة جدا ، أو صغيرة فقط فمشلا عند انتشار الامواج الراديوية  $(m_1, m_2, m_3, m_4)$  في موجهات الامواج ذات الابعاد العرضية  $(m_2, m_3, m_4)$  الهندسى .

ويدعى انحراف انتشار الامواج عن قوانين الضوء الهندسي الـــى جوار الحواجر "بالانعراج" ، كما ذكرنا ذلك سابقا .

إذا كانت هذه الانحرافات صغيرة (ولكن ليست مهملة ، بحيث أنها لم تفقد تماما مفهوم الشعاع ) ، فان الانعراج يتجلى في انحناء الاشعة الى جوار مختلف الحواجز ، ونطرق هنا واحدة من مسائل الانعراج وبالضبط نبين حدود دقة الأخيلة الضوئية ، إن اشعة الحزمة الضوئية البين يجبيد أن تشقاطه وفقل لقوانين الضوء الهندسي في نقطة واحدة تشكل في الواقع خيالا على شكل بقعة ضوئية ، وتتجلى في هذا ظاهرة انعراج الضوء ، ويحدث ذلك لأن الابعاد الهندسية لأية جملة ضوئية محدودة ، وبالتالي لاتكون نسبة طول الموجة الى الابعاد المميزة للجملة مساوية تماما الى الصفر (بالرغم من صغرها الشديد) ، ويقدر بعدالبقعة مساعدة العلاقة  $\frac{R}{2\pi a} = 9$  ، حيث يفهم من له هنا قياس البقعة ومن الزاوية  $\theta$  زاوية انفراج حزمة الاشعة التي يجب أن تتقاطيع صغيرة ، وبالتالي  $\theta = 0$  ، وهكذا نحصل على تقدير لبعد البقعة الضوئية باستخدام العلاقة :

 $d = \frac{\lambda}{\theta}$  (24\_18)

وهذه العلاقة لاتستخدم فقط من اجل الأخيلة وإنما من اجل الاجسام المضيئة ايضا . وعلى وجه التحديد ،عند مراقبة نقطة مشعة لحرمية ضوئية طول موجتها لله فانه من غير المكنن تمييز هذه النقطة عن جسم بعده يساوي كي .

يمكن التعبير عن الاهترازات اللاتوافقية (غير هارمونية) لأي مقدار فيزيائي (+) \* بصيغتين :

أولا: نستطيع وفقا لنظرية فورييه ، أن نقدم (t) على شكـــل تركيب لحركات توافقية ، أى:

$$a(t) = \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-i\omega t} a_{\omega} \cdot d\omega \qquad (24.19)$$

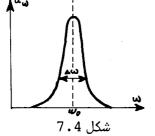
ويصف المقدار a الاهتزازات القريبة الى التوافقية ، فاذا كلن تابع التواترات a يملك نهاية عظمى واضحة في المجال المجاور الى قيمة محددة للتواتر a ويتناقص بسرعة من اجلزيادة a a الى قيمة محددة للتواتر a ويتناقص بسرعة من اجلزيادة a a (الشكل a أن المقدار a في صيغة الكتابة هذه يميز عصرض اسفين التابع a ويرى بوضوح في العلاقة المنشورة (a (24)التركيب التواتري ل a (a).

ثانيا : يمكن أن نعبر عن a(t) من خلال السعة  $a_o(t)$  والطور  $a_o(t)$  ،أي :

$$a(t) = a_o(t) \cdot e^{-i \cdot \psi(t)}$$

$$(24-2\mathbf{D})$$

حيث أن  $a_o(t)$  و (4t تابعان حقيقيان ويرى بوضوح في العلاقة (24\_2t) نمــــو

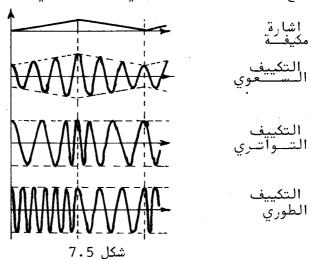


الاهتزاز بدلالة الزمن وإذا تغير كل من التابعين  $a_o(t)$  و (t) ببطىء مع الزمن وكان t (t) (t) فان التابع (t) الموجود في (24-20) مع مكن نشره بجوار كل لحظة زمنية  $t_o$  على شكل سلسلة تايلور والاحتفاظ بحديه الأولين :

<sup>\*</sup>أيمكن أن تمثل (+) مقداراً فيزيائيا معينا ، مثلا يمكن اعتبارها شحنة لبوس مكثفة لدارة مهتزة ، أو ازاحة كتلة موثوقة الى نابض عن وضـــع التوازن .

$$\psi(t) = \psi(t_0) + (t - t_0) \frac{\partial \psi}{\partial t} \Big|_{t=t_0}$$

ويدعى المشتق  $\frac{1}{2}\frac{\psi}{\partial t} = \frac{2\psi}{\partial t}$  بالتواتر اللحظي في الزمن  $\frac{1}{2}$  واذا تحقق التقريب المكتوب لا  $\psi(t)$  بشكل جيد ، وتغير التواتل  $\psi(t)$  بسكل جيد ، وتغير الزمن  $\psi(t)$  ببطىء (ليس بالضرورة بانتظام) عندما يتغير الزمن  $\psi(t)$  بحيث يبقى الى جوار التواتر المسجل  $\psi(t)$  وتصف التوابع  $\psi(t)$  و مدن اهتزازا مكيفا بتواتر حامل  $\psi(t)$  وتصف التواتر والتكييف الطوري على الترتيب ، ويعرض الشكل 7.5 هذه الانماط من التكييف ، وتلعب الامواج المكيفة الدور الرائد في البث الاذاعى ، حيث تعتبر  $\psi(t)$ 



التواتر الحامل للأمواج الكهرطيسية ، ونقول أن السعة  $a_o(t)$  تهتر بتواترات المجال الصوتي .

تسمح مبرهنة فورييه المذكورة بالحصول على العلاقة العكسية a(t) ، والتي يعبر بها عن التابع التواتري  $a_w$  بدلالة a(t):

$$a_{\omega} = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} e^{i\omega t} a(t) dt$$
 (24\_21)

ونقوم على سبيل المثال بالحصول على التابع هـ للاهتزاز المتخامد (الشكل 7.6) ، الذي تعطى من اجله (ttp بالعبارة \*)

\*)نقبل ، من اجل التناظر ، أن التابع (١٩٨٠ يتخامد أسيا من اللحظة ٥ + ٠ في كلا الاتجاهين للزمن .

$$a(t) = a_0 e^{-\frac{\aleph}{2}t} - i\omega t$$

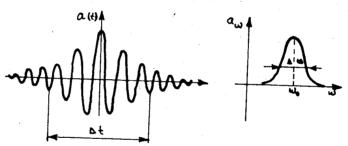
 $(24_{-}22)$ 

تعوض هذه العبارة في(21\_24) فنحصل على تكامل بسيط ، ونجد أن:

$$\alpha_{\omega} = \frac{\alpha_0 \delta}{2\pi \left[ \left( \omega - \omega_0 \right)^2 + \frac{\delta^2}{4} \right]}$$
 (24\_23)

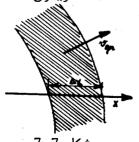
ونلاحظ أن التابع من الذي حصلنا عليه يحوى نهاية عظمي من احل ويكون عرض الاسفين  $\omega$  من رتبة  $\frac{\aleph}{2}$  . ويتواجد الاهتزاز  $\omega_{\bullet}$ بسعة ليست صغيرة بالمقارنة مع السعة البدئية ،ودلك خلال زمن Δt من رتبة 🙎 ، مما يتفق وعلاقة عدم التعيين (17\_24) .

نعمم التحليل المقدم من اجل علاقة الارتياب (زمن ـ تواتر ) علــــى علاقة الارتياب (احداثيات ـ شعاع موجي) ، وذلك باستخدام الرمـــوز الموافقة ، لأن الطبيعة الرياضية لكليهما واحدة . وتتضح حقيقة وجـود علاقة عدم التعيين (احداثيات شعاع موجي) من المثال التالي ويعرض الشكل 7.7 الوضع اللحظي المحدد مكانيا للحادثة الموجية ويبين القسم المخطط المكان الذي اثيرت فيه الاهتزازات وتستم المحطط



## شكل 7.6

الاهتزازات في كل نقطة خلال فترة زمنية مقدارها ملك ، ويكون امتداد



شكل 7.7

هذه الفترة من رتبة مولا ، حيث x ۵قياس الموجة في الأتجاه χ و مود المركبة على المحور x لسرعة المجموعة (يسجل عبور الامواج بسرعة نقل طاقتها التي تساوي سرعسية المجموعة) . وبما أن (٢٤ K = ٢٨ فان

مجال التواترات ۵۰۰ مسؤول عن مجال قيم المركبة للشعاع الموجي

$$\Delta K_{X} = \frac{d\omega}{d\omega} \Delta \omega = \frac{2\omega/2K_{X}}{\omega_{yr}} = \frac{\Delta \omega}{\omega_{yr}}$$

وبالتالي يكون:

وأخيراً نجد أن: ١ ١ ٥ ٥ ٥ ١ ١ ١ ٨ ٨ ١ ١ ١

# 25 \_ إشعاع الأمواج الكهرطيسية ،توليدهم ،طرق ملاحظتهم \_.

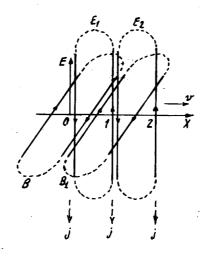
1 ـ تتولد جميع الحقول الكهرطيسية بواسطة الشحن والتيــارات الكهربائية .

إن الشحن المتحركة حركة متسارعة يمكنها أن تشع في الفضاء أمواجاً كهرطيسية ، وفي الواقع تولد الشحن الساكنة حقلا كولونيافقط ، ولا تتولد في الحالة الاخيرة امواج كهرطيسية ، ولا يمكن أن تتواجـــد هذه الأمواج في حالة الشحن المتحركة حركة مستقيمة منتظمة ، وذلك وفقا لمبدأ النسبية .

لنصف كيفيا صورة الاشعاع ، ندرس حالة بسيطة ، يلعب فيها دور المنبع جسيم مشحون مهتز ، إن اهتزاز الشحنة يؤدي الى اهتزاز الحقل  $\vec{E}$  في المنطقة المجاورة للشحنة ، غير أن تغير الحقسل الكهرطيسي ينتشر في الخلاء بالسرعة  $\mathbf{c}$  . وبالتالي يتخلف علسى بعد  $\mathbf{r}$  من الشحنة تغير الحقل عن اهتزاز الشحنة بالفترة الزمنية  $\mathbf{c}$  . وهكذا يكتسب تغير الحقل كتابع لا  $\mathbf{r}$  شكلا موجيا طول موجته يساوي  $\mathbf{c}$  . ويؤدي تغير الحقل الكهربائي مع الزمن ، وفقل المعادلة ماكسويل الرابعة من  $\mathbf{c}$  . إلى ولادة حقل مغناطيسي الثانية من الذي يولد بدوره حقلا كهربائيا  $\mathbf{c}$  ) وذلك وفقا للمعادلة الثانية من (1-24) ، إلى والدة حقل مغناطيس الثانية من (1-24) ، إلى وقتل المعادلة الثانية من (1-24) ، الخامة تشعها الشحنة المهتزة .

ويعرض الشكل 7.8 تخطيطيا هذه العملية : إن تناقص  $\vec{E}$  مع النزمن ، يماثل توليد تيار ازاحة  $\frac{2E}{c^2}$   $\frac{2E}{c^2}$  يتجه باتجاه معاكس لل  $\vec{E}$  . وهذا التيار مسؤول عن توليد حقل مغناطيسي  $\vec{E}$  خطوطه

متجهة باتجاه عقارب الساعة ، ولعدم وجود تيارات ثابتة تبقي على متجهة مستقرا ، فان  $\vec{B}$  يتناقص ويولد بدوره حقلا كهربائيا اعصاريا  $\vec{E}$  . ويكون اتجاه خطوط القوة لهذا الحقل بعكس اتجاه عقارب الساعــة



شكل 7.8

ويحطم هذا الحقل الحقل الأولي في النقطة 0 ويظهر في نقطة جديدة  $\mathbf{E}_{\mathbf{I}}$  ومن جديد يختفي  $\mathbf{E}_{\mathbf{I}}$  في 1 ليولد حقلا مغناطيسيا  $\mathbf{E}_{\mathbf{I}}$  يتجهب باتجاه عقارب الساعة ،يساهم الحقل  $\mathbf{E}_{\mathbf{I}}$  في تحطيم  $\mathbf{E}_{\mathbf{I}}$  غير أنسيت يتشكل في نقطة اخرى مجاورة ويولد بدوره حقلا كهربائيا اعصاريا  $\mathbf{E}_{\mathbf{I}}$  و  $\mathbf{E}_{\mathbf{I}}$  في الفضاء،أي تنتشر الموجسية .

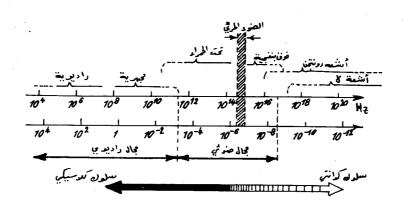
إن الشحن الكهربائية يمكنها أن تهتسرباي تواتر مرغوب به ، وتملك معادلات ماكسويل حلا من الشكل (4-24) و (7-24) من اجل أي تواتر كان ، وبالتالي :

" يكون الطيف التواتري للامواج الكهرطيسية غير محدود" •

وتختلف الامواج الكهرطيسية بهذه الخاصة عن الامواج الصوتية .

يعرض المخطط 7.9 مسطرة الامواج الكهرطيسية ويلاحه أن المجالات الطيفية ذات التسميات المختلفة تتداخل جزئيا وتوضح هذه التغطية الجزئية بأن كل مجال من مجالات مسطرة الأمواج الكهسر طيسية مرتبطة بهيئة محددة من المشعات فالامواج الرادوية والمجهرية

(مجال التواترات الراديوية) ، التي تستخدم بكثرة في التطبيقات العملية تشع بواسطة تيارات متغيرة تجري في نواقل عادية ويحدث احيانا أن تشكل الامواج الراديوية بواسطة مجموعات مجهرية للجسيمات مثلا ، الكترونات الذرات والجريئات وهكذا فان الكتسمون ذرة



شكل 7.9

الهدروجين قادر على اشعاع موجة كهرطيسية طولها تنتسب الى الامسواج ويقابلها تواتر قدره #4 1,43.10 أي أنها تنتسب الى الامسواج المجهرية \*أ. وتتولد الاشعاعات ابتداء من المجال الضوئي بواسطة المولدات المجهرية الضوئية وتنسب إلى هذا المجال الأشعة تحت الحمراء والأشعة المرئية والاشعة فوق البنفسجية ،والاشعة السينية السينية الطرية (أي الاشعة السينية ذات التواترات المنخفضة نسبيل) الطرية (أي الاشعة السينية ذات التواترات المنخفضة نسبيلات نادرة جدا على سطح الارض . وكل منها يشع خلال فترات متباعدة جسدا حيث يحدث ذلك بشكل وسطي مرة كل 11 مليون سنة . غير أن الاشعاعات الكونية تحوي امواجا ملحوظة بطول مقداره \$0,21\$ . ذلك لأن ذرات بسرع مختلفة فان التواترات نتيجة لمفعول دوبلر تقع في المجال المجاور براسة حركة غازات مابين النجوم و دراسة حركة على المجاور النجوم و دراسة حركة غازات مابين النجوم و دراسة حركة على المجاور المحاورة المجاورة المجاورة و دراسة حركة على المجاورة المجاورة و دراسة حركة على المجاورة و دراسة حركة على المجاورة و دراسة حركة على المجاورة و دراسة عراسة عر

وتعتبر الذرات والجزيئات المشعات الدارجة لمثل هذه الاشعاعات فالاشعة تحت الحمراء تنشأ أثناء الحركة المتسارعة الكوانتية للشحن في الجزيئات ، وتحدث هذه الحركة المتسارعة أثناء دوران الجزيء ، واهتزاز ذراته ، وتنشأ الاشعة المرئية وفوق البنفسجية ، نتيجة لاهتزاز الالكترونات في الذرات والشوارد ، وتختلف هذه الاشعاعات لأن كنل نوع من الذرات يشع فقط وفق تواتراته المحددة والخاصة .

تستطيع تيارات الالكترونات أن تولد الاشعة السينية . وهـده الاشعة تنشأ عن كبح (فرملة) الالكترونات بواسطة المواد . ويكــون الطيف التواتري لهذه الاشعة متصلا ، ويدعى بالطيف المكبوح .

تنطلق اشعة لل من نوى الذرات أثناء التحولات والتفاعل الت النووية . وتنشأ هذه الاشعة نتيجة لبعض التأثيرات المتبادلة بين الجسيمات العنصرية . وتسلك أشعة رونتجن وأشعة لا سلوكاكوانتيا . 2 ـ ندرس كيف تنتشر الاشعاعات الكهرطيسية ، ونبدأ قبل كــل شيء بالحالات التي تصادف غالبا .

عند انتشار الامواج الراديوية فوق سطح الارض وتحته (وذلك في حالة غياب جمل موجهة خاصة ) ، يظهر تأثير الخواص الالكتروديناميكية لسطح الارض وغلافها الجوى ، بالاضافة الى تحدب (تكور ) سطح الارض وعدم استواء تضاريسه الجغرافية , ويرتبط تأثير القشرة الارضية بأن الامواج تؤدى الى إثارة تيارات كهربائية ، ويتبع ذلك إنفاق جزء من طاقة الامواج . ويؤدي هذا الضياع في الطاقة التي إضعاف الامسواج الراديوية ،خاصة الى جوار محطات البث ، وينحصر تأثير الغللف الجوى بوجود البلازما (اينوسفير) وموات أخرى في طبقاته العليــــا القادرة على امتصاص بعض الامواج الراديوية . ويتمثل الدور الهام لطبقة الاينوسفير ، بقدرة هذه الطبقة على عكس الامواج المحصورة في المجال  $\mathbf{m} = 10 - 10^4$  ، وتشكل بالتالي حول الارض مرآة عاكسة خاصة . ولاتسمح تلك الطبقة بعبور جميع الامواج المبثوثة من المحطات الارضية التي تتجاوز اطوالها m 15\_10 ، وهذه الامواجتنعكس بالتناوب على سطح الارض وعلى طبقة الاينوسفبر ، مما يمكنها مـــن تغطية مسافات بعيدة ، وتؤمن بالتالى الاتمالات الراديوية حتى بين نقطتين متقابلتين قطريا من سطح الارض (الشكل 7.10) . ويبدو تأثير

ويبرز تأثير الغلاف الجوي (اتموسفير) في امتصاصه للأمواج في المجال  $7^2 - 10^2 - 1$  ويرتبط هذا التأثير بشكل رئيسي باحتـــواء الاتموسفير على الاوكسجين وبخار الماء .

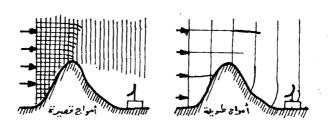
ويعتبر تقوس سطح الارض وجغرافيته مسؤولا عن ظواهر الانعلام

فيفضل الانعراج يمكن للامواج الراديوية الدوران حول الافق ، وتستطيع أن تتجاوز مختلف المواقع ، غير أن الامواج التي تنعرج بشكل ملحوظ تلك التي تملك اطوالا من رتبة  $m = 10 \le \lambda$  . أما الامواج الأقصر من ذلك فهي تنتشر بشكل مستقيم ، وتجتاز الموانع فقلط بواسطة الانعكاس على الاتموسفي

ويمثل الرسم 7.11 الفرق في سلوكيـة

شكل 7.10

الامواج القصيرة والطويلة عندما يعترضها حاجر ما ، وليكن جبلا مثلا . وتمثل الخطوط الشاقولية على الرسم السطوح الموجية للامواج المنعكسة .ويلاحظ الواردة . واخطوط الأفقية السطوح الموجية للامواج المنعكسة .ويلاحظ



شكل 7.11

أن الجبل يعزل الهوائي في حالة الامواج القصيرة ، بينما تدور حوله الامواج التي طولها من رتبة ارتفاعه ويتمكن الهوائي من التقاطها ويقتصر دور الجبل على إضعاف شدة هذه الامواج بشكل قليل .

ويتمتع الاينوسفير بصفة الشفافية بالنسبة للأمواج التي أطوالها اقل من 10 متر ، وتم اكتشاف اشعاعات كونية اطوالها من الرتبـــة

المذكورة . وقد استقطب هذا الاكتشاف اهتمام العلماء منذ اربعينات قرننا الحالي لاستخدامه في التعرف على محتويات الاجرام السماوية

3 ـ تعتمد طرق التقاط (تسجيل) الامواج الكهرطيسية المختلفــة على تحويل طاقتها الى شكل آخر للطاقة وتختلف طرق التحويـــل هذه باختلاف أطوال وشدات الامواج الملتقطة ومن المستقبدلات الشائعة : المستقبلات الحرارية التي تعتمد على تحويل طاقة الامواج الى طاقة حرارية تسخن العنصر المستقبل والمستقبلات الفوتـــو كهربائية التي تحول طاقة الامواج الى تيار كهربائي والمستقبلات الكيميائية والوماضة والتشردية ...الخ .

### 26 ـ آلية الاشعاع الكهرطيسي .

1-إن أغلب المنابع الطبيعية والصنعية للاشعاع الكهرطيــسي تحقق الشرط:

$$d < \langle \lambda \rangle$$
 (26\_1)

حيث **b** البعد الطولي للمجال الذي يولد فيه الاشعاع (أي المجال الذي يحوي الشحن المتسارعة ) و **2** طول موجة الاشعاع • ويمكن ان نقدم هذا الشرط بالشكل:

حيث  $^{\bullet}$  القيمة الوسطية لسرعة الشحنات ، وفي الواقع اذا كانت  $\mathbf{v}$  حور الاشعاع فان  $\mathbf{\lambda} = \mathbf{c} \cdot \mathbf{\lambda}$  ويكون  $\mathbf{d}$  من مرتبة  $\mathbf{v}$  مما يؤدي الى تكافؤ اللامتساويتين (1-26) و $(\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} \cdot \mathbf{a})$  ، ولا تتجاوز سرعة الالكترونات في الذرات القيمة  $\mathbf{v}$  0,01  $\mathbf{c}$  ، وكذلك الحال بالنسبة لالكترونات الناقلية في الهواثيات  $\mathbf{v}$  وسوف نرى أن الشرط ( $\mathbf{a} \cdot \mathbf{a} \cdot \mathbf{a}$ ) يتحقق في أغلب الحالات العملية .

يدعى منبع الاشعاع الكهرطيسي وحيد اللون الذي يحقق الشرط (26\_1) "بديبول هرتز" ،وهذا الديبول يملك عزما ديبوليا كهربائيا

 $\vec{P}(t) = \vec{P_0} \cdot e^{-i\omega t}$  : يتعلق توافقيا بالزمن  $\vec{P}(t) = \vec{P_0} \cdot e^{-i\omega t}$  (26\_2)

<sup>\*)</sup> إن الهوائيات الخاضعة لتأثير الامواج القصيرة والمجهرية الراديوية يمكن أن تملك ابعاداً من رتبة أواكبر من طول الموجة ولكن يمكن النظر اليهم كمجموعة من المنابع العميدة .

ولا تلعب تفصیلات التوزع للشحن والتیارات فی دیبول هرتز دورا هاما ذلك لأن مواصفات الاشعاع لاتتعلق بهذه التفصیلات ولزیادة الایضاح یمکن، مثلا ، اعتبار الدیبول مؤلفا من شحنة سالبة ساکنة  $\mathbf{P}$  و و و و موجبة  $\mathbf{P}$  + تهتز توافقیا و فق منحی  $\mathbf{P}$  بسعة مقدارها  $\mathbf{P}$  =  $\mathbf{B}$  و تواتر  $\mathbf{P}$  .

يدعى المجال المفصول بمسافات كبيرة بالمقارنة مع  $\lambda$  عــن ديبول هرتز ، أي من اجل  $r \gg \lambda$ 

بالمنطقة الموجية ويملك الحقل في المنطقة الموجية تركيبا ابسط من تركيبه على مسافات من رتبة  $\chi$  أو اصغر ويرتبط هذا التبسيط بسببين: تعتبر الموجة على مسافات بعيدة من المشع أي في الجوار المباشر لكل نقطة من نقاط المنطقة الموجية موجة مستوية تقريبا وبالتالي يمكن استعمال العبارات الموجية البسيطة وبالتحديد العبارة (24\_10) حيث  $\frac{1}{r} = \frac{1}{r}$  نصف القطر الشعاعي الذي يربط نقطة المراقبة بديبول هرتز ثانيا : يبقى في المنطقة الموجية عمليا فقط الحقول المفصولة عن الديبول والتي تنتشر بحرية ، بيناما تبقى الحقول المسافات التي من رتبة  $\chi$ 

ونورد هنا بعض الاعداد لاعطاء تصور عن ابتعاد المنطقة الموجية عن المشع لبعض حالات الاشعاع الأكثر انتشارا .إن المستقبل (المذياع) الموجود على مسافة من الاذاعة تساوي تقريبا 3 كم يقع في المنطقة الموجية فيما اذا كان تواتر البث يساوي  $10^7$  هرتز (أي بطيول موجي حوالي 30 مترا) .إن أية جملة ضوئية مفصولة عن البذرات المشعة للضوء المرئي (m  $^{3-}$ 10 ) بمسافة قدرها فقط 010 عقع في المنطقة الموجية .

إن حل معادلات ماكسويل من اجل ديبول هرتز في المنطقة الموجية  $\vec{E}(\vec{r},t) = \frac{1}{4\pi Z_0} (\vec{r},t) \wedge \vec{n} \wedge \vec{n}$  : يملك الشكل :

$$\vec{B}(\vec{r},t) = \frac{1}{4\pi \mathcal{E}_0 c^3 r} \left[ \vec{P}''(t) \wedge \vec{n} \right] \qquad (26-4)$$

 $\vec{P}'' = \frac{d^2\vec{P}}{dt^2}$  case  $t' = t - \frac{r}{c}$ 

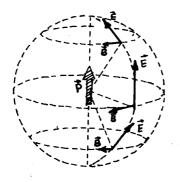
نوضح طبیعة العبارة (4-26) وإن تابعیة  $\vec{E}$  و  $\vec{E}$  الخطیة  $\vec{P}$  تنتج من خطیة معادلات ماکسویل وینتج تناسب الحقلین مع

الساكنة أو المتحركة بانتظام ، ويتفق التركيب الشعاعي ل  $\vec{B}$  و  $\vec{E}$  الساكنة أو المتحركة بانتظام ، ويتفق التركيب الشعاعي ل  $\vec{E}$  و مع الساكنة أو المتحركة بانتظام ، ويتفق التركيب الشعاعي ل أن معاع باونتنغ (4-23) يتناسب مع  $\frac{1}{r^2}$  ، ذلك لأن التدفق الكليل شعاع باونتنغ (4-23) يتناسب مع مركزها على موضع ديبول هرت لطاقة الاشعاع خلال سطح كرة ينطبق مركزها على موضع ديبول هرت لايتعلق بقيمة نصف قطر هذه الكرة ، ويتفق هذا مع قانون انحفاظ الطاقة : إن الطاقة التي تعبر سطح كرة نصف قطرها  $\vec{r}_1$  خلال فترة زمنية ما ، فانها تعبر خلال نفس الفترة الزمنية سطح كرة نصف قطرها

٠ ٢٥ > ٢٠ متمركزة مع الكرة الأولى حيث ٢٠

إن التناقص البطيء لحقل اشعاع ديبول هرتز بازدياد المسافــة (تابعية من الشكل  $\frac{1}{r}$ ) ، يسمح بانتشار الاشعاعات الكهرطيسية الـى مسافات كبيرة جدا . وبالتالي نستطيع أن نرى بالعين المجردة ضوء النجوم ، مع أن أقربها يقع على مسافة m  $3.10^{16}$  تقريبا .

يعرض الشكل 7.12 الحقلين  $\vec{\vec{E}}$  و  $\vec{\vec{B}}$  (العلاقة 4\_26) فــي



شكل 7.12

ثلاثة نقاط متساوية البعد عسن المنبع (العزم الديبولي  $\vec{P}$ )، ومختلفة الاتجاه ، نلاحظ أن  $\vec{R}$  و  $\vec{R}$  تشكل ثلاثية شعاعية متعامدة مثنى مثنى ويكون الاشعاع اعظميا في المستوي الاستوائي (حيث يكون عموديا على  $\vec{P}$ )، ويتناقص بازدياد خط العرض باتجاه القطبين وينعدم نهائيا على القطبين (وفق العزم الديبولى).

2 ـ نقوم باستنتاج العلاقة (4ـ26) . نحن نعلم إن الكمون الشعاعي  $\vec{A}(r)$  الذي يولدة تيار مستقر كثافته  $\vec{A}(r)$  يساوي :

$$\vec{A}(r) = \frac{1}{4\pi \xi_0 c^2} \int \frac{\vec{J}(r')dv'}{|\vec{r} - \vec{r}'|}$$

عند الانتقال الى الكمون  $\vec{A}(\vec{r},t)$  الذي يولده ديبول هرتز في المنطقة الموجية ، نقوم بتغيير عبارة الكمون  $\vec{A}(\vec{r})$  بالشكل: أولايُصبح متعلقا بالزمن ، أي  $\vec{A}(\vec{r},t)$  .  $\vec{A}=\vec{A}(\vec{r},t)$  بحكم الشرطين(2-26) و (26-2) ، تختلف كثافة التيار فعن الصفر فقط من اجل  $\vec{r}'<<$  بينما يكون  $\vec{r}'<<$  . وبالتالي يكون دوما  $\vec{r}'<$  ، وهكذا نستطيسيع أن نستبدل في مخرج علاقة  $\vec{A}$  المقدار  $\vec{r}'\cdot\vec{r}$  ابتثالثا : إن التيار يتعليق ايضا بالزمن ، ولكن بتخلف زمني قدره  $\vec{r}$  وهو الزمن اللازم لانتشار الشارة من الديبول الى النقطة  $\vec{r}'$  :  $\vec{r}'$  :  $\vec{r}'$  حيث  $\vec{r}'$  .  $\vec{r}'$  .  $\vec{r}'$  .  $\vec{r}'$  .

$$\vec{A}(\vec{n}t) = \frac{1}{4\pi \varepsilon_0 c^2 r} \int \vec{J}(\vec{r}, t') \cdot dr$$

غير أنه وفقا للعلاقة  $\vec{J} \cdot dV = \vec{J} \cdot dV$  (الحقول على مسافات بعينة) يكون :  $\vec{J} \cdot dV = \vec{P} \cdot (t')$ 

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \frac{\vec{p}^{\bullet}(t')}{4\pi \mathcal{E}_{o} c^{2} r}$$

لكي نحصل على المركبات المغناطيسية لحقل المشعّ ، يجب حساب دوار الكمون الشعاعي الذي حصلنا عليه ، ويجب أن نأخذ بعين الاعتبار إن هذا الكمون الشعاعي يتعلق فقط بالقيمة المطلقة لشعاع الموضع لتقطة الملاحظة ، وبالتالي اثناء حساب  $\vec{r}$  لنقطة الملاحظة ، وبالتالي اثناء حساب  $\vec{r}$  لاحتفاظ قاعدة تفاضل التابع المعقد ، ولكن بطبيعة الحال يجب الاحتفاظ بالمضروب الشعاعي :  $\vec{r}$  م عمد  $\vec{r}$  عمد  $\vec$ 

من المساواة 
$$\frac{\partial r}{\partial r} = \frac{\dot{r}}{r} = \vec{n}$$
 نحصل على:  $\frac{\partial}{\partial r} (r^2) = 2\vec{r} = 2r \frac{\partial r}{\partial r}$  من المساواة  $\frac{\partial}{\partial r} = \frac{\partial}{\partial r} \cdot \frac{\partial}{\partial r} = \frac{\partial}{\partial r} \cdot \frac{\partial}{\partial r}$  نستعملقاعدة الجداء التفاضلي ، وتفاضل التابع المعقد : من الجداء التفاضلي ، وتفاضل التابع المعقد : من المحددة الجداء التفاضلي ، وتفاضل التابع المعقد : من المحددة الجداء التفاضلي ، وتفاضل التابع المعقد : من المحددة الجداء التفاضلي ، وتفاضل التابع المعقد : من المحددة الجداء التفاضلي ، وتفاضل التابع المعقد : من المحددة الجداء التفاضلي ، وتفاضل التابع المعقد : من المحددة الجداء التفاضلي ، وتفاضل التابع المحددة الجداء التفاضلي ، وتفاضل التابع المعقد : من المحددة الجداء التفاضلي ، وتفاضل التابع المحددة المحد

ونحتفظ بالحد الذي يتناقص ببطىء بازدياد ٢ فنجد :

$$\frac{\partial}{\partial r} \left( \frac{\vec{P}(t')}{r} \right) = -\frac{1}{r^2} \vec{p}^*(t') - \frac{1}{rc} \vec{p}^*(t') = -\frac{1}{rc} \vec{p}^*$$

(حيث  $t' = t - \frac{t'}{c}$  ) . نضع كلا المضروبين المحسوبين في عــبارة مرحة ق عندصل على العلاقة التانية من اجل الحقل المغناطيسي قد المغناطيسي من الجملة (4-26) ، ونحصل على العلاقة الأولى من الجملة (4-26) ،  $\vec{E} = \vec{c} \vec{B} \vec{n} \vec{n}$  الله عن (24\_10) من

3 \_ نقوم الآن بحساب شدة اشعاع ديبول هرتز . إن تدفق طاق\_ة الاشعاع الكهرطيسي (4\_23) بالتعريف تساوي شعاع باونتنغ:  $\vec{\Pi} = \mathcal{E}_{b}c^{2}\vec{E}\wedge\vec{B}$ 

ويعتبر تدفق الطاقة للم المنسوبة الى واحدة الروايا المجسمة في الاتجاه المعطى ، في التطبيقات العملية ، أهم من شعاع باونتنغ نفسه . يصف المقدار من  $\frac{d\mathbf{I}}{d\mathbf{z}}$  التوزع الزاوي لطاقة الاشعاع . يدعى التدفق dI المار عبر الزاوية المجسمة طع بالتدفق التفاضلي للاشعاع في الزاوية المجسمة على . إن عنصر السطح ds ذا الناظم م لكرة نصف قطرها r والمفروز بالزاوية طعم يعطى العلاقة ع ds = n r2ds. وبالتالي :

، وبالتالي ؛ ۱۳۰۵ م ۱۳۰۵ = ۱۳۰۵ = ۱۲ ط

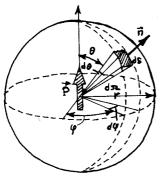
$$\frac{d\mathbf{I}}{d\mathbf{R}} = \vec{\Pi} \cdot \vec{\mathbf{n}} r^2$$

نبدل في آ حقل الاشعاع (4-26) ، وذلك باعتبار أن مركز الكـــرة منطبق على ديبول هرتز (الشكل 7.13) ، ونفض جميع الجداءات الشعاعيــة

فنحصل على:

$$\frac{dI}{ds2} = \frac{p^{-2}(t') \sin^2 \theta}{16 \pi^2 \mathcal{E}_{0} c^2}$$
 (26\_5)

وترمز 6 هنا الى الزاوية المحصورة بین دیبول هرتز و 📅 . ویجب آن يكون الشعاع. (+)  $\overrightarrow{P}$  في صيغتـــه



شكل 7.13

الحقيقية الحقيقية  $\vec{P}(t') = \vec{P}(t') = \vec{P}(t')$  ، ذلك لأن هذا الشعاع يدخــل فـي  $\vec{P}(t') = -\omega^2 \vec{P}(t') = -\omega^2 \vec{P}(t')$  وبالتالي على شكل تربيعه . ومن الواضح أن $\vec{P}(t') = \omega^4 \rho^2 \omega s^2 \omega t'$   $\vec{P}(t') = \omega^4 \rho^2 \omega s^2 \omega t'$   $\vec{A} = \frac{\omega^4 \rho^2 s in^3 \theta}{t^2 \pi^2 s^2 \omega^2 t'} d\theta \cdot d\phi \cdot \cos^2(\omega t')$ 

لقد استبدلنا هنا گه بقیمتها 3 بقوم بتوسیط دورا واحدا للاهتراز حیث یصبح شدة الاشعاع خلال فترة زمنیة تساوی دورا واحدا للاهتراز حیث یصبح  $\frac{1}{2}$  وبالتالی :

$$\frac{1}{dI} = \frac{\omega^4 R^2 \sin^3 \theta}{32 \pi^2 \mathcal{E}_0 c^3} d\theta \cdot d\theta \qquad (26-6)$$

وتعطي مكاملة العلاقة السابقة وفق الزوايا (وفق  $\varphi$  من الصفر الى  $2\pi$  ، ووفق  $\varphi$  من الصفر الى  $2\pi$  ) ، الشدة الكلية الوسطـــى

$$. \overline{I} = \frac{\omega' R^2}{12\pi \varepsilon_o C^3}$$
 (26\_7)

يساوي المقدار التكاملي  $\overline{\mathbf{I}}$  الطاقة المصروفة في ديبول هرتز على الاشعاع في واحدة الزمن ويحدد المقدار التفاضلي  $\overline{\mathbf{I}}$  استطاعــة الاشارة الكهرطيسية على مدخل جهاز استقبال موضوع في حدود الزاوية  $\mathbf{J}$  ويلاحظ مباشرة ان هذه الاستطاعة تنمو بحدة بازديـــاد التواتر ،حيث انها تتناسب مع  $\mathbf{w}^4$  وبالتالي تكون المولداتعالية التواتر أكثر فاعلية من المولدات منخفضة التواتر .

نشير في النهاية الى أن ثوابت العلاقات (5–26) ـ (7–26) و تتغير عند الانتقال الى الجملة  $\frac{1}{4\pi}$  مكان و دخل في العلاقة (7–26) يحل الثابت  $\frac{1}{4\pi}$  مكان  $\frac{1}{6\pi^2}$  ويدخل في العلاقة (7–26) الثابت  $\frac{1}{8}$  في مكان  $\frac{1}{12\pi\epsilon_0}$  .

مسائل وتطبيقات

ا ـ تنتشر موجة كهرطيسية مستقطبة خطيا في الخلاء . فاذا علمت  $E_0 = 50 \; m V/m$  . والتواشر معة الحقل الكهربائي لهذه الموجة  $v = 10 \; V = 10 \; Mz$ 

ب) القيمة المتوسطة خلال دور واحد لكثافة تدفق الطاقة ٠

$$\vec{d} = \varepsilon_0 \frac{2\vec{E}}{2t}$$

$$J = - \mathcal{E}_0 E_0 \omega Sin(\omega t - \vec{k} \cdot \vec{r})$$

التعریف: = 
$$\frac{\overline{J_o}}{\sqrt{2}} = \frac{\varepsilon_o E_o \omega}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi \nu \varepsilon_o E_o}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi \nu \varepsilon_o E_o}{\sqrt{2}} = 0,2 \, mA/m^2$$

ب) يعطى شعاع بأونتنغ بالعلاقة :  $\vec{\Pi} = \vec{n} c w = \vec{n} c \mathcal{E}_a E^2$ 

$$|\vec{\Pi}| = \frac{1}{T} \mathcal{E}_{o} C E_{o}^{2} \int_{0}^{T} \cos^{2}(\omega t - \vec{K} \cdot \vec{r}) = \frac{\mathcal{E}_{o} C E^{2}}{2} = 3, 3.10^{-6} = 3.3 \text{ mat} / m^{2}$$

:  $\vec{E}$  عنتشر موجة كهرطيسية في الخلاء ،حقلها الكهربائي  $\vec{E}$  عندشر موجة كهرطيسية في الخلاء ،حقلها الكهربائي  $\vec{E}$ 

حيث  $\vec{e_x}$  .  $\vec{K} = \vec{K} e_x$  ،  $\vec{E_0} = \vec{E_0} e_y$  المحورين  $\vec{K}$  على الترتيب . جد شعاع الحقل المغناطيسي  $\vec{K}$  في نقطة معرفة بالمحرود  $\vec{K} = \vec{K} e_x$  في اللحظة آ)  $\vec{E_0}$  .  $\vec{E_0}$  .  $\vec{E_0}$ 

X=7,7~m ،  $S=0,51~m^{-1}$ ،  $E_{o}=160~V/m$  تطبیق عددی  $t_{o}=33.10^{-9}$  see

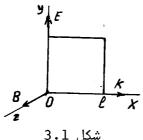
\_ من العلاقة

$$\vec{n} \cdot \vec{n} = \vec{c} \cdot \vec{\beta}$$

$$\vec{B} = \frac{\vec{e_x} \wedge \vec{e_y}}{c} = \frac{\vec{e_z} \cdot \vec{E}}{c}$$

$$\vec{B} = \vec{e_z} \cdot \frac{E_o}{c}$$
 :  $t = 0$  المحطة  $\vec{B} = \vec{e_z} \cdot \frac{E_o}{c}$  ده ده  $E_z \cdot E_z \cdot E_z$ 

توضع .  $E = E_0 \cos(\omega t - kx)$  وي الخلاء .  $E = E_0 \cos(\omega t - kx)$  . ( الشكل . ( 3.1 ) . وغي طريقها حلقة ناقلة مربعة الشكل طول ضلعها  $\ell$  . ( الشكل . ( 3.1 ) . الفوة المحركة المتحرضة  $\ell$  التي تثيرها هذه الموجة ، اذا .  $\ell$  = 50 cm ،  $\ell$  =  $\ell$  =



$$\mathcal{E} = \oint_{c} \vec{E} \cdot d\vec{e} = \int_{c} \vec{E}(0) d\vec{e} + \int_{c} \vec{E}(e) d\vec{e} \implies$$

 $\mathcal{E} = \ell E_0 \left[ \cos \omega t - \cos (\omega t - \kappa \ell) \right] =$   $= 2 \ell E_0 \left[ \sin (\omega t - \frac{\kappa \ell}{2}) \cdot \sin \frac{\kappa \ell}{2} \right]$ 

وأن ع و الداخلتان في شعاع باونتنغ تمثلان المركب الت المركب الت الحقيقية .

$$|\vec{\Pi}| = \xi_c c^2 E_b B_b \cos^2(\omega t - KX)$$

 $|\Pi| = I = \varepsilon_0 c^2 E_0 B_0 \omega s^2 (\omega + - kx) = \frac{\varepsilon_0 c^2 E_0 B_0 + \varepsilon_0}{\varepsilon_0 E_0 E_0} = \frac{\varepsilon_0 c^2 E_0 B_0}{\varepsilon_0 E_0} = \frac{\varepsilon_0 c^2 E_0}{\varepsilon_0 E_0} = \frac{\varepsilon_0 c^2 E_0}{\varepsilon_0} = \frac{\varepsilon_0 c^2 E_0}{\varepsilon_0 E_0} = \frac{\varepsilon_0 c^2 E_0$ حيث أن اقاء اقاً ا.

5 \_ جد شدة اشعاع جسيمة كتلتها m تتحرك وفق مس\_\_\_ار دائری نصف قطره a تحت تأثیر قوة کولونیة  $\cdot$  عبر عن الجواب بدلالة طاقة الجسيمة .

\_ يمكن التعبير عن الحقل الكهرطيسي على مسافات بعيدة مـن الجملة المشعة ، وذلك عندما يكون طول الموجة للاشعاع أكبر بكثيـــر من ابعاد الجملة المشعة بدلالة العزم الديبولى:

$$\vec{E} = \frac{\mu_o}{4\pi r} \left( \vec{P} \wedge \vec{n} \right) \wedge \vec{n}$$

$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi rc} \vec{P} \wedge \vec{n}$$

تكون شدة الاشعاع في حالتنا :  $\ddot{\rho}^2$   $= 2\left(\frac{\dot{\rho}^2}{12\pi\mathcal{E}_{\delta}c^3}\right)$ حيث  $\overline{P}$  العزم الديبولي للجملة في اللحظة  $\overline{P}$  .

$$\bar{I} = 2 \left( \frac{\rho^2}{12\pi \varepsilon c^3} \right)$$

ذلك لأننا نستطيع أن نتصور الحركة الدائرية مجموع حركتين توافقيتين

متعامدتین ۰ متعامدتین  $\vec{\vec{p}} = e \vec{\vec{r}}$  یکون  $\vec{\vec{p}} = e \vec{\vec{r}}$  بما أن  $\vec{\vec{p}} = e \vec{\vec{r}}$  یکون من معادلة الحركة

$$m\ddot{r} = -\frac{e^2 \vec{r}}{4\pi \epsilon_0 r^3}$$

 $\bar{I} = \frac{e^6}{96\pi^3 \epsilon^3 c^3 a^4 m^2} = \frac{128\pi\epsilon_0 |\mathcal{E}|^4}{2m^2 c^3 e^2}$ 

حيث ع طاقة الحسيمة .

- 6 ـ بين ان الاشعاع الديبولي يختفي عند اصتدام جسيمتيــــن متماثلتين .

\_\_ يعطى العزم الديبولي لجملة في جملة مركز العطالة ، بالعلاقة:

$$\vec{p} = e_1 \vec{r_1} + e_2 \vec{r_2} = \mu \left( \frac{e_1}{m_1} - \frac{e_2}{m_2} \right) \vec{r}$$

حيث  $m_2$  ،  $m_1$  كتلتا الجسيمتين ،  $\mu$  الكتلة المخترلــــة ،  $\mu$  الاحداثي النسبي للجسيمتين .

يكون من اجل جسمتين متماثلتين  $m_1=m_2$ ،  $\mathbf{e}_1=e_2$  ومنه  $\overrightarrow{P}=0$ 

وبالتالي يختفي الاشعاع الديبولي المتناسب مع المُ

7 ـ عين الزمن اللازم حتى تسقط جسيمة تتحرك بمسار دائري حول مركز مشحون على ذلك المركز ،نتيجة لخسارة طاقتها على شكل اشـعاع كهرطيسى .

\_ إذا كان تغير الطاقة خلال دور واحد صغير بشكل كاف ، فإننا نستطيع أن نكتب ، استنادا على المسألة 5 التالي :

$$\frac{d\mathcal{E}}{dt} = \frac{128\pi \, \mathcal{E}_0}{3} \cdot \frac{|\mathcal{E}|^4}{m^2 c^3 e^2}$$

$$\tau = \frac{3m^2 c^3 e^2}{128\pi \, \mathcal{E}_0} \int_{\mathcal{E}}^{0} \frac{d\mathcal{E}}{|\mathcal{E}^4|} = \frac{3m^2 c^3 e^2}{4\pi \, \mathcal{E}_0 \cdot 24 \, |\mathcal{E}|^3}$$
: aing

8 ـ يسبح الكترون ع على مسافة ل من نواة ثابتة شحنتها الله . يفترض أن المسافة ل كبيرة جدا بحيث أن سرعة حركــ الالكترون عم تتغير بمقدار صغير جدا . عين الطاقة التي يخسرهــا الالكترون على الاشعاع الديبولي .

ـ تعطى طاقة الاشعاع الديبولي بالعلاقة :

$$\mathcal{E} = \int_{-\infty}^{\infty} I \cdot dt = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{p^{2}}{6\pi \varepsilon_{0} c^{2}} dt$$
 (1)

باستعمال معادلة حركة الالكترون بشكل مشابه لما ورد في المسألة 5 نحصل على

$$\vec{P} = \frac{Ze^3 \cdot \vec{r}}{4\pi \varepsilon_0 m r^3} \tag{2}$$

حيث r المسافة بين الالكترون والنواة .

نحصل باهمال تقوس المسار على:

$$r = (d^2 + v^2 t^2)^{\frac{1}{2}}$$
 (3)

نكامل العبارة (1) آخذين بعين الاعتبار (2) و (3) ، فنجد :

$$\mathcal{E} = \frac{z^3 e^6}{192 \pi^2 \, \epsilon^3 \, c^3 \, m^2 \, V \, d^3}$$

# الفصل الشامين التأثيرات المتبادلة بين الأمواج الكهرطيسية والمادة

#### 27 \_ آلية التأثيرات المتبادلة .

1-تستطيع الأمواج الكهرطيسية أن تنتشر في الاوساط المختلفة بالاضافة الى انتشارها في الخلاء ، وتقود التأثيرات المتبادلة بين مادة الوسط والاشعاع الى ظواهر جديدة ، ومن الطبيعي أن تجزأ مسألة التأثيرات المتبادلة الى شطرين : أ) ماذا يحدث للاشعاع عند عبوره المادة ؟ ب) ماذا يحدث للمادة عند عبور الاشعاع ضمنها ؟ وسوف نبحث هنا الظواهر الاساسية ، أي الظواهر الشائعة أو النموذجية والعامة لكلتا الحالتين السابقتين .

إن أساس آلية التأثيرات المتبادلة يمكن تلخيصه بالتالي: يقوم الحقل المتغير للموجة الكهرطيسية بتسريع الشحن المجهرية المتعددة للمادة بشكل دوري وتصرف الشحن المسرعة بواسطة الخقل طاقتها الاضافية بطريقتين : أولا ، يمكن أن تمنح هذه الشحن الطاقة لدرجات الحرية الاخرى للوسط وثانيا ، يمكن أن تقوم هذه الشحن كأية شحن مسرعة باشعاع موجات جديدة ويحدث في الحالة الأولى من وجهة النظر الجهرية ، امتصاص للاشعاع ، وفي الحالة الثانية انتشار الاشعاع في الوسط ، وذلك وفق آلية الامتصاص المستمر واعادة اشعاع للامواج الكهرطيسية من قبل شحنات الوسط .

سنقتصر في دراستنا على التأثيرات المتبادلة بين الامواج احادية اللون مع الاوساط المتجانسة والمتماثلة المناحي والتي تتمتـــــع بمواصفات كهربائية بسيطة نسبيا ، أي العوازل الغير مستقطبـــة والعوازل المستقطبة والنواقل الكهربائية (المعادن) ، لقد وردت في نتب الكهرباء والمغناطيسية سلوكية هذه المواد في الحقول المستقرة ويمكن تعميم ماقيل سابقا على الحالة التي نحن بصددها أي التأثيرات المتبادلة مع الامواج الكهرطيسية ، ويكون هذا التعميم كالتالي :

يأثر الحقل الكهربائي للموجة بشكل دوري على السحب الالكترونية للجسيمات اللاقطبية ، وعلى الشوارد المختلفة في التركيبات الشاردية (مثلا  $Na^{\dagger}$  و على ملح الطعام) ، وعلى توجيه الديبولات الجسيمات القطبية . وهذه العمليات تقود الى استقطاب الكتروني وشاردي وموجه .

على الترتيب ، بواسطة الموجة الكهرطيسية .

تلاحظ الظواهر السابقة في المعادن ايضا ، ذلك لأن أي معسمين يمكن اعتباره جزئياً مادة عازلة ، حيث يوجد في المعادن ، بالاضافة الى الكترونات الناقلية ، عددكبير من الشحن المرتبطة ، وتمثل هذه الشحن الايونات التي تشكل التركيب البلوري للمعدن ، غير أن العملية الرئيسية في المعادن تتمثل في التأثير المتبادل بين الموجة الكهر طيسية والكترونات الناقلية ، وتنفذ الكترونات الناقلية في المعدن تحت تأثير الحقل الكهربائي للموجة حركة اهتزازية منتظمة ، تكبحها المقاومة الاومية .

يوجد في الموجة الكهرطيسية ، كما هو معلوم ، بالاضافة الى الحقل الكهربائي حقل مغناطيسي  $\vec{B}$  ، يوثر على التيارات وعلى العصروم المغناطيسية . غير أن التأثيرات المتبادلة مع الحقل الكهربائييين تكون في اغلب الأحيان اكبر بكثير منها في حالة الحقل المغناطيسي وبالتالي يمكن بتقريب جيد اهمال تأثير الحقل المغناطيسي للموجة على المادة . ولكي نقتنع في ذلك ، ندرس على سبيل المثال تأثير الموجة على الالكترون . ينتج من العلاقة (10 $^{-2}$ 1) أن النسبة بين الموجة في الموجة الكهرطيسية هي  $\vec{B}$ 1 في الجملة  $\vec{B}$ 1 في الموجة الكهرطيسية هي المائي يشكلها الحقلان  $\vec{B}$ 1 و على الترتيب من رتبة :

حيث  $\P_{o}$  شحنة الالكترون و  $P_{o}$  سرعته المطلقة وتملك الالكترونات في الذرات والكترونات الناقلية في المعادن سرعة أُصغر بكثير من  $P_{o}$  أي  $P_{o}$  . ينتج من هنا أن القوى المغناطيسية تشكل جــزءا

من مئة من القوى الكهربائية ، أي أنها صغيرة بشكل كاف لاهمالها ،

ويتكون من اجل الايونات النسبة على أصغر من سابقتها بعدة مراتب .

نشير بدون حسابات إلى أن طاقة التأثير المتبادل بين **B** والعزم المغناطيسي للالكترون اصغر بمرتبتين من طاقة التأثير المتبادل للحقل الكهربائي مع الالكترون ، وهناك استثناء عن هذه القاعدة يشمل المواد ذات المغنطة الحديدية والمواد القريبة منها في التركيب ، وكذلك التأثيرات المتبادلة التجاوبية للعزوم المغناطيسية معالحقول

المغناطيسية التي تعتبر في الواقع تأثيرات كوانتية ،لذلك سـوف لانتعرض لها ،وهكذا سنعتبر أن النفوذية المغناطيسية للمواد  $\mathcal{H}_{r}$  تساوى الواحد ،

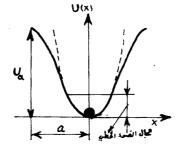
(البعد الطولي المميز للذرة) .

وتساوي القيمة الدارجة لعمــق 18 - كي 5 €.۷ - 10 مرية الحفرة المحروبة الحفرة المحروبة المحرو

إن القيمة المطلقة للحقل الكهربائي

في حفرة كهذه : ـ **10**ـ

$$E_{a} = \frac{U_{a}}{q_{o}^{a}} \approx \frac{10^{-10} \text{ Joue}}{1,6.10^{-19} \text{ c} \cdot 10^{-10} \text{ m}} \approx 10^{41} \text{ V/m}$$
 (27-1)



شكل 8.1

حيث م الشحنة العنصرية .

يمكن أن نقرر بالمقارنة مع قيمة هذا الحقل فيما اذا كانت سعة الموجة كبيرة أو صغيرة وهكذا تعتبر سعة الموجة الضوئية صغيرة أذا نحقق الشرط:

حيث  $_{0}^{2}$  القيمة المطلقة لسعة الحقل الكهربائي للموجة وعندما يحقق الشرط(2-27) ، يمكن تمثيل الحفرة الكمونية للالكترون بتقريب جيد على شكل قطع مكافىء (وهذا القطع ممثل على الرسم 8.1 بخطم متقطع) . وبطبيعة الحال ، فإن الالكترون المثار بسعة موجية صغيدة يحقق اهتزازات توافقية الى جوار وضع توازنه . وينشأ أثناء ذلك عزم كهربائي ديبولي متغير  $(t) = P(t) = -q \hat{r}(t)$  انحدراف الالكترون عن وضع التوازن . وتحدد القيمة المتوسطة لمجموع العروم وتكون ، كما هو معلوم ، ازاحة الحجم من العازل ، تحدد استقطابيته . وقرة قطعية مكافئة متناسبة مع القوة القاسرة . وتمثل ، في حالتنا قوة الحقل الكهربائي للموجة القوة القاسرة . واذا كانت جميع العزوم الديبولية الكهربائي للموجة الحجم المعطاة متعلقة خطيا بالحقل الكهربائي E(t) الموجة في الموضع المعطى ، فإن الحقل يتناسب مع اللاستقطابية (t) أي :

$$\vec{P}(t) = \mathcal{E}_0 \times \vec{E}(t) \qquad (27-3)$$

ولا يتعلق المعامل  $m{x}$  بالحقل  $m{E}$  ، غير أن تعلقه بتواتر الموجـة  $m{\omega}$  وارد ، كما سنرى لاحقا .

تستعمل الصياغة الخطية بين P(t) و E(t) بشكلها الوارد في يورد ويدنى ويدنى ويدنى ويعتبر العلاقة المستقرة  $\vec{P} = \mathcal{E}_0 \times \vec{E}$  ، وذلك في حالة استقطاب العازل بواسطة الحقل الكهربائي للأمواج صغيرة السعة ويدعى الثابت ويلسماحية المعزالية .

ران عمليات عبور الامواج الضوئية خلال الاوساط العازلة تنتسب الى الظواهر الضوئية الخطية ،وذلك اذا روعي الشرطان (2-27) و(3-27) وتعتبر الحوادث الناتجة عند خرق الشرط (2-27) مادة للدراسة في الظواهر الضوئية اللاخطية .

نشير الى أنه عندما يتحقق الشرط (2-27) يكون من البديهي نشير الى أنه عندما يتحقق الشرط (2 $E_0$ ) يكون من البديهي امكانية اهمال  $E_0$  امام  $E_0$  امام  $E_0$  امام  $E_0$ 

وهذه القيم كبيرة جدا بالمقارتة مع الحقول الكهربائية للأمواج الكهر في ما أما  $E_o=10$   $10^3$  V/m . أما في حالة المنابع اللازرية فإن قيم الحقول يمكن أن تصل الىV/m .  $E_o=10$  V/m .  $E_o=10$  V/m .

نشير ايضا الى أن الامواج الراديوية التي تبثها المنابع المعروفة تحقق دائما الشرط (2-27) .

يدخل استقطاب العازل بالآلية التشردية تحت يافطة الشرط (27\_2) . أمابالنسبة الى الاستقطاب التوجيهي (الموجه) ، فالسيختفي في مجال التواترات الضوئية ، ويفسر هذا عطالة الديبسولات القاسية للجسيمات القطبية ، حيث أن هذه الديبولات لاتستطيعمتابعة تغيرات الحقل في المجالات الضوئية ، وأخيرا فان تقدير صغر سسعة الحقول الموجية في حالة المعادن ، يمكن بحثها فقط استنادا السيالت التصورات الكوانتية التي لانتعرض لها هنا ،

تنتج الصفات الاساسية للضوء الخطي من العلاقة (3-27)، وتتلخص في أنها تحقق مبدأ التركيب:

"ان ميزة الظواهر الضوئية هي عدم تعلقها بشدة الضوء ،ولا يتغير تواتر الموجة عند عبور هذه الموجة الأوساط المادية ":

تخرق جميع الصفات المذكورة في حالة علم الضوء اللاخطــــي . ونقوم في الفقرات القادمة بدراسة المفاعيل الخطية واللاخطية .

نشير في نهاية هذا البنذ الى أن سعة حقل الموجة الضوئي...ة يمكن أن يفوق قيمة التوتر الساكن المسؤول عن القدح (اصدار شرارة )، ومع ذلك فان المادة لاتتخرب (في العوازل الجيدة كالفرفور ومل....ة الطعام ١٠٠لخ ، يحدث القدح من اجل قيم للحقل الساكن من رتب...ة 10 فولت/ م) ويفسر ذلك بأن انجاز أسرع عمليات القدح يتطلب زمنا من رتبة 7 10 ثانية ،في حين أن الموجة الضوئي...ة تحافظ على توتر من اشارة واحدة خلال فترة زمنية تساوي نصف الدور وهذه الفترة لاتتجاوز 10 ثانية تقريبا .

 تمنح الموجة الضوئية الساقطة على العازل طاقتها الى الحركة الاهتزازية للالكترونات والايونات المرتبطة ، وتعتبر الالكترونات والايونات المهتزة ديبولات متغيرة ، أي أنها تصدر امواجا جديدة ، ومن وجهة النظر الجهرية تعتبر هذه العملية المتواصلة لامتصاص واعادة اصدار الطاقة الكهرطيسية من قبل شحن العازل آلية انتشار الامواج في العازل ، ويعطى جزء من طاقة الديبولات المحرضة (المثارة) الى الحركة الحرارية لجزيئات المادة ، وبنتيجة هذه العملية الثنائية لمنح الطاقة من الموجة الى الحركة الحرارية يحدث امتصاص الموجة من قبل العازل ، وبهذا الشكل وفقا للتقريب الخطي يتم آ) انتشار الموجة الموئية ، ب) وتخامدها ، وترتفع تبعا لذلك درجة حصرارة العازل .

نوكد هنا أن الموجة الواردة من الخلاء الى العازل لاتغير تواترها .

تعتبر ،في الواقع ، اهتزازات ديبولات العازل تحت تأثير الموجة اهتزازات قسرية . وبالتالي تحدث بتواتر يوافق تواتر القوة القاسرة أي تواتر الموجة . ويملك ، وفقا للعلاقة (4-26) ، اشعاع الديبول بدوره تواتراً يساوي تواتر اهتزازه . ويعتبر عدم تغير التواتر (بغض النظر عما يحدث للشدة ) صفة هامة لعلم الضوء الخطي .

نشير الى أن المواصفات الاخرى للموجة وعلى الاخص طولهـــا وسرعة انتشارها تتغير اثناء انتشارها في الاوساط المادية • ومـــن الممكن أن يتغير ايضا استقطاب الموجة •

تنبه الى أن سلوك الامواج في النواقل مشابه لما هو عليه في العوازل ،وذلك في حالة الاضاءة الخطية . ففي هذه الاوساط تنتشر الأمواج محافظة على تواترها ،ويحدث امتصاص لها وترتفع درجية حرارة الوسط . وسنقدم لاحقا الدراسة الكمية لهذه المفاعيل .

4\_ اضافة الى ماقدمناه من الظواهر الاساسية يوجد (حتى في المجال الخطي) عدد كبير من المفاعيل التي تنشأ اثناء انتشار الامواج الكهرطيسية خلال المادة ، ولنذكر على سبيل المثال الاصدار الضوئي: أي اصدار الضوء بتواتر آخر تحت تأثير الاشعاعات الكهرطيسية ،المفعول الضوئي الداخلي : ظهور ناقلية كهربائية للعازل تحت تأثير الاشعاع

التفاعل الفوتو كيميائي ١٠٠٠لخ ، وتملك هذه المفاعيل على اختلافها صفتين مشتركتين ، أولا لاتعتبر أية ظاهرة من هذه الظواهر ظاهرة عامة ، وإنما تحدث في مجموعة محددة من الاوساط ، ثانيا : تعتبر آلية هذه الظواهر كوانتية في جوهرها .

28 ـ التشتت ، الامتصاص ، التبددفي الامواج الكهرطيسية ، الانكسار

#### المضاعف .

تبرز التابعية (س) كلسبب التالي ولقد أكدنا سابقا أن الالكترونات الخارجية المرتبطة بالذرات والجزيئات وكذلك الايونات في التركيب الايوني تحقق اهتزازات قسرية تحت تأثير حقل الموجة الكهرطيسية صغيرة السعة وتتعلق سعة تلك الاهتزازات بشكلتجاوبي (طنيني) بتواتر القوة القسرة التي يولدها الحقل الكهربائي للموجة وبالتالي مادام تواتر الموجة اصغر بكثير من أي من التواترات الذاتية للهزازات (أي الالكترونات والايونات ) في المادة ، فان تلك الهرائات تهتز على اتفاق بالطور مع الحقل وتقوم استقطابية الوسط الالكترونية والايونية ، من اجل هذه التواترات ، بمتابعة تغيرات الحقل الكهربائي للموجة بدقة وبالتالي تكون تابعية الاستقطابية الالكترونية والايونية للموجة بدقة والحال في الوضع المستقر وغير أنه عندما تقتليل الكوريية والايونية تواترات الموجة من أحد التواترات الذاتية للهزازات الالكترونية والايونية تواترات الموجة من أحد التواترات الذاتية للهزازات الالكترونية

أو الايونية ،فان سعة الاهتزاز تنمو بشكل حاد ، وتصبح الموجة الكهر طيسية على التجاوب مع الهزازات ، وإذا أصبح تواتر الامواج اكبـــر بكثير من التواترات الذاتية ،فان الاهتزازات القسرية للشحن المرتبطة للمادة تتوقف كليا ،ولا تحدث استقطابية الكترونية أو ايونية ،ويعود السبب في اختفائهم الى عطالة الشحن المرتبطة التي لم يعد بامكانها اللحاق بتغيرات تواتر الحقل السريعة ،وهكذا نرى أن استقطابيــة المادة تتعلق بتواتر الموجة ،وهذا يعني وفقا للعلاقة (27\_3) ،أن السماحية المعزالية لا ،وبالتالي ١٤٠٤ع تابعان للتواتر .

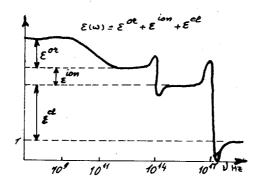
تحتل التابعية (ع) كمانا هاما في حالة الآلية التوجيهية للاستقطاب . حيث أن ديبولات الجسيمات القطبية تغير توجيهها فقط في حالة الموجة الكهرطيسية دون أن تغير قيمتها عمليا . وبالتالي لايحدث في حالة الاستقطاب التوجيهي تأثير متبادل تجاوبي للحقل مع المادة . ويبقى مفعول توقف الاستقطاب قائما من اجل التواترات المرتفعة ، ويرد ذلك الى عطالة الجسيمات القطبية . بما أن هذه الجسيمات تتمتع بعزوم عطالية محددة ، فهي لاتستطيع اللحساق بالتغيرات السريعة للحقل الكهربائي للموجة . إن مفعول ضياع الاستقطابية التوجيهية يؤدى أيضا الى التابعية (ع) ك.

یمکن اعطاء تصور عن شکل التابعیة  $(\omega)$   $3+1=(\omega)$  من خلال الرسم 8.2 ، حیث فرزت مساهمات کل من اشکال الاستقطابیة المذکورة سابقا \* وکما یظهر علی الشکل فإن التابعیة  $(\omega)$  3 لیست انسیابیة. فالقمم والوهدات علی المنحنی  $(\omega)$  3 ترتبط بالظواهر التجاوبیسة وتملك مرکبات  $(\omega)$  من اجل التواترات الصغیرة بشکل کاف (نظریا  $\omega \rightarrow 0$ ) تلك القیم التی تقاس فی حالة الحقول المستقرة .

يلاحظ التبدد ايضا في النواقل ويمكن ، جزئيا ، النظر الى أي ناقل ضمن معيار معين ، وكأنه عازل (انظر الفقرة 27) . غير أُنالمفعول الرئيسي في النواقل هو التأثير المتبادل بين الحقل وحملة التيار، حيث تعطي الموجة الكهرطيسية طاقتها الى الاهتزازات المنتظمية \* تظهر الخواص الكوانتية للأمواج الكهرطيسية ابتداءمن التواترات ذات المراتب العليا (اعلى من 18 م هرتز ، وتعتبر الموجة الككوانتية تيارامن الفوتونات ، وتملك بالتالي التأثيرات المتبادلة لمثل هاستده الامواج مع المادة مع المادة .

لحملة التيار ، وتبدأ بالتخامد . ويكون تخامدها متناسبا مع مقـــدار سماكة الطبقة التي تعبرها داخل الناقل . وسوف نقتنع لاحقا وبشـكل مباشر ، بأن التخامد يملك علاقة مباشرة بالتبدد . ويلاحظ التخامــد فقط ، اذا كان تواتر الموجة أقل من قيمة حدية للتواتر . ويصبـــــ الناقل فوق هذه القيمة الحدية شفافا بالنسبة للامواج الكهرطيسيــة . فعلى سبيل المثال يكون الصوديوم المعدني شفافا بالنسبة للأشعــة فوق الننفسجية التي تتجاوز تواتراتها ألا هرتز . وتنسبشفافيــة للناقل الى المفعول العطالي أيضا ، غير أنه في هذه الحالة يعــود الى حملة التيار ، وبالتالي تنفذ الموجة عبر الناقل دون أن تتخامد . وسندرس لاحقا آلية هذه المفاعيل .

2 ـ تتعلق الكيفية التي تنتشر بها الامواج الكهرطيسيسية ذات التواترات المختلفة في الاوساط المختلفة تتعلق بالتبدد ، وتملك هذه المسألة أهمية بالغة ، ففي علم الضوء مثلا تعمل العديد مـــن المنظومات الضوئية مختلفة العناصر (التي تنتسب لها مختلف العدسات والمواشير ) في نظام تمرير الضوء ، ويتمثل الاهتمام العملي هنا فـــي مسألة تحديد تابعية سرعة الضوء عبر العازل المعطى لتواتر الموجــة



شكل 8.2

الضوئية ، وتتم دراسة العازل في حقل الموجة المتغير كجملة مـــن البييولات الطرية (الغير قاسية) ، وللتبسيط سوف نعتبر كل ديبـــول شكلا اهتزازيا لالكترون خارجي وحيد في الذرة أو الجزيىء ، وفي هــذا

النموذج المتخذ من قبلنا سوف ندرس تلك الاهتزازات وفق قوانيـــن الميكانيك الكلاسيكي ٠

نشكل معادلة الحركة من اجل الالكترون المرتبط مهملين تأثير القوة المغناطيسية عليه ، مما يتفق وما تقدم في الفقرة 27 ، وهــذا الاهمال جائز تماما ، إن ازاحة الالكترون محصورة بحجم الذرة أو الجزيء (وبالتحديد سوف نتحدث في المستقبل حول الذرات فقط) ، إن طــول الامواج الضوئية فوق البنفسجية (حتى القصيرة منها) تفوق بمرتبــة أو أكثر البعد الطولي للذرة ، وهكذا نستطيع القبول بأن الحقل الكهربائي للموجة  $\vec{E}(\vec{r},t)$  في كل لحظة يملك نفس القيمة في جميع حجم الــذرة ، أي في كل نقطة من مسار الالكترون ،

سوف نعتبر الموجة مستقطبة سطحيا ، ونختار مبدأ جملة المقارنة بشكل ينطبق معه مبدأ الاحداثيات على موضع التوازن للالكترون ،بحيث يكون المحور  $\mathbf{x}$  موازيا للحقل الكهربائي للموجة ، وبالتالي تكون المركبة الوحيدة الغير معدومة للحقل هي المركبة  $\mathbf{E}_{\mathbf{x}}$  التي سوف نرمز لها ب $\mathbf{E}_{\mathbf{x}}$  أي أن  $\mathbf{E}_{\mathbf{x}}$  أن أن القيمة المطلقة لسعة حقل الموجة الكهربائي في الذرة تساوي  $\mathbf{E}_{\mathbf{0}}$  ، وتواتر الموجة وذلك عندئذ سيتغير الحقل الكهربائي مع الزمن بالقانونية التالية ، وذلك  $\mathbf{E}_{\mathbf{0}}$  و  $\mathbf{E}_{\mathbf{0}}$ 

وبما أن شحنة الالكترون تساوي  $q_0 - q_0$  ، فان القوة القاسرة المطبقة على الالكترون من قبل حقل الموجة تساوي :

: ويخضع الالكترون أيضا الى فعل قوة ارجاع  $F' = - K \xi$ 

$$F'' = -\beta \frac{d\xi}{dt}$$
 ; (equal in the image)

المحور X ، وهكذا يكون F'=(F,0,0) . الخ

ران شكل قوة المرونة يحدد ،بأن قيمة قوة الارجاع من أجلل الانحرافات الصغيرة عن موضع التوازن يتناسب خطيا مع الازاحة . ويؤخذ شكل قوة الازاحة كما هو الحال في الهزاز المتخامد النمطي ، ويرخذ شكل قوة الازاحة كما هو الحال في الهزاز المتخامد النمطي وي تتناسب قيمتها مع السرعة الخطية ، إن ادخال القوتين ألوقة يوافق الحساب النموذجي للقوانين الكوانتية . هكذا يكون منشأ القوة F' التي تثبت الالكترون في وضع التوازن منشأ كهربائيا . غير أن القوى الكهربائية يمكنها أن تخلق صورا مستقرة للجسيمات المشحونة القوى الكهربائية يمكنها أن تخلق صورا مستقرة للجسيمات المشحونة (أي الذرات ) فقط عند أخذ خواصها الكوانتية بعين الاعتبار . وبالتالي فان المقدارين F' و F' يمكن حسابهما نظريا في النظرية الكوانتية فقط . وتفسر الحقيقة التجريبية التي تثبت وجود تواتر ذاتي للاهتزازات اللكترونية في الذرة ، ادخال القوة F' . وتبرر الحقيقة التجريبية لتخامد تلك الاهتزازات بعد اثارة الذرة ادخال القوة F' .

نشكل معادلة الحركة للالكترون في حقل القوة الحاصلة وذلـــك باستعمال قانون نيوتن:

$$m_e \frac{d^2 \xi}{dt^2} = -9 E_0 e^{-i\omega t} \kappa \xi - \beta \frac{d \xi}{dt}$$

وترمز  $m_0$  الى كتلة الالكترون ، عند انحراف الالكترون عن موضعالتوازن بالمقدار  $m_0$  ينشأ للذرة عزم كهربائي ديبولي  $m_0$  وبتبديل ويتمتها  $m_0$  عن معادلة الحركة ، تحصل على معادلة للعزم  $m_0$  بقيمتها  $m_0$  عن معادلة الحركة ، تحصل على معادلة للعزم

$$\frac{d^{2}P}{dt^{2}} + 2 \times \frac{dP}{dt} + \omega_{o}^{2}P = \frac{q_{o}^{2}E_{o}}{m_{e}} = \frac{-i\omega t}{(28-1)}$$

حيث  $\frac{7^3}{2\,m_e}$  التواتر الذاتي للهزاز الالكتروني ،  $\frac{7^3}{2\,m_e}$  النوائد الذاتي للهزاز الالكتروني ، وروزها توافق ثابت تخامده وران المعادلة (1-28) الى حدود دقة رموزها توافق معادلة الحركة للهزاز التوافقي المتخامد .

ان حل هذه المعادلة من الشكل:

$$q(\omega) = \frac{q_o^2}{\mathcal{E}_o m_e(\omega_o^2 - \omega^2 - 2i\lambda\omega)}$$
(2812)

إن الحسابات الكوانتية تقود الى نتائج تماثل (2-28) و (3-28) ولكن ضمن التصحيحات التالية : أولا ) لاتملك الالكترونات في الذرات تواتراً ذاتيا وحيداً وإنما عدداً من التواترات الذاتية ، وكل من هــــذه التواترات يملك ثابت تخامده الذاتي . وبالتالي تكون التقطيبيـــنة الالكترونية الكلية للذرة مساوية مجموع التقطيبات التي تشكلهـــا الاهتزازات الذاتية المنفصلة ، ثانيا ) إن مساهمة كل اثارة الكترونية في قيمة ( $\omega$ ) لا تدخل على شكل مجموع يتضمن ثابت عددي  $\mu$  يدعـــى قوة الهزاز . ويكون الجواب الدقيق في النتيجة والمحسوب ضمن الطرق الكوانتية من الشكل :

$$\alpha(\omega) = \sum_{j=1}^{n} f_j \alpha_j(\omega)$$

 $d_{s}(\omega) = \frac{q_{o}^{2} : (28-3) \text{ is all dist} d_{s}(\omega) \stackrel{2}{=} \frac{q_{o}^{2}}{\mathcal{E}_{o} m_{e} (\omega_{o}^{2} - \omega^{2} - 2i \times \omega)}$ 

ويعتبر هنا كلا من المقدارين  $\mathbf{v}_{0}$  و  $\mathbf{v}_{0}$  أحد التواترات الالكترونية الذاتية وثابت التخامد الموافق لذلك التواتر على الترتيب وتعتبر الثوابت  $\mathbf{f}_{1}$  قوى الهزازات للتواترات الخاصة الموافقة وإن كلا من الثوابت  $\mathbf{t}_{1}$  يتمتع باشارة موجبة ، ولا يختلف عن الواحد في أن العزم الديبولي المحّث في حالة الحقول المستقرة يعطب على بالعبارة:

حيث على المواصفات الداخلية للجسية غير القطبية ،وتدعى على المواصفات الداخلية للجسية غير القطبية ،وتدعى على التقطيبية الالكترونية .

مرتبته ، وهكذا نلاحظ أن النموذج المقبول من جانبنا يعطي تابعيــة تواترية صحيحة ، ومرتبة صحيحة لقيمة المقدار (١٥٠).

لنفرض أن كثافة ذرات العازل تساوي  $n_0$  (عدد الذرات في واحدة الحجوم) ،عندئذ تعطى الاستقطابية  $\tilde{\mathbf{P}}$  للعوازل في الموجة الكهرطيسية ذات التواتر  $\omega$  بالعلاقة :  $\mathbf{P}(t) = n_0 \ \vec{P}(t)$ 

بمقارنة هذه العبارة مع (27\_3) نجد أن السماحية المعزالية ( $\omega$ ) تساوي :  $\omega$  ( $\omega$ ) =  $n_b \, d \, (\omega$ )

ونلاحظ أن من الحقيقة تتعلق بالتواتر ، والخاصة الأخرى للتابع (س) من تتمثل في أنه تابع عقدي ، وتؤدي التابعية التواترية الى تبدد الامواج الكهرطيسية ، وتؤدي الخاصة العقدية الى تخامد هـذه الامواج في العازل ، ويمكن التأكد من ذلك بالمعالجة التالية ، اذا حوت المعادلة

 $\Delta E - \frac{\mathcal{E}_r \mathcal{M}_r}{C^2} \frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = 0$ 

الممثلة لانتشار الموجة الكهرطيسية في الوسط ، على قيمة ل عقدية ، فإن تلك المعادلة يكون لها حلا في صيغة الامواج المتخامــدة فقط ، وفي الواقع إذا بحثنا عن حل للمعادلة السابقة على شكل موجة مستوية  $\mathbf{E}_0 = \frac{\mathbf{E}_0 \cdot \mathbf{E}_0}{\mathbf{E}_0} = \mathbf{E}_0$  ، فإننا نحمل على علاقة تربط بين  $\mathbf{E}_0 = \mathbf{E}_0 \cdot \mathbf{E}_0$  من الشكل  $\mathbf{E}_0 = \mathbf{E}_0 \cdot \mathbf{E}_0$  ، وهكذا نرى أنه من اجل قيمة عقدية ل  $\mathbf{E}_0 \cdot \mathbf{E}_0$  توجد ايضا قيمة عقدية ل  $\mathbf{E}_0 \cdot \mathbf{E}_0$  ، أي أن :

 $-(I_{m} K)_{x}$  وبالتالي  $e^{-(I_{m} K)_{x}}$  سوف يحوي على المضروب  $e^{(Kx)}$  الذي يتناقب  $I_{m} K = \frac{\omega}{c} I_{m} n(\omega) > 0$ : وذلك اذا كان (x + i) = 0

حيث  $(\omega) = \sqrt{\varepsilon}(\omega)$  قرينة الانكسار ، ويمكن التأكد مباشرة من أن اشارة الجزء الخيالي للتابعية الحاصلة  $\Sigma_{\mathbf{r}}^{(\omega)} = 1 + n_{o} d(\omega)$  بالضبط هو من الشكل المذكور ، بحيث  $\Sigma_{\mathbf{r}}^{(\omega)} > 0$  . وبالتالــــى

بحدث تخامد للاهتزازات عند انتشار الموجة وفق المحور  $\omega \ll min \ \omega_{oj}$  في مجال التواترات المنخفضة ، اي من اجل  $\omega \approx 0 \ll \omega^2 = 0$  أن نضع  $\omega \approx 0 \approx 0$  و  $\omega \approx 0 \approx 0$  يكننا في عبارات التقطيبية ( $\omega \approx 0 \approx 0$  أن نضع  $\omega \approx 0 \approx 0$  و  $\omega \approx 0$  يكا ، ونلاحظ أن إلى تصبح قيما حقيقية ثابتة وموجبة:

$$d_{j} = d_{j}(0) = \frac{q_{o}^{2}}{\varepsilon_{o} m_{e} \omega_{oj}^{2}}$$
 (28\_5)

وهكذا تكون النفوذية المعزالية في مجال التواتر لت المنخفضة :

$$\varepsilon_r = 1 + n_0 \sum_j f_j \alpha_j(0) = 1 + \frac{n_0 q_0^2}{\varepsilon_0 m_e} \sum_j \frac{f_j}{\omega_{oj}^2} > 1$$

ذات قيمة حقيقية ثابتة وموجبة ، أي أن التخامد يختفي عمليا مـــن اجل التواترات المنخفضة ، وتبرز العلاقة (5\_28) الطبيعة المجهرية للتقطيبية الالكترونية في الحقول المستقرة أو المتغيرة ببطىء ،

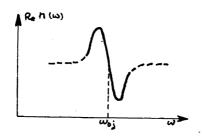
في مجال التواترات العالية اي من اجل  $\omega \gg \max_{i} \omega_{i}$  ، يمكننا اهمال  $\omega \gg \omega_{i}$  وذلك في مخرج عباراة ،  $\omega \gg \omega_{i}$  . وذلك في مخرج عباراة ، ( $\omega$ ) وبالتالي تأخذ ( $\omega$ ) من اجل التواترات العالية الصيغة :

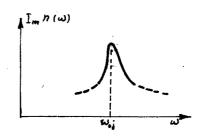
$$d_{j}(\omega) \approx -\frac{q^{2}}{\varepsilon_{o} m_{e} \omega^{2}}$$
,  $(\omega \rightarrow \omega)$  (28\_6)

ومن هنا نرى أنه من اجل التواترات العالية جدا تتناقص التقطيبية  $\alpha$  بازدياد التواتر  $\alpha$  وتكون اشارتها سالبة وبالتالي يختفي التخامد عمليا من أجل التواترات العالية جدا ، أضف الى أن  $\alpha$  ( $\alpha$ )  $\alpha$  وحدمه  $\alpha$  ( $\alpha$ )  $\alpha$  من اجل  $\alpha$   $\alpha$  .

إن سلوكية قرينة الانكسار  $\mathcal{E}_{\Gamma}(\omega) = \sqrt{\mathcal{E}_{\Gamma}(\omega)}$  الى جوار كل مـــن التواترات الذاتية (التجاوبية)  $\omega_{oj}$  موضحة على الرسم 8.3 يلاحظ على الشكل أن التابع  $\mathcal{R}_{e}$   $n(\omega)$  يتصرف بسلوكية زكزاكية (متعرجــة)، والتابع  $\mathbf{I}_{m}$   $n(\omega)$  يملك سنماً (قمة) ، وتبرز هاتان الخاصتان التابعية المميزة لـ  $(n(\omega)$  ويمكن استنادا الى مواضع الزكزاك والسنم (الـــذي) يظهر في الواقع تسجيل ازدياد التخامد) أن نحدد التواترات الذاتيــة

ن المرازات الالكترونية في المادة وإن القيم التجريبيــــة للتواترات الذاتية الاهتزاز الكترونات السحب الخارجية في الذرات متوضعة في مجال الضوء المرئي والاشعة فوق البنفسجية ، وفي جـــوار





شكل 8.3

الاشعة تحت الحمراء .

3\_اذا أثرت الامولج الكهرطيسية في المادة بشكل فعال علــــى الكترونات السحب الخارجية في الذرات فقط، فإنه وفقا للعلاقتيــن (5\_28) و (6\_28) ، تكون جميع المواد شفافة بالنسبة للأمواج الواقعة في المجال البعيد للأشعة تحت الحمراء ، ومجال الاشعة الراديويــة وكذلك من اجل الامواج الفوق البنفسجية القاسية ، والاموســواج ذات التواترات الأعلى ، غير أن الحقائق التجريبية تبين أن ذلك لايطابق الواقع ، حيث يوجد آليات أخرى للتأثير المتبادل بين الامواج الكهر طيسية والعوازل ، وسنقوم في هذا البند بدراسة تلك الآليات ،

تعتبر الصيغة (3-28) التي تعطي التقطيبية ( $\omega$ )  $\alpha$  التي تشكلها احدى الاهتزازات الذاتية للألكترون بتواتر  $\omega$  وثابت تخامد لا اهم ماورد في البند السابق وان هذه الصيغة يمكن تعميمها فلين والتين والحالة الأولى: وهي أمكانية تعميم هذه الصيغة فيما اذا كان العزم الديبولي الكهربائي متولد عن اهتزاز الايون بدلا من الالكترون عيث تتبع نفس العمليات التي قادت الى الصيغة (3-28) ولكن باستبدال كتلة الالكترون و  $\omega$  بكتلة الأيون  $\omega$  و ها التواتر الذاتون وثابت التخامد للاهتزازات الشاردية ونحمل في النتيجة على تابعية وثابت التخامد للاهتزازات الشاردية ونحمل في النتيجة على تابعية التقطيبية الشاردية (10-28):

$$d_{ion}(\omega) = \frac{\varepsilon_0 M(\omega_0^2 - \omega^2 - 2i\delta\omega)}{\varepsilon_0 M(\omega_0^2 - \omega^2 - 2i\delta\omega)}$$
 (28\_7)

$$M(\omega_0)_{ion}^2 < m_e(\omega_0)_{ee}^2$$

وبالتالي إذا وجد في المادة استقطاب شاردي ، فانه يفوق الاستقطاب الالكتروني ، غير أنه يبرز في مجال التواترات الأكثر انخفاضا (الشكل 8.2) .

يتم تعميم العلاقة (3\_28) في الحالة الثانية استنادا ال\_\_\_ى التابعية (5\_28) التي تعطى (في الحالة البسيطة أي حالة تواتــر ذاتي وحيد  $\omega_0$ ) بالعلاقة :

$$\frac{q_o^2}{m_e} = \varepsilon_o \omega_o^2 \propto (0)$$

تسمح هذه المساواة باعادة صياغة (28\_3) الى شكل اكثر عمومية :  $\alpha$  (د)  $\alpha$  (د)  $\alpha$  (د)  $\alpha$  (د)  $\alpha$  (د)  $\alpha$  (28\_8)

تملك هذه العبارة المفهوم التالي: إن أي اهتزاز ذاتي في المادة يرافق بظهور عزم ديبولي يتبادل التأثير مع الامواج الكهرطيسية ويساهم وفق العلاقة (8\_28) في تحديد قيمة التقطيبية ، فمن اجل الجزيئات الشاردية ، وخاصة العوازل الشاردية من نوع ملح الطعام ( ٧٠٤٨) يمكن استعمال الصيغة (8\_28) من اجل الاهتزازات الجماعية (أي اللاأحادية)، مثلا في بلورة ملح الطعام ، تكون الامواج المحتملة هي امواج تشابه الامواج الصوتية ، ويتم فيها ابتعاد واقتراب شوارد الصوديوم والكلور حيث تنشأ في المادة اهتزازات العزم الديبولي ، وهكذا فان بلورة ملح الطعام شفافة بالنسبة للمجال المرئي والمجال المجاور للاشعة

تحت الحمراء ، بينما يصبح عاتما (غير شفاف) تماما بالنسبة للاشعة تحت الحمراء البعيدة .

تبدأ المادة بامتصاص الأمواج الكهرطيسية في المجال الفيوق البنفسجي البعيد ،حيث يرتبط هذا الامتصاص بتحريض الاهتزاز في الكترونات الغيوم الداخلية ، ويبدأ اضافة الى ذلك ظهور مفعيول كوانتي في جوهره وهو المفعول الضوئي ، أي انتزاع الالكترونات من الذرة بواسطة حقل الموجة ، ويضعف مفعول الامتصاص في الحالية العامة من اجل الامواج السينية ، وذلك وفقا للعلاقة (6-28) ،حيث أن تواتر الاشعة السينية بعيدا عن أي تواتر ذاتي للمادة ، وبالتالي فان اغلب المواد تعتبر شفافة بالنسبة للاشعة السينية ، ويحسدث امتصاص هذه الاشعة بشكل رئيسي على حساب المفعول الضوئي ،وتكون المواد أكثر شفافية من اجل اشعة لا ،حيث يصبح المفعول الضوئي فعيفا أيضا من اجل هذه الاشعة .

4\_يمكن تعميم نظرية التبديد التي عرضناها أعلاه على المعادن والتي تعتبر نواقلا جيدة ، وتكون الكترونات الناقلية في المعادن حرة غير أنها تخضع لقوة اعاقة ناتجة عن المقاومة الأومية ، وبالتاليي تملك التقطيبية لالكترون الناقلية نفس شكل الصيغة (3\_28) ، ولكن

$$\alpha(\omega) = -\frac{q_o^2}{\varepsilon_o m_e (\omega^2 + 2i \times \omega)} \qquad (28-9)$$

 $n_0$  وتعطى سماحية الناقل  $\infty$  بالعلاقة  $(\omega) = n_0 \alpha(\omega)$  وتعطى سماحية الناقلية .

يعبر عن ثابت التخامد لا في المعادن بدلالة زمن التراخي ح لالكترونات الناقلية \* . وتقود مقارنة معادلة نيوتن من اجلالكترون الناقلية : من من المحادث من المحادث الناقلية : من من المحادث الناقلية المحادث المحادث

$$m\frac{d\vec{v}}{dt} = q\vec{E} - \frac{m\vec{v}}{re}$$

مع معادلة نيوتن من اجل الالكترون المرتبط:
$$m_e \frac{d^2 \xi}{dt^2} = -9_0 E_0 e^{-i\omega t} - K \xi - \beta \frac{d \xi}{dt}$$

بعد وضع  $\omega_{o}=0$  (لأن  $\omega_{o}=0$  ) الى التطابق التام فيما لو كان:

 $28 = 7^{-1}$ 

وهذه هي العلاقة التي تربط بين لا و ح ، ومن هنا ، بعد الأخذ بعين الاعتبار تعريف الناقلية النوعية 🗠 :

6 = 9 /4 n + 9 /4 n\_ دیث  $\frac{q \pi}{m} = \mathcal{M}$ ، نستطیع آن نعبر عن کا بدلالة الناقلیة ک  $8 = \frac{q_o^2 \, n_o}{2 \, m} \approx$  $(28_{-}10)$ 

أن شرعية استعمال العلاقة (10-28) من أجل الحقول المتغيرة تؤسس على التحقيق التجريبي لقانون اوم في النواقل ، وذلك من اجل تواترات مرتفعة بشكل كاف .

نحصل انطلاقا من العلاقتين (9-28) و (10-28) على قيمة قرينة الانكسار للمعادن:

$$n^{2}(\omega) = \mathcal{E}(\omega) = 1 + \mathcal{X}(\omega) = 1 + n_{o} \mathcal{X}(\omega)$$

$$n^{2}(\omega) = 1 - \frac{\omega}{\omega \mathcal{E}_{o}(\omega \tau + i)}$$
(38\_11)

ينتج من هذه العلاقة ، أن تبدد الامواج الكهرطيسية في المعادن يختلف بشكل جوهري في مجال التواترات المنخفضة عنه في المرتفعة . وتعتبر التواترات منخفضة اذا تحققت اللامتساويتان:

 $\cdot \quad \frac{\omega \, \mathbf{\mathcal{E}}}{\mathbf{\mathcal{E}}} \circ \ll 1 \qquad (28\_12)$  $\eta_{s}=8,5.10$  ففي معدن النحاس مثلا ، يكون من اجل هذا المعدن  $^{5-}$   $^{3}$ نبدل هاتين القيمتين بالاضافـــة الى  $\overline{\mathcal{P}}_{0}$  = 5,76.10 (  $\mathcal{D}$  .m)  $(28\_10)$  في العلاقة  $m_e = 9,1.10$  و والم  $m_e = 9,1.10$  و والم  $m_e = 9,1.10$ فنجد ان:

 $-\frac{4}{5} = 4,1.10$  sec-1,  $\frac{6}{4} = 6,5.10$   $\frac{19}{9}$  sec-1 إن هذا التقدير يدل على أن التواترات المنخفضة من اجل النحاسهي تلك التواترات التي لاتتعدى H2 (يوافق هذا التواتر طول الموجة 3 المحال المنتسبة الى مجموعة الامواج الميكروية الواقعة في المجال الديوي) .

يلاحظ أن قرينة الانكسار من اجل التواترات المنخفضة له\_\_\_)

$$n(\omega) \approx \left(\frac{c}{\omega \xi_0}\right)^{\frac{1}{2}} = \sqrt{\frac{\varepsilon}{2\omega \xi_0}} \cdot \left(1 + \frac{c}{2}\right)$$

ونرى أن  $1 \ll \sqrt{\frac{e}{2 u \, \epsilon_0}} \gg 1$  . وبالتالي يحدث تخامد شديد للأمواج الكهرطيسية في المعادن عندما تكون تواتراتها منخفضة .

ن عندما يتحقق الشرط : في حالة التوترات العالية ، أي عندما يتحقق الشرط au >> 1 (28\_13)

تصبح قرينة الانكسار حقيقية:

$$n^2(\omega) \approx 1 - \frac{\sigma^2}{\tau \epsilon_0 \omega^2} = 1 - \frac{q_e^2 n_o}{\epsilon_0 m_e} \cdot \frac{1}{\omega^2}$$

وبالتالي يصبح المعدن شفافا من اجل الامواج ذات التواترات العالية • ويمكن كتابة قرينة الانكسار لمثل هذه الامواج بالشكل:

$$n(\omega) = \sqrt{1 - \left(\frac{\omega_{pe}}{\omega}\right)^2}$$
 (28\_14)

 $\frac{\sqrt{nq_0^2}}{\sqrt{2n_e}} = \frac{\sqrt{nq_0^2}}{\sqrt{p_e}}$ حيث  $\frac{\sqrt{nq_0^2}}{\sqrt{2n_e}} = \frac{\sqrt{nq_0^2}}{\sqrt{2n_e}}$ ونلاحظ أن  $\frac{\sqrt{nq_0^2}}{\sqrt{nq_0^2}}$  من تملك مفهوم التواتر الحدي . فاذا كانت  $\frac{\sqrt{nq_0^2}}{\sqrt{nq_0^2}}$  فان  $\frac{\sqrt{nq_0^2}}{\sqrt{nq_0^2}}$  أي يحدث امتصاص للأمواج الكهرطيسية . اذاكانت  $\frac{\sqrt{nq_0^2}}{\sqrt{nq_0^2}}$  فان قرينة الانكسار تصبح حقيقية ، أي أن الامتصاص يتوقف . وتأخذ  $\frac{\sqrt{nq_0^2}}{\sqrt{nq_0^2}}$  من اجل النحاس القيمة  $\frac{\sqrt{nq_0^2}}{\sqrt{nq_0^2}}$  هرتز تقريبا ، وهكــــذا يكون النحاس شفافا في مجال تواترات الاشعة السينية فقط . غير أن بعض المعادن تكون شفافة في مجال الاشعة فوق البنفسجية كالصوديوم مثلا .

نشير الى أن التواترات العالية التي تحدثنا عنها الآن ، يبدأ \*أندعو الغاز المتشرد الذي يحوي نسبة مرتفعة بشكل كاف من الدقائق المشحونة ، والذي يتمتع بخواص مشابهة لخواص الوسط المعتددل "بالبلازما" .

نشير الى أن التواترات العالية التي تحدثنا عنها الآن ، يبدأ من اجلها ظهور الانحراف عن قانون اوم ، وتبعا لذلك يبرز سؤال حول شرعية (قانونية) دراسة التواترات التي تحقق الشرط (13-28) الذي استندنا في استخراجه على عبارة (سائم تلك العبارة التي فرضنا من اجلها تحقيق قانون اوم ،غير أنه كما نرى لاتدخل الناقلية من العبارة (14-28) ، وهذه الحالة تعكس تماما الواقع التاليي . وهو أن الكترونات الناقلية في حالة الحقول عالية التواتر لاتتمكن من متابعة تغيرات الحقل بانتظام نتيجة لعطالتها ، وبالتالي تختفي الخسارة الاومية (يتوقف تخامد الموجة ) وتتوقف التحديدات المتعلقة بقانون أوم حول التأثير .

تجدر الاشارة ايضا الى أنه لايوجد خلاف من حيث المبدأ ، فيما إذا وجدت الالكترونات الحرة في المعدن أو في البلازما ، مثلا في اينوسفير الأرض ، وبالتالي فان العلاقة السابقة تصح من اجل الامواج الكهرطيسية التي تعبر البلازما (من البديهي يجب الأخذ بعين الاعتبار الكثافة  $n_0$  وزمن التراخي  $\tau$  ) ، ويوضح هذا مسألة عدم نفوذ الامواج الراديوية خلال الاينوسفير اذالم تكن الموجة قصيرة بشكل كاف .

يجب في حالة التواترات الوسطية استعمال الصيغة (11-28) أن بحد ذاتها، ولا يجوز استعمال اشكالها الحدية . ينتج من (11-28) أن معامل الانكسار للأوساط الناقلة يملك في الحالة العامة جزءا حقيقيا وجزءا خياليا تابعين للتواتر . وبالتالي تنتشر الامواج مختلفة التواتر في الأوساط الناقلة بسرع مختلفة ، وتتخامد أثناء ذلك بشكل مختلف في الأوساط الناقلة بسرع مختلفة ، وتتخامد أثناء ذلك بشكل مختلف فأذا كانت طبقة المعدن رقيقة بشكل كاف فان الامواج يمكن أن تخترقها بخسارة قليلة في شدتها . وتكون هذه الخسارة مختلفة حسب التواتر . وتستخدم الظاهرة المذكورة بشكل واسع في تحضير العناصر الضوئية نصف الشفافة (الشافة) ، مثلا تلك الصفائح المستعملة في نظارات العمال الواقية ، ممن يتعاملون مع درجات الحرارة العالية (كاللحام بالأوكسجين ، أو بجوار الافران) . حيث يغطى زجاج تلك النظارات بطبقة رقيقة من الذهب التي لاتمرر عمليا الأشعة تحت الحمراء ولمكنها بطبقة رقيقة من الذهب التي لاتمرر عمليا الأشعة تحت الحمراء ولمكنها

5 ـ من المعروف تجريبيا أن انتشار الامواج الكهرطيسية في المادة

يرافق دائما بظاهرة التشتت (التفرق) ، وتتلخص هذه العمليــــة بظهور امواج جديدة تنتشر في المادة وفق اتجاهات تختلف عـــن اتجاه الموجة الواردة على المادة . نوضح ذلك بايراد مثال على موجة تعبر وسطا مؤلفا من ذرات أحادية ، تملك كل منها الكترونا خارجيا وحيدا . ولا يحمل هذا التحديد أية اهمية مبدأية غير أنه يبســــــط الدراسة . يصبح ، كما رأينا سابقا ،أي الكترون مثار بواسطة الموجة الضوئية منبعا لأمواج جديدة ، وتؤثر هذه المنابع بشكل مترابط ، فــي حالة التوزع المنتظم للذرات ، مادامت العلاقات الطورية لاهتزاز الالكترونات المختلفة في هذه الحالة محددة بدقة ، وتعتمد فقط على الزمن اللازم للموجة لكى تغطى المسافة الفاصلة بين أحد الهزازات الى الآخر ، وبالتالي يحدث في حالة التوضع المنتظم للذرات فــــى الوسط تداخل العديد من الامواج ، والخاصة الهامة لهذا التداخل هي انطفاء جميع الامواج الضوئية المنتشرة في الاتجاهات المخالفة لاتجاه الموجة الواردة (سوف نتجاوز برهان هذه الخاصة) ، وهذا يعني أن التشتت لايحدث في هذه الحالة . ويبدأ التشتت بالظهور اذا بدأت مواضع الذرات تتغير بشكل عشوائي ، ويخرق هذا التغير التوافق فــي اشعاع الذرات المختلفة ، وتخرق بالتالي اللوحة التداخلية السلبقة ، وتظهر امواج تنتشر في اتجاهات اخرى ، وهكذا يحدث تشتت الضوء، ينتج من هذا التعليل أن التشتت يحصل دائما كنتيجة للتغيـــرات الحرارية العشوائية في مواضع الدرات .

تتشتت الامواج المختلفة بتواتراتها باشكال مختلفة ولنوجيد التابعية التواترية لشدة الامواج المتشتتة  $\overline{I}_{scat}$  بما أن التداخيل يختفي في حالة التغير اللامنتظم لمواضع الذرات ولذا يكفي لتحديد وتكون وجد كيفية تعلق اشعاع احدى الذرات بالتواتر وتكون شدة الضوء المتشتت ككل مساوية لمجموع شدات اشعاعات الذرات و

إن شدة الاشعاع الكلية لذرة واحدة ،وفقا للعلاقة (7ـ26)تتناسب مع  ${}^4\rho^2$  حيث  ${}^6$  تواتر الالكترون المهتز في الذرة (طبعا يهتز هذا الالكترون بتواتر الموجة الواردة) و  ${}^6$  سعة العزم الديبوليي الالكتروني المثار بواسطة الموجة ،وينتج من العلاقتين ( ${}^6$  -  ${}^6$  ) و  ${}^6$  ن :

$$R_0 \sim \left[ (\omega_0^2 - \omega^2)^2 + 48^2 \omega^2 \right]^{-\frac{1}{2}}$$

حيث و التواتر الخاص للهزاز الالكتروني ونأخذ هنا بعيـــن الاعتبار أن التشتت يكون ملاحظا ،عندما تتخامد الامواج ببطى وبالتالي نقبل أن ثابت التخامد كا صغير بشكل مهمل عندئذ:

 $\bar{I}_{scot}^{(\omega)} = \frac{\omega^4}{(\omega_o^2 - \omega^2)^2}$  (28\_15)

وهذه هي التابعية التي نبحث عنها . ويوجد لهذه التابعية حالتان حديتان ، تصفان التفرق في مجال التواترات المنخفضة ( $\omega_{\bullet} > \omega$ ) .

يدعى تشتت الامواج منخفضة التواتر "بتشتت رايلي" (Rayleigh) وتكون الشدة من اجل هذا التشتت :

يحدث تشتت رايلي عند عبور الضوء خلال الهواء مثلا . فالضوء الأزرق الذي تواتره أكبر بـ 2 / مرة من تواتر حدود الضوء الأحمر في طيف الاشعة الشمسية يتشتت بـ 4 مرات تقريبا أكثر من الضوء الاحمر ، وبالتالي يبدو لون السماء أزرقا ، وتتشتت الألوان الضوئية ذات التواترات الأعلى بشكل أشد من اللون الأزرق ، غير أن تيار الاشعف البنفسجية الصادرة عن الشمس أضعف من التيار الإزرق بالقرب مسن سطح الارض ،

يدعى تشتت الامواج مرتفعة التواتر "بتشتت تومسون " ولا تتعلق  $_{-}^{-}$  الشدة  $_{-}^{-}$  بالتواتر في حالة تشتت تومسون :  $_{-}^{-}$ 

$$I_{\text{scat}} \sim \frac{\omega^4}{\omega^4} = 1$$

ونحصل على هذه النتيجة من (15ـ28) بوضع  $\omega_0 = 0$  . ومن هنا تنتج أن تشتت تومسون يحدث على الشحن الحرة  $\omega_0$ 

6 ـ لقد درسنا حتى الآن تشتت الامواج الكهرطيسية في حالـــة الأوساط متماثلة المناحي التي تتمتع بنفس الخواص في جميم الانتجاهات . وتوجد بعض البلورات التي لاتتمتع بالخاصة المذكــورة (الخاصة الايزوتروبية) . وبالتالي يمكن أن تكون التواترات الذاتية لاهتزاز الالكترونات والايونات مختلفة في الاتجاهات المختلفـــة للاهتزاز . ومن الواضح أن هذا الاختلاف يؤدي الى أن معاملالانكسار لايتعلق فقط بالتواتر ، وإنما باتجاه انتشار الموجة وبشكل استقطابها . نقوم بعرض الخصائص الكيفية لهذه التابعيات في علم الضوء من اجل فئة بسيطة (ولكنها الأكثر أهمية في التطبيق ) للبلدــورلت مختلفة المناحى وحيدة المحور الضوئى .

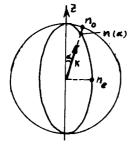
تدعى البلورات مختلفة المناحي ضوئيا "بالبلورات احادية المحور" إذا حوت على اتجاه محدد تكون التواترات الذاتية للالكترونسات والايونات للاهتزاز الحاصل في مستو عمودي على الاتجاه السابــــق متساوية ،غير أنها مختلفة عن التواترات الذاتية للاهتزاز الحاصل وفق ذلك الاتجاه ، ويدعى الاتجاه المفروز المشار اليه سابقا "بالمحور الضوئي" ، ويبرهن في الميكانيك (هذا يجب أن نقبله تماما) على أن التواترات الذاتية في الاتجاهات التي تصنع زاوية  $\infty$  مع المحـور الضوئي تملك قيما وسطية محددة تتغير بشكل انسيابي ومتدرج عنـــه تغير  $\infty$  من الصفر الى  $\frac{11}{2}$  .

ننتقل الى قرينة انكسار الضوء ١٨ . ونعتبر أن ١٨ تتعلق مسن اجل الموجة الضوئية المستقطبة سطحيا بالطيف التواتري لاهتسزاز الالكترونات والايونات في اتجاه استقطاب الضوء . لندرس تابعية المحور اللاتجاه والاستقطاب . نبدأ بموجة وحيدة اللون تنتشر وفسق المحور الضوئي . تثير الموجة المذكورة في هذه الحالة اهتسسزاز الديبولات الكهربائية في البلورة وفق مستو معامد للمحور الضوئي وتكون جميع الاهتزازات في حالة البلورات احادية المحور متماثلة في ذلك المستوي . وبالتالي يحافظ معاملا الانكسار م من اجسسل الاستقطابين المستقلين خطيا على قيمتيهما . ونحصل على صورة اخسرى من اجل انتشار الموجة في اتجاه معامد للمحور الضوئي . اذا كسان استقطاب الموجة معامدا للمحور الضوئي . اذا كسان استقطاب الموجة معامدا للمحور الضوئي . اذا كسان

الموجة تساوي نفس القيمة  $n_0$  ، غير أنه اذا كانت الموجة مستقطبة في اتجاه المحور الضوئي ، فإنها تهز الهزازات بتواترات خاصـــة اخرى ، وهكذا تصبح قرينة الأنكسار مختلفة ، ونرمز لها ب $n_0$  ، وتدعى البلورة احادية المحور الضوئي "بالبلورة الموجبة" اذا كانت  $n_0 < n_0$ " اوسالبة" اذا كانت  $n_0 < n_0$ 

إن الحالة الوسطية تحصل عند عبور الموجة التي تصنع زاويــة  $\infty$  مع المحور الضوئي ، أي من اجل  $\infty$  >  $\infty$  ، وفي هذه الحالــة تكون قرينة الانكسار من اجل الاستقطاب العمودي على المحور الضوئي مساوية  $\infty$  ، وفي حالة الاستقطاب في مستوي اتجاه الاشعة والمحور الضوئي تملك  $\infty$  قيمة وسطية ( $\infty$ )  $\infty$  بين  $\infty$  و  $\infty$  . إن الحالتين المدروستين سابقا توافقان  $\infty$  =  $\infty$  و  $\infty$  =  $\infty$  . وبالتالي الحديثين المدروستين سابقا توافقان  $\infty$  =  $\infty$  و  $\infty$  =  $\infty$  وبالتالي بشكل معامد للمحور الضوئي "بالشعاع العادي" ، والشعاع المستقطب في مستوي اتجاه الاشعة والمحور الضوئي "بالشعاع اللاعادي(الشاذ ) . إن تابعية قرينتا انكسار هذين الشعاعين للزاوية  $\infty$  في بلـــورة سالبة احادية المحور الضوئي ممثلة على الشكل 8.4 ويتجه المحور الضوئي ممثلة على الشكل 8.4 ويتجه المحور الضوئي ممثلة على الشكل 18.4 ويتجه المحور الضوئي ممثلة على الشكل 18.4 ويتجه المحور الضوئي ممثلة على الشكل 18.4 ويتجه المحور الضوئي البلورة . إن الشعـــاع العادي مستقطب بشكل معامد لمستوى الرسم ، والشعاع الشاذمستقطب العادي مستقطب بشكل معامد لمستوى الرسم ، والشعاع الشاذمستقطب العادي مستقطب بشكل معامد لمستوى الرسم ، والشعاع الشاذمستقطب

في مستوي الشكل معامدا بذلك الشعاع الموجي  $\vec{K}$  . إن قيم (n) n تعكسها نقاط القطع الناقص ، وقيم  $n_0$  نقاط الدائرة ذات نصف القطر  $n_0$  ، (مسن اجل البلورة الموجبة تشكل قيم (n) قطعا ناقصا يتضمن الدائرة ذات نصف القطر  $n_0$  ) .



شكل 8.4

يؤدي اختلاف المناحي الضوئيــة

في البلورة الى ظاهرة الانكسار المضاغف ويتلخص الانكسار المضاعف بأن الشعاع اللامستقطب الساقط على البلورة أحادية المحور بشكـل يصنع معه زاوية غير معدومة مع المحور الضوئي ينشطر الى مركبتيـن مستقطبتين سطحيا ، في مستويين متعامدين فيما بينهما ، ويحـــــدث

الانشطار لأن قرينتي الانكسار لهاتين المركبتين مختلفتان ٠

إن ظاهرة الانكسار المضاعف تستعمل بشكل واسع للحصول علـــى اشعة مستقطبة ، بالاضافة الى اهداف أخرى .

ومن الأمور الهامة لتطبيق الخاصة السابقة باستخدام البلورات الغير متماثلة المناحي أحادية المحور الضوئي ، هي امكانية الحصول على تغير انسيابي في قيمة قرينة الانكسار ، وذلك بتدوير البلورة . أن هذه الخاصة تستخدم بكثرة في علم الضوء اللاخطى .

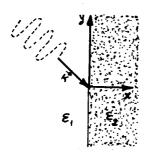
## 29 ـ سلوكية الأمواج الكهرطيسية على الحدود الفاصلة بين الأوساط.

1-يحدث غالبا أن ينتقل انتشار الامواج من وسط ما الى وسط أخر، اذا كانت في عملية كهذه سماكة طبقة العبور مهملة بالمقارنة مصططول الموجة ، فان حد الفصل بين الوسطين يمكن اعتباره سطحا املسا، فالحد الفاصل بين الهواء والزجاج ، مثلا ، يمكن اعتباره ضمن المنظور السابق سطحا املسا (إن مجال العبور الذي تتغير فيه خواص المائنة السابق سطحا املسا (إن مجال العبور الذي تتغير فيه خواص المائنة لاتتعدى سماكته بضعة أنغسترومات ، بينما يبلغ طول الامواج الضوئية الاف الانغسترومات ) . ويحدث في الحالة العامة اثناء الانتقال المذكور انعكاس وانكسار للامواج على سطوح الفصل ، وسندرس فليسال هذه الفقرة هاتين الظاهرتين .

نفرض أن سطح الفصل وحيد ومستوي ، ويقع الى جانبيه مادتان عارلتان مختلفتان ، ولتكن كل مادة منهما وسطا خطيا ومتماثل المناحي ومتجانس ، ويمكن ، كما نعلم ، تمثيل أية موجة في الوسط الخطي على شكل تركيب لمجموعة من الامواج المستوية وحيدة اللون ، وبالتاليي لكي نضع قوانين الانعكاس والانكسار ، يكون من الكافي دراسة تأثير حدود الفصل على انتشار الأمواج المستوية ، ولنقبل ايضا أن الامتصاص معهوم في كلا الوسطين ، أي أن نفوذيتهم المعزالية قيمة حقيقية ،

نفرض أن موجة البدء (الانطلاق) تنشر من العازل الأول الى الثاني ونختار جملة الاحداثيات كما هو مبين على الشكل 8.5 ، حيث يتجه المحور  $\frac{1}{K}$  للجملة بشكل يوازي معه الشعاع الموجي  $\frac{1}{K}$  ، وهكذا يكون  $K_{2}=0$  ولتكن النفوذية المعزاليـــة للوسط الاول ( $(\omega)_{1,0}$  حيث تنتشر الموجة الواردة بالتواتر  $(\omega)_{1,0}$  عن  $(\omega)_{1,0}$  عن  $(\omega)_{1,0}$ 

يعتبر قانونا الانعكاس والانكسار كما هو الحال في جميع قوانين الالكتروديئاميك ، من نتائج معادلات ماكسويل ، ويمكن استخراجهما بالطريقة التالية ، نوجد في البداية الحلول الموجية لمعلما دلات ماكسويل في كل من الوسطين المتماسين ، وفي حالتنا في نصفي الفضاء  $0 \times X = 0$  وأثناء ذلك يجب الأخذ بعين الاعتبار حالتيان واضحتين ، أولا : إن الحل في المجال  $0 \times X$ 



شكل 8.5

واضحتين . أولا : ان الحل في المجال X < 0 يجب أن يتضمن الموجة الواردة التي تكون معروفة سلفا . ثانيا : يجب أن يصف الحل في المجال 0 < X الموجة العابرة فقط في الاتجاه من القيم الصغيرة لى X الى القيم الكبيرة ، ذلك لأننا فرضنا عدم وجود موجسة واردة من الوسط الثاني الى الوسط الأول . يجب بعدئذ أن يخاط (يربط) الحلان

الحاصلان الى جانبي سطح الفصل بواسطة الشروط الحدودية التالية للحقل الكهربائي :

 $D_{(1)}^{N}-D_{(5)}^{N}=\infty$ 

 $\mathcal{E}_{1} E_{N}^{(1)} - \mathcal{E}_{2} E_{N}^{(2)} = \frac{1}{\mathcal{E}_{0}} \quad \mathcal{E}_{E}^{(1)} - \mathcal{E}_{E}^{(2)} = 0 \quad (29.1)$ حيث أن  $F_{L} = F_{L} \quad | F_{L} = F_{L} \quad$ 

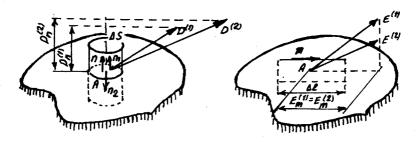
المغناطيسي، ألَّ الكثافة السطحية للتيارات الحرة في النقطية الحدودية المعنية ، والتي تجري معامدة للاتجاه المماسي ، ونشير هنا الى ان هذه الشروط تستخرج في حالة الحقول المستقرة مسلم معادلات ماكسويل المطبقة على الجالات التي تتغير فيها خواص المادة بشكل قفزي عند عبور سطح ما ، غير أنه من الممكن تطبيقها في حالية الحقول التابعة للزمن ومن ضمنها الحقول الموجية ، وللتأكد من ذليك

يطلب الى القارىء استخراج هذه الشروط الحدودية دون الاعتماد على معادلات ماكسويل المستقرة وإنما على المعادلات العامة :

$$div \vec{D} = S \qquad \text{for } \vec{E} = -\frac{3\vec{B}}{3t} \qquad (29-3)$$

$$div \vec{B} = 0 \qquad \text{for } \vec{H} = \vec{j} + \frac{3\vec{D}}{3t}$$

إن تعليل امكانية سحب الشروط الحدودية من اجل الحقول المستقـرة



شكل 8.6

على الحقول اللامستقرة يتطلب توضيحا بسيطا . يكون الحقلان فــــي نقطتين تقعان على الجانبين المختلفين لسطح الفصل وغير مزاحتين بالنسبة لبعضهما على طول هذا السطح ، يكون الحقلان غير متخلفين عن بعضهما ، ذلك لأن المسافة بين النقطتين المذكورتين معدومة \*.

لنكتب الشروط الحدودية (1-29) و (29-2) ، آخذين بعيـــن الاعتبار جملة المقارنة (الشكل 8.5) ، والشرط  $\mu_{\kappa} = 1$  وأن سطــح الفصل يعتبر نظيفا ، أي انعدام الشحن الحرة .نحصل بالنتيجة علــى أن العلاقات التالية تتحقق في جميع نقاط المستوي  $\mathbf{z}$  أي مـــن

$$\mathcal{E}_{1} \in_{X}^{(1)} = \mathcal{E}_{2} E_{x}^{2}, \quad E_{y}^{(1)} = \mathcal{E}_{y}^{(2)}, \quad E_{z}^{(1)} = \mathcal{E}_{z}^{(2)}, \quad \beta^{(1)} = \beta^{(2)}$$
(29\_4)

وتدل الارقام في اعلى الرمور على حقول الامواج المنتشرة في نصفيي الفضاء 0 < x < 0 و 0 < x < 0

يمكن صياغتها بالشكل : جـــد على المسألة التي يمكن صياغتها بالشكل : جـــد علا لمعادلات ماكسويل الحرة (29\_3) ، مستخدما المعادلات المادية :  $\vec{B} = \nabla \vec{E} \cdot \vec{E} = \vec{R} \cdot \vec{E}$  (29\_5)

<sup>\*)</sup> هذا في المقياس الجهري ، ان للاختلاف المكاني بطبيعة الحال قيمــة محدودة ، غير انه يعتبر مجريا ، وبالتالي يمكن اهماله من اجل الحقول الجهرية ،

حيث  $0 = ^{\circ}$  و  $1 = ^{\circ}$  . بحيث يصف هذا الحل الى اليسار من سطح الفصل (انظر الشكل 8.5) فقط الموجة الواردة المعطاة، ولا يحوي الى اليمين من السطح الامواج الواردة الى هذا السطح . عندئذ يجب أن تخاط الموجتين في نصفي الفضاء 0 > 0 < 0 < 0 < 0 بواسطة الشروط الحدودية (4\_29) . نشير الى أن الموجة الواردة \_ حسب تعريفها \_ يجب أن يتجه شعاعها الموجي  $\overline{K}$  نحو سطح الفصل أي أن

نبرهن قبل كل شيئ استنادا الى قاعدة النقيضين ، أن المسألة تملك حلا وحيدا . اذا كان هناك حلان فان فرقهما سيكون حلا ، ولكنن بشرط أن تكون الموجة الواردة تساوي الصفر . وفي حالة موجة صفرية واردة يكون الحل الوحيد سفريا ، وهكذا يكون الحلان متطابقينين ونتيجة لبرهان وحدانية الحل نكون قد حصلنا على امكانية وضع أينة فروض لشكل هذا الحل ، فاذا حصلنا وفق هذه الفروض على حل ، فان وجود حلول اخرى غير ممكن .

نبحث من اجل 0 عن حل على شكل مجموع موجتين مستويتين اللون . ونكتب مجموع الحقلين الموجيين بالشكل :

$$E(r,t) + E_1(r,t)$$
 (29\_6)

ر بالموجة  $\vec{E}$  ( $\vec{r},t$ ) =  $\vec{E}$  ( $\vec{r},t$ ) =  $\vec{E}$  وفقا لشروط المسألة ، أن تنتشر فقط من على سطح الفصل

وبالتالي تدعى الموجة  $\vec{E_1}(\vec{v_i},t) = \vec{E_{70}}e^{-i\omega_t + i \cdot \vec{k_i} \cdot \vec{r}}$  بالموجة المنعكســـة ويكون من اجلها وفقا لذلك 0  $\kappa_{1x}$ 

نبحث عن الحقل من اجل 0 ( x ضمن علاقة من الشكل:

$$\vec{E}_{2}(\vec{r}_{i}+) = \vec{E}_{20} e^{-i\omega t + i\vec{K}_{2}\cdot\vec{r}}$$

وتدعى هذه الموجة بالموجة المنكسرة . وتنتشر هذه الموجة وفقسا شروط المسألة من سطح الفصل . وبالتالي تتحقق من أجل الشعساع الموجي  $\frac{K_2}{2}$  لهذه الموجة اللامساواة  $\frac{K_2}{2}$  نقبل أيضا أن جميسع الامواج تنتشر في المستوي  $\frac{K}{2}$  أن  $\frac{K}{2}$  =  $\frac{K}{2}$  : وهاتان المساواتان تعكسان اعتبارات التناظر .

ومن الواضح ان الموجات الثلاث يجب أن تملكن نفس التواتر، اي أن  $\omega = \omega_1 = \omega_2$  ويمكن ضمن مراعاة هذا المطلب فقط للشهروط الحدودية (4-29) المتحققة في اللحظة  $\omega = 0$  أن تتحقق في الفترات الزمنية اللاحقة ويكفي الآن أن نؤمن تحقق الشروط الحدودية فـــي اللحظة  $\omega = 0$  فقط .

ننتقل الى التحديدات على الاشعة الموجية:

أولاً) تكون الامواج الواردة والمنعكسة والمنكسرة من اجل نفسس التواترات حلولا لمعادلات موجية بسرع طورية تساوي على الترتيسب ع

:  $v_2 = \frac{c}{n_2}$   $v_3 = \frac{c}{n_1}$ 

$$\frac{K^2}{n_1^2} = \frac{|c_1^2|}{n_1^2} = \frac{|c_2^2|}{n_2^2}$$
 (29\_7)

.  $n_2^2 = \mathcal{E}_2$  ،  $n_1^2 = \mathcal{E}_1$  حيث

ثانيا ) يجب أن ينفذ المطلب الآتي ، وهو أن تحقق الشروط الحدودية في احدى نقاط سطح الفصل يجب أن يؤدي الى تحققها في النقلط الاخرى من هذا السطح ، ويكون الشرط الضروري والكافي من اجل ذلك هو تساوي مركبات الاشعة الموجية الثلاث على سطح الفصل ، أي أن ;

$$K_{2} = K_{12} = K_{22} = 0$$
 $K_{y} = K_{1y} = K_{2y}$ 
(29\_8)

إن شرط تساوي المركبات  $\stackrel{7}{=}$  هو شرط محقق ، فكل هذه المركبات تساوي الصفر ، وهذا ما اشير اليه في (8\_29) ، ويحدد شرط تسلوي المركبات  $\stackrel{1}{\times}$  بالاضافة الى الشرطين  $\stackrel{7}{\times}$  و  $\stackrel{7}{\times}$  و  $\stackrel{7}{\times}$  و (7\_29) ، تحدد هذه الشروط المركبات  $\stackrel{7}{\times}$  للاشعة الموجية بشكل وحيد القيمة ونحصل من اجل ذلك على:

$$K_{1X} = -K_{X}$$
,  $K_{2X}^{2} = K^{2} \frac{n_{2}^{2}}{n_{1}^{2}} - K_{Y}^{2}$  (29\_9)

ران الشعاعين الموجيين  $k_1$  و  $K_2$  المنعكس والمنكسر قـــد عينا . بقي علينا ايجاد سعة هاتين الموجتين . لايجاد السعتين كتب الشروط الحدودية (4-29) في النقطة الحدودية (4-29) في اللحظة (4-29) :

(حيث  $\vec{n}$  هنا ترمز الى شعاع الواحدة لجهة انتشار الموجة ) .يمكن التعبير عن سعات الحقل المغناطيسي للأمواج الواردة والمتعكسسة والمنكسرة بدلالة  $E_{20}$  ،  $E_{30}$  على الترتيب ·

(فعلى سبيل المثال من اجل الموجة الواردة ، تكون قيمة شعاع الواحدة  $\vec{n}$  في اتجاه الانتشار مساوية  $\vec{K}/K$  والنسبة على تساوي السرعة الطورية للموجة التي تساوي في الخلاء C ) .

نبدل العبارات السابقة من اجل سعات الحقول المغناطيسية في المساواة الأخيرة (20\_29) . عندئذ تصبح العلاقات مشكلة لجملة مؤلفة من ست معادلات خطية تحوي على ستة مجاهيل تمثل مركبيات الحقلين  $\vec{E}_{10}$  و  $\vec{E}_{10}$  . وبما أن عدد المجاهيل يساوي عسدد المعادلات ، فإن هذه الجملة تملك حلا (وذلك اذا لم يكن المحسدد الموافق مساويا للصفر ، ويمكن التحقق من ذلك) . وتصبح ، بعدحصولنا على هذا الحل ، جميع صفات وخواص الموجة المنعكسة والمنكسرة معبر عنها بواسطة صفات الموجة الواردة وقرينتي الانكسار  $n_1$  و  $n_2$  للوسطين الماديين ، إن جميع الثوابت في الجملة (10\_29 هيوابت حقيقية ، وبالتالي يكون الحلان لمركبات الشعاعين  $\vec{E}_{20}$  و  $\vec{E}_{10}$  الطور من اجل الموجتين المنعكسة والمنكسرة القيمتين 0 أو  $\pi$  ، وسوف نتطرق لاحقا الى الاستثناء الوحيد عن هذه القاعدة .

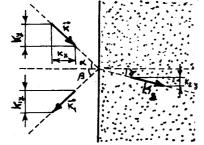
و عبور الموجة الكهرطيسية المستخلصة من الحل الحاصل لمسألوب الموجة الكهرطيسية المستوية للحد الفاصل بين عازلين والناظم ندعو الزاوية ◄ المحصورة بين اتجاه الشعاع الوارد والناظم

على السطح الفاصل بزاوية الورود ، والزاوية كل المحصورة بين الناظم والشعاع المنعكس بزاوية الانعكاس ، والزاوية كا المحصورة بين الناظم على السطح والشعاع المنكسر بزاوية الانكسار ، ويبين الشكل 8.7 هذه الزوايا ، وينتج من الرسم أن :

$$Sin\alpha = \frac{|Ky|}{|K|}$$
,  $SinB = \frac{|K|y|}{|K|}$ ,  $Sin\delta = \frac{|K|y|}{|K|}$ 

حيث ١×١١ - اوهكذا . ونحصل من (8\_29) و (9\_29) على :

$$\alpha = \beta \qquad (29_{12})$$



$$\frac{\sin 8}{\sin \alpha} = \frac{n_1}{n_2} \quad (29-13)$$

التي تمثل القوانين الأساسية للانعكاس والانكسار ، وتنص هذه القوانين على :

أن تواتر الموجة لايتغير فـــي حالتى الانعكاس والانكسار ،

أن الاشعة الثلاث الوارد والمنعكس شكل 8.7

والمنكسر تقع في مستوي واحد يعامد سطح الفصل للوسطين ، ويدعى هذا المستوي بمستوي الورود ، وتنتج هذه الخاصة من العلاقة الأولى(8\_29) · أن زاوية الورود تساوي زاوية الانعكاس ، وهذا وارد في المساواة

(29-12) . إن هذا القانون كان معروفا القليدس منذ القدم كحقيقة تجريبية .

أن نسبة جيبي زاوية زاويتي الانكسار والانعكاس تساوي نسبت قرينتي الانكسار للوسط الحاوي على الشعاع الوارد والوسط الحاوي على الشعاع المنكسر و وتعبر العلاقة (13-29) عن هذا القانون وقد وضع القانون (13-29) تجريبيا من قبل العالم سنل واذا عبرنا بدلالية السرعتين الطوريتين وقد و من الموافقين عن قانون سنل وذلك باستعمال  $\frac{c}{2N} = 0$  و  $\frac{c}{2N}$  نجد أن :

$$\frac{\sin \delta}{\sin \alpha} = \frac{v_z}{v_I}$$
 (29\_14)

ويبين لنا هذا أن القوانين الاربع المذكورة آنفا يمكن تطبيقها على عبور الامواج مهما كانت طبيعتها ،،للحد الفاصل بين وسطين ،كالأمواج

الصوتية مثلا . ويجب فقط من اجل تطبيق هذه القوانين أن تتحقق الشروطالمذكورة سابقا: كصغر سماكة طبقة الفصل بين الوسطين بالنسبة لطول الموجة ، والخطية والتجانس ، وتماثل المناحي لكلا الوسطين . وفي الواقع لقد استخدمنا عند استخراج هذه القوانين الصفات العامة فقط للموجة ولم تستخدم أية صفات مميزة ، كشكل الاستقطاب أو قانون التبدد . الخ .

يجدر بنا أن نذكر هنا المفعول المسمى "بمفعول تخلف الكسائر" الأشعة ، وذلك في حالة الانعكاس الكلي الداخلي .

يحدث الانعكاس الكلى الداخلي عندما تتحقق العلاقة. .

$$n_2/n_1 < \sin \alpha$$
 (29\_15)

ويفقد قانون سنل معناه في هذه الحالة ذلك لأن  $Sin \ X$  تأخذ صوريا قيما أكبر من الواحد ، وبالتالي تختفي الموجة المنكسرة في حالسة الانعكاس الكلي الداخلي ، غير أنه في حالة تحقق العلاقة (15-29) تحتفظ العلاقات (7-29) ، (8-29) و (9-92) بمعناها ، وهي العلاقات التي استخرج منها قانون سنل من اجل $\frac{n_2}{n_1} > Sin \ X$  ونحصل من العلاقات الواردة سابقا على مقدار سالب لمربع المركبة X للشعاع الموجسي X للأشعة المنكسرة ، وذلك في حالة الانعكاس الكلي الداخلي ، أي :

$$K_{2x}^{2} = -K^{2} \left( \sin^{2} \alpha - \frac{n_{2}^{2}}{n_{1}^{2}} \right)$$

وبالتالي تكون المركبة  $K_{2x}$  خيالية تماما  $K_{2x} = \pm i \propto$ 

$$e^{ix K_{2x}} = e^{\pm xx}$$

ولا يمكن لسعة الموجة المنكسرة أن تنمو بازدياد \* .\* وبالتالي تملك القيمة \* : \* معنى فيزيائي ، عندئذ تكون سعة الموجة المنكسرة متناسبة مع \* : وذلك الى المسافة \* من الحد الفاصل ، ونكون \* أن طاقة الموجة فيما لو حدث ذلك تأخذ قيما لانهائية .

هكذا قد توصلنا الى النتيجة التالية : وهي أن الموجة المنكســرة موجودة في حالة الانعكاس الداخلي الكلي ، غير أنها تتخامد بتابعية أسية مع ازدياد المسافة عن حد الفصل ، وتنحدر الى قيمة معدومــة عمليا من اجل مسافات من رتبة بضع أطوال للموجة عن الحد الفاصـل ويدعى هذا المفعول "بتخلف انكسار الأشعة" .

يحدث في الموجة المتخلفة اهتزاز للشعاعين  $\overline{E_2}$  و  $\overline{B_2}$  بالتواتر  $\overline{B_2}$  و  $\overline{B_2}$  بالتواتر  $\overline{B_2}$  و  $\overline{B_2}$  بالتواتر  $\overline{B_2}$  و  $\overline{B_2}$  بالتواتر  $\overline{B_2}$  النفرضالآن أن الوسط الكاسر ذا قرينة الانكسار  $\overline{B_2}$  ومحاطة مستن جانبيها بوسط عازل قرينة انكساره  $\overline{B_2}$  (  $\overline{B_2}$  ) . اذا ورد شعاع على هذه الصفيحة بزاوية ورود  $\overline{B_2}$  تحقق شرط الانعكاس الكلسسي على هذه المفيحة بزاوية ورود  $\overline{B_2}$  تحقق شرط الآخر قبل أن يتخامد (  $\overline{B_2}$  ) ، فان الشعاع المنكسر يصل الى الوجه الآخر قبل أن يتخامد بشكل كامل ، ويحقق انكسارا عاديا على هذا الوجه ، وبالتالي فان جزءا من الموجة الواردة ينفذ خلال الصفيحة (  $\overline{B_2}$  ) .

(الشكل 8.8) .

تصعب ملاحظة ظاهرة التخلف المذكور في مجال الأشعة الضوئية ، ذلك المناطوال الامواج صغيرة جدا . ولا يمكن بسهولة صنع صفيحة رقيقة جدا قرينة ، انكسارها مي (من اجل الاشعة المرئية ، التجاوز سمك الصفيحة 10 متر) .

\*\*\*\*

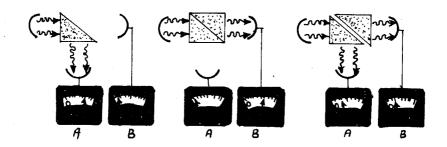
شكل 8.8 فير أن هذا المفعول يمكن ملاحظته بسهولة شكل 8.8

ير في مجال الاشعة الميكروية . فعلى سبيل المثال يمكن لموجة طولها 3 سم متخامدة أن تنتشر بشدة ملحوظة لمسافة 1 سم . ويكون سهللا صنع صفيحة سماكتها 1 سم .

نورد احدى الطرق المتبعة لملاحظة عبور الامواج ذات الطول 3 سم، يبث الهوائي المشع هذه الامواج باتجاه موشور من البرافين السذي يملك قرينة انكسار تساوي 1,5 من اجل الامواج ذات الطول المذكور، وبالتالي تكون زاوية الانعكاس الكلي الداخلي مساوية 41,5 درجية وهكذا تنعكس الموجة المذكورة بشكل كامل عند ورودها بزاوية مقدارها 45 درجة على وجه الموشور منتلقى هذه الموجة بالمستقبل A (الطرف

الأيسر من الشكل 9. 8) . اذا ضممنا الى الموشور السابق بشكل جيد موشورا مماثلا فان الاشعة النافذة يدل عليها المستقبل 8 فقط (الجزء المتوسط من الشكل 8.9) . إذا فصل الموشوران بمسافة لاتتجاوز 1 سم بحيث تتشكل طبقة هوائية قرينة انكسارها اصغر بشكل ملحوظ مـــن قرينة انكسار البارافين ، فان الاشعة تسجل من قبل المستقبلين A و قرينة انكسار الجزء الأيمن من الشكل 8.9) ويسجل المستقبل 8 الاشعــة المنكسرة المتخلفة فقط .

إن المفاعيل المقتصرة على الامواج الكهرطيسية فقط ، توصــف بالمعادلات (10\_29) وذلك من اجل السعات . وليس صعبا حل هـذه



شكل 8.9

المعادلات . ويحوي الحل على الأخبار الكاملة عن توزع الشدة بيـــن الموجتين المنعكسة والمنكسرة من اجل مختلف زوايا الورود ، ومختلف اشكال الاستقطاب للأمداء المواردة ، وعن شكل الاستقطاب للأمداء المواردة المنعكسة والمنكسرة .

4 ـ نقوم في هذا البند باستخدام الصيغ السابقة لحساب مركبتي الحقل الكهربائي في الحالتين الخاصتين التاليتين : حالة الاستقطاب الأفقي وحالة الاستقطاب العمودي وسنستعمل الرموز التالية :  $\vec{F_{i}}$   $\vec{F_{i}}$  و  $\vec{F_{i}}$  الأفقي وحالة الاستقطاب العمودي وسنستعمل الرموز التالية :  $\vec{F_{i}}$  و المنعكسة والمنكسرة على الترتيب ونرمز ب  $\vec{F_{i}}$  ،  $\vec{F_{i}}$  ،  $\vec{F_{i}}$  ،  $\vec{F_{i}}$  ،  $\vec{F_{i}}$  ،  $\vec{F_{i}}$  وكذلك ب  $\vec{F_{i}}$  ،  $\vec{F_{i}}$  ،  $\vec{F_{i}}$  وكذلك ب  $\vec{F_{i}}$  ،  $\vec{F_{i}}$  الشعاع وحدة الناظم على والانعكاس والانكسار على الترتيب ، وب  $\vec{F_{i}}$  لشعاع وحدة الناظم على السطح (انظر الشكل 8.10) .

آ) حالة الاستقطاب الأفقي وتعني كون الحقل الكهربائي معاهـدا

ان: الورود ، عندئذ نجد من العلاقات (29\_20) ، أن :  $B_{0}y + B_{01}y = B_{02}y$   $E_{0}z + E_{01}z = E_{02}z$ ومن العلاقات (29\_11) :

WBoy = KNEOZ, WBONY = KINEOZZ WBOZY = KZNEOZZ

K NEOZ+ KIN EOJZ = KZ N EOZZ

الدخال الرموز المفروضة وملاحظة أن  $\frac{\vec{k}}{N} = \frac{\vec{V} \vec{\epsilon}}{c} \vec{n}$  نجد:  $\sqrt{\mathcal{E}_{i}} \left[ \vec{n_{i}} \wedge \vec{E_{o}}_{i} + \vec{n_{r}} \wedge \vec{E_{or}} \right] = \sqrt{\mathcal{E}_{z}} \vec{n_{t}} \wedge \vec{E_{o}}_{c} \quad (29_{-}16)$ لادخال الزوایا التي یصنعها الشعلع الوارد والمنعکس والمنکسر مسع النظم علی السطح ، نضرب العلاقة (16) شعاعیا ب  $\vec{N}$  ، فنجد:  $\sqrt{\mathcal{E}_{i}} \left[ \vec{N} \wedge (\vec{n_{i}} \wedge \vec{E_{oi}}) + \vec{N} \wedge (\vec{n_{r}} \wedge \vec{E_{or}}) \right] = \sqrt{\mathcal{E}_{z}} \left[ \vec{N} \wedge (\vec{n_{t}} \wedge \vec{E_{oi}}) \right]$   $\sqrt{\mathcal{E}_{i}} \left[ \vec{n_{i}} (\vec{N} \cdot \vec{E_{oi}}) - \vec{E_{oi}} (\vec{N} \cdot \vec{n_{i}}) + \vec{n_{r}} (\vec{N} \cdot \vec{E_{or}}) - \vec{E_{or}} (\vec{N} \cdot \vec{n_{i}}) \right]$   $= \sqrt{\mathcal{E}_{z}} \left[ \vec{n_{t}} \left( \vec{E_{o}} \cdot \vec{N} \right) - \vec{E_{ot}} \left( \vec{N} \cdot \vec{N} \right) \right]$ (29.17)

وبملاحظة أن شعاع الحقل عمودي على مستوي الورود ، يكون :

$$(\vec{n}_i \cdot \vec{E}_{oi}) = (\vec{N} \cdot \vec{E}_{oi}) = 0, (\vec{N} \cdot \vec{E}_{ot}) = (\vec{N} \cdot \vec{E}_{or}) = 0$$

$$(\vec{n}_i \cdot \vec{N}) = -\cos(i)(\vec{n}_t \cdot \vec{N}) = -\cos\tau, (\vec{n}_r \cdot \vec{N}) = \cos\tau$$

نعوض في (17) فنجد:

 $\sqrt{\mathcal{E}_1} \left[ E_{oi} \cos i - E_{ov} \cos v \right] = \sqrt{\varepsilon_2} E_{ot} \cos \tau$  (29\_18) وبما أن اشعة الحقل الكهربائي للامواج الثلاث موازية لسطح الفصل تكون العلاقة التالية صحيحة :

Eot = Foi + For

بالتعویض في (18) ، نجد : بالتعویض في  $\sqrt{\varepsilon_1} E_{oi}$  ، نجد :  $\sqrt{\varepsilon_1} E_{oi}$  ، نجد  $\sqrt{\varepsilon_2} E_{oi}$   $\sqrt{\varepsilon_2} (E_{oi} cos \tau + E_{oi} cos \tau)$ 

وبملاحظة أن نحصل على :

$$E_{or} = E_{o} \frac{VE_{i} \cos i - VE_{z} \cos \tau}{VE_{i} \cos i + VE_{z} \cos \tau}$$

$$\frac{\sin i}{\sin \tau} = \frac{VE_{z}}{VE_{1}} = \frac{n_{z}}{n_{i}}$$

$$\frac{\sin i}{\sin \tau} = \frac{\sin i}{\sin \tau} = \frac{\sin i}{\sin \tau} = \frac{\sin i}{\sin \tau}$$

For = For cosising-sinicose

$$E_{or} = -E_{oi} \frac{\sin(i-\tau)}{\sin(i+\tau)}$$
 (29\_19)

ويمكن بسهولة استخراج علاقة مشابهة من أجل سعة الموجــــة

$$E_{ot} = E_{oi} \frac{2 \sin \tau \cos i}{\sin (i + \tau)}$$
 (29\_20)

ب ) تعطى العلاقات الرابطة بين سعات الأمواج في حالة الاستقطاب العمودي أي كون شعاع الحقل واقعا في مستوي الورود ،بالشكل:

$$F_{or} = F_{oi} \frac{fg(i-\tau)}{fg(i+\tau)}$$
 (29\_21)

$$E_{ot} = E_{oi} \frac{2 \sin \tau \cdot \cos i}{\sin (i + \tau) \cos (i - \tau)}$$
 (29\_22)

وتدعى العلاقات الأربع الاخيرة "بصيغ فرنل" ، والمعاملات الرابطـة بين السعات "بمعاملات فرنل" ،

تبسط صيغ فرنل في حالة زوايا الورود الصغيرة ، أي عندما يكون ممكنا استخدام المساويات التقريبية التالية:

$$E_{org} = -E_{oi} \frac{\dot{c} - \tau}{\dot{c} + \tau} = E_{oi} \frac{\sqrt{\varepsilon_{i}} - \sqrt{\varepsilon_{2}}}{\sqrt{\varepsilon_{i}} + \sqrt{\varepsilon_{2}}}$$
 (29-23)

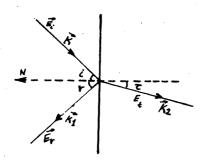
وفي حالة الاستقطاب العمودي:

$$E_{orv} = E_{oi} \frac{i-\tau}{i+\tau} = -E_{oi} \frac{\sqrt{\varepsilon_1} - \sqrt{\varepsilon_2}}{\sqrt{\varepsilon_1} + \sqrt{\varepsilon_2}} (29-24)$$

ونحصل بشكل مشابه من (20) و (22) على:

Eoth. ≈ Eoto

ويتضح ذلك من الفكرة الفيريائية التاليه : عندما يكون الورود قريبا من الناظمي ، فان الفرق بين الاستقطابين العمودي والافقي يمكن اهمائه، ويرتبط وجود الاشارة السالبة في العبارة (25) بتطابق الاتجاء الموجب لعبد  $E_{or}$  في حالة الورود الناظمي،



إن معيار توزع الشدة بيـــن الموجتين المنعكسة والمنكسرة يعتبر ثابت الانعكاس R الذي يساوي بالتعريف النسبة بين شدة الموجـة الواردة  $\bar{\mathbf{I}}$  والمنعكسة  $\bar{\mathbf{I}}$ :

$$R = \frac{\bar{I}}{\bar{I}_1} = \frac{E_0^2}{E_{01}^2}$$
 (29\_26)

شكل 8،10

تجدر الاشارة هنا، انطلاقا من

المفاعيل الاستقطابية ، الى الحقيقة التالية :

اذا كانت زاوية الورود تساوي  $\frac{n_2}{n_1}$  وكان الشعاع الـــوارد مستقطبا في مستوي الورود ، فان الشعاع المنعكس يختفي (ينعدم ) تماما وتدعى هذه الخاصة بقانون بروستر ، والزاوية  $\frac{n_2}{n_1}$  ع  $\alpha$   $\alpha$   $\alpha$  انزاوية بروستر ، اذا كان الشعاع الوارد وفق زاوية بروستر  $\alpha$   $\alpha$  مستقطبا في سطح حد الفصل ، فان الشعاع المنعكس يكون مستقطبا في نفس المستوى ومعامدا للشعاع للنكسر .

ينتج من خواص زاوية بروستر أن الشعاع الغير مستقطب والوارد

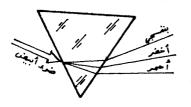
على سطح الفصل وفق زاوية بروستر يتولد عنه شعاع مستقطب بشكل كامل وتستخدم بكثرة الصفائح الشفافة التي توضع وفق زاوية بروستر في طريق الأشعة المتولفة في الحجم الفعال للازرات ويشع الللازرات العلازر الحاوي على مثل هذه الصفائح ضوءا مستقطبا

نشير في نهاية هذا البند الى أن الامواج الكهرطيسية ، وخاصة الامواج منخفضة التواتر ، تنعكس بشكل جيد عن سطح المعادن . وهذه الخاصة ناتجة عن القيمة الكبيرة للجزء الخيالي لقرينة انكسار المعدن في مجال التواترات المنخفضة . وفي الواقع تتخامد الموجة عندما تنفذ في المعدن لمسافة من رتبة طولها ، غير أن هذه المسافة غير كافية لتتمكن الموجة خلالها من اعطاء جزء معتبر من طاقته ملساللالكترونات الحرة ، وبالتالي تنعكس بشكل كامل تقريبا ، ان العلاقات (10-29) التي حصلناعليها سابقا تصح من اجل حدود الفصل بيرن المعادن ، وذلك اذا اعتبرت قرائن الانكسار لهذه المعادن عقدية ، ان الحسابات الموافقة غير معقدة لكنها طويلة . ونذكر هنا بعض القيم العددية لي الموافقة غير معقدة لكنها طويلة . ونذكر هنا بعض القيم وذلك في حالة الورود الناظمي على سطح المعدن : تأخذ على في هذنه الحالة القيم 50,0 ، 5,0 ، 5,0 من اجل الفضة والذهبوالنحاس على الترتيب .

5 - تستعمل الامواج الكهرطيسية المنعكسة والمنكسرة في مجالات متعددة . فعلى سبيل المثال يمكن اكتشاف وتخديد مواقع الأجسام في الفضاء ، وذلك بواسطة الانعكاس (وكذلك تشتت) الامواج الراديوي ... وتحل مشاكل الملاحة الجوية والبحرية والفضائية بمساعدة البحمية والاستقبال الراديوي ، حيث تجري مراقبة سطح الارض بواسطة الأجهزة الطائرة (اقمار صناعية ، طائرات ١٠الخ) ، وتعمل اجهزة الانذار على اخطارنا بوجود عوائق . ويحدث ايضا اكتشاف الطائرات ومختلف الاجسام الطائرة ، بالاضافة الى تقدير الارتفاعات ١٠الخ . ولا يوجد أي معنى للتعامل مع الامواج الكهرطيسية في موجهات الامواج والمرنانات ( Resonator ) بدون الانعكاس الجيد للامواج على المعادن . ففي هذه الجمل نحصل على الامواج المستقرة والامواج المنتشرة في اتجاهات محددة بدقة بفضل انعكاس الامواج على سطح المعادن ، التي تحصول

دون انتشار الامواج في الاتجاهات الغير مطلوبة .

ان انعكاس وانكسار الضوء مستعمل بكثرة في مختلف الجمـــل والاجهزة البصرية . ويسمح انكسار الضوء باجراء فصل مكاني للأمـــهواج الضوئية مختلفة التواتر . ويتم ذلك بمساعدة المواشير الطيفية (الشكل



8.11) . ويرتبط مفعول تجميع الاشعة أو تفريقها بواسطة العدسات المختلفة بظاهرة الانكسار . وتستعمل المرايا المختلفة لعكس الضوء وتوجيهه فبي الاتجاهات المرغوب بها . وتحافظ عليه

ضمن الحجم المعطى (المرناناتالضوئية) . شكل8.11

ويقوم على اساس الانعكاسات المتعددة في العوازل صنعالمرشحات الضوئية ، التي تتألف من صفائح متعددة الطبقات الرقيقة ، فاذا تم الاختيار المناسب لسماكة وقرينة انكسار كل طبقة حصلنا على المرشح الضوئي الذي يعكس بشكل تام التواترات المرغوب بها ، ويمرر بقيــة التواترات . ويشابه هذا النوع من المرشحات المرشحات الكهربائية المستخدمة في عزل الاشارات والمعروفة منذ زمن بعيد ،

## 30 \_ علم الضوء اللاخطي .

النقبل لدراسة مفاعيل علم الضوء اللاخطي ، بفرضين مبسّطُين ، أولا: سوف نعتبر أن قوانين الفيزياء الكلاسيكية (اللاكوانتية) قوانيي الفيزياء الكلاسيكية (اللاكوانتية) قوانيي محيحة ، ثانيا : سوف نعتبر أن الحقول الموجية الكهربائية  $\mathbf{E}$  بالرغم من انها يمكن ان تكون من مرتبة الحقل المميز  $\mathbf{E}$  في الوسط (انظر الفقرة 27) ، سوف نعتبرها اصغر منه بشكل ملحوظ ، أي :

نشير بدون برهان الى أن الفرض الأول صحيح كمياً من اجل أغلـــب المفاعيل اللاخطية الاساسية ، ويبرر قبولنا للفرض الثاني بأنه يبسط بشكل جذري الدراسة من ناحية ، ولأنه يحقق في اغلب الحالات اللهاقضية حتى من اجل المنابع اللازرية الكبيرة الاستطاعة ،

ينتج عن الفرض الأول أننا نملك الحق في استعمال معادلاتماكسويل (2-29) لوصف انتشار الامواج الكهرطيسية في الوسط ، غير أُنه مــن

غير الممكن استعمال التابعية الخطية بين الحقلين  $\vec{P}$  و  $\vec{E}$  ، أو التابعية الخطية بين استقطابية الوسط  $\vec{P}$  والحقل  $\vec{E}$  في المعادلات المادية ، نشير الى أن التابعيتين المذكورتين متكافئتان ، ولكبين بحكم الفرض الثاني ، يمكن التعبير عن  $\vec{P}$  بدقة كافية بدلالة سلسلة قوى للشعاع  $\vec{E}$  تحوي عدة حدود \*

ندرس حالة بسيطة ، نعتبر وسطا متجانسا ومتماثل المناحـــي تخترقه موجة ضوئية احادية اللون ، تواترها ت وعددها الموجــي ١٠ وتنتشر في الاتجاه ٢٠ ، وغير متخامدة عمليا ، ونفرض ايضا أن الحقل الكهربائي للموجة مستقطب وفق المحور ٢٠ ، نرمز ب € للمركبة الوحيدة الغير معدومة للحقل :

$$E = E_0 \cos(\omega t - kx) \tag{30-2}$$

تمثل في هذه الحالة الاستقطابية (٤) ٢ بسلسلة قوى من الشكل:

$$P = \mathcal{E}_{o} \mathcal{X} E + \mathcal{X} E^{2} + \Phi E^{3} + \dots$$
 (30\_3)

حيث ٧ ، ٩ ... ثوابت جديدة تصف الخواص الكهربائية اللاخطية للوسط . ومن البديهي أن تأخذ هذه الثوابت قيما مختلفة من اجــل التواترات المختلفة .

نلفت الانتباء الى أننا لم نتخذ الشكل العقدي للحقل الموجسي في (2-30) .إن ذلك ضروري ، لأن استعمال الصيغ العقدية في الحالة اللاخطية غير ممكن .

إن المفاعيل الممثلة في الحد الثاني من (3-30) تدعى المفاعيل التربيعية بالنسبة للحقل ، والمفاعيل الممثلة بالحد الثالث تدعي "المفاعيل التكعيبية " بالنسبة للحقل ، وسوف نقتصر على دراسية هذه المفاعيل فقط .

نشير الى أن صغر الحدود اللاخطية في (3-30) ، لايؤدي حتما الى مغر المفاعيل اللاخطية ، ففي بعض الحالات الخاصة يمكن لهـــــده المفاعيل أن تتراكم ، وسنضرب لاحقا أمثلة على ذلك ،

2\_ندرس المفاعيل اللاخطية التربيعية ، لنبدل E بقيمتها من \*\* \*\*تعتبر هذه السلسلة نشرا تايلوريا للتابع (P(E) الىجوار الصفر ، \* نحصل علي الحد التربيعي  $^2$  للعلاقة (30\_3) ، المنحصل علي الحدوع حدين :

$$xE^{2} = xE_{0}^{2} \cos^{2}(\omega t - Kx) = \frac{xE_{0}^{2}}{2} + \frac{xE_{0}^{2}}{2} \cos(2\omega t - 2Kx)$$
 (30\_4)
$$= \frac{xE_{0}^{2}}{2} \cos(2\omega t - 2Kx)$$
 (30\_4)

$$P_2 = \frac{1}{2} \times E_0^2 = const$$

ويعرض الشكل 8.12 تخطيطياً ظهور مثل هذه الاستقطابية في بلـــورة الكوارتز ، من اجل موجة شديدة ، ويصف الحد الثاني من الطرف الأيمن للعلاقة (4\_30) موجة الاستقطاب

شكل 8.12

ذات التواتر ω . وتعتبر الاستقطابية المهتزهبتواتر مقداره كω منبعا لأشعة جديدة . وتملك حدده الاشعاعات الجديدة التواتر كω وبالتالي تدعى بالمدروج اللهارمون) الثاني لموجة الانطلاق . وهكذا يتضح أن وجود اللاخطيـــة

التربيعية في العلاقة (3–30) تؤدي الى توليد المدروج الثاني للضوء في الوسط . فعلى سبيل المثال عندما يعبر الضوء الاحمر ذو الطبطول الموجي  $^{\circ}$   $^{\circ}$ 

ندرس السؤال الذي نوهنا اليه آنفا حول شروط تراكم العمليات اللاخطية التربيعية لتوليد المدروج الثاني ، نقوم من اجل ذلك تقدير درجة تواقت اطوار الامواج ذات التواترات 20 التي تبثها مختلف عناصر الوسط المدروس ، لنكتب الحقل الكهربائي للمدروج الثانيسي بالشكل :

$$E_2(x,t) = E_{20} \cos(2\omega t - k_2 x)$$
 (30\_5)

ران  $E_{2,0} = \frac{1}{2} \% E_0^2$  الشعاع الموجي للمدروج الثاني ، الشعاع الموجي للمدروج الثاني ، السرعة الطورية للموجة (5-30) تساوي :

$$v_2^2 = \frac{2\omega}{k_2} = \frac{c}{h(2\omega)} \tag{30-6}$$

حيث (2 س) م قرينة انكسار الوسط من اجل الأمواج ذات التواتـرات 20 . وتعطى السرعة الطورية لموجة الاستقطاب المتناسبة مع مربع

$$P_2(x,t) = \frac{1}{2} \approx E_0^2 \cos(2\omega t - 2Kx)$$
 (30-7)

العلاقة:

$$v_{\overline{p}} = \frac{2w}{2k} = \frac{c}{n(w)} \tag{30-8}$$

حيث (١٠٠) قرينة انكسار الوسط للأمواج ذات التواترات ١  $P_{2}(x,t)$  وتبين العلاقة (8\_30) أن السرعة الطورية لموجة الاستقطاب تتوافق مع السرعة الطورية لموجة الانطلاق ذات التواتر ، ونجــد بمقارنة (5\_30) و (7\_30) حدوث فرق في الطور على مسافة  $extcolor{1}{2}$  فـــي اتجاه انتشار الأمواج بين الموجتين  $\rho_2(x,t)$  و  $\rho_2(x,t)$  يعطى بالعلاقة:

DO=(K2-2K)& ويمكن اعادة كتابة هذه العلاقات وفقا لـ (6\_30) و (8\_30) بالشكل:

$$\Delta \theta = \frac{2\omega}{c} \left\{ n(2\omega) - n(\omega) \right\} - L$$

الندخل القيمة المميزة  $\ell_o$  التي تحدد بالشرط  $\ell_o$ 

$$\ell_o = \frac{\pi c}{2\omega \left\{ n(2\omega) - n(\omega) \right\}} \tag{30_9}$$

يتلخص مفهوم و ل بالتالي : من الواضح أنه من اجل المسافــات م كر اتجاهات الحقول الكهربائية التي تولدها مختلف عناصر الوسط بالتواتر 200 مالكة لنفس المنحى . وبالتالي فان جمع هذه الحقول الى بعضها البعض يؤدي الى زيادة شدة المدروج الثاني. وعلى العكس من اجل  $\ell > \ell_0$  يعمل التداخل على اضعاف شدة المدروج الثاني . وهكذا نرى أن ولا تملك معنى طول الترابط من اجل الأسواج 355

الثانوية ذات التواترات  $2\omega$ . وتكون شدة المدروج الثاني من اجل معة محددة لموجة الانطلاق عظمى عندما تخترق طبقة مساوية لـ  $\ell_0$  . ولكن بما أن قيمة التبحد الضوئي كبيرة (الفرق الكبير بين ( $m(\omega)$  و و لكن بما أن قيمة  $\ell_0$  صغيرة . فمن اجل الكوارتز مثلا ، وفعي حالة الضوء الأحمر تأخذ  $\ell_0$  القيمة  $m^{-5}m$  ويحد صغر مغر من امكانية الحصول على امواج ثانوية ذات شدات عالية . يعرض الشكل كبير من امكانية على المحور لا قيم  $\ell_0$  الثاني لسماكة صفيحة من الكوارتز . وقد حملت على المحور لا قيم  $\ell_0$  المتناسبة مع

يغرض الشكل 6.13 تابعية شدة المدروج الثاني لسفاحة صفيحة من الكوارتز وقد حملت على المحور  $\mathcal{L}$  قيم  $\mathcal{L}$  المتناسبة مع الشدة وتوافق مواضع النهايات العظمى السماكات  $\mathcal{L}$  (2m +1) حيث عدد صحيح ورتبت على المحور  $\mathbf{X}$  قيم الزوايا التي تصنعها

شكل 8.13

الصفيحة مع الشعاع الوارد . وهكذا تتغير سماكة الطبقة التي يجتازها الضوء بتغير قيمة هذه الزاوية .

يصبح الطول ولا غير محدود ، وفقا للعلاقـــة (30\_9) ، اذا تحققـــت المساواة :

 $n(2\omega) = n(\omega)(30_{-}10)$ 

وينتج من (6\_30) و (8\_30) أن تحقق الشرط (10\_30) يعنى أن:  $\boldsymbol{v}_2 = \boldsymbol{v}_p$ 

وتدعى هذه المساواة بشرط التوافق الطوري أوباختصار "شرط التزامن"، وعند تحقق (11\_30) سوف يتراكم مفعول ولادة المدروج الثاني بشكل غير محدود ، بحيث يمكن توليده بشكل شديد حتى من اجل لاخطيــــة ضعيفة . وهذا يعطي امكانية الحصول على مدروجات ثانية حتى مــن اجل شدات غير كبيرة للأمواج الواردة . ويتم عادة تقدير قيم الثابت من العلاقة (3-30) بواسطة لازرات الهليوم ضعيفة الاستطاعة .

تكهن العلماء في بداية الستينات من القرن الحالي ، وأكدوا ذلك تجريبيا الفكرة التالية : وهي سحقيق التزامن الطوري فيي البلورات المختلفة المناحي ضوئيا ، والتي تملك فيرسرائن انكسار تختلف قيمها بشدة من اجل الاشعة المختلفة الاستقطاب . ففي بلورة كهذه ، يمكن موازنة تغير قرينة الانكسار من اجل التواتر المضاعف باختيار شروط مناسبة ، بحيث تكون موجة الانطلاق عادية ، بينمسا يكون المدروج الثاني شاذا (لاعاديا) (أو على العكس ، وذلك وفقالاشارة مفعول الانكسار المضاعف ) \*) . ويكون في مجال شفافية البلورة من اجل أي استقطاب معين (١٤٠٥ مراك) م . وبالتالي يحدث التزامن الموجي في حالة البلورات احادية المحور السالبة ضوئيا (انظلم الفقرة 28) من اجل الامواج الواردة العادية ، وذلك فيما اذا كسان حدوثة ممكنا ، وفي البلورات الموجبة من اجل الامواج الواردة اللاعادية وبالتالي يحقق شرط الترامن في حالة البلورة السالبة المساواة :

## $n(\alpha, 2\omega) = n_0(\omega)$

ويحقق في حالة البلورة الموجبة مسلواة أخرى:

## $n_n(2\omega) = n(\alpha, \omega)$

اذا كان مفعول الانكسار المضاعف كبيرا بشكل كاف فان تنفيذ هــــذه الشروط يمكن تحقيقه ،باختيار الزاوية له بين المحور الضوئي للبلورة واتجاه انتشار الموجة الواردة . فعلى سبيل المثال يمكن تحقيق الشرط الأول في بلورة سالبة من ديهدروفوسفات الغاليوم (يرمز لهذه البلورة في المراجع بـ ٣٠٠) . وتحقيق الشرط الثاني في بلورة موجبة مـــن الكوارتز .

نشير الى أن الطول الحقيقي للترابط يحدد بدرجة الانحراف عن التوازي للاشعة الواردة ، ذلك لأن شرط التزامن يخرق من اجسل تغيرات صغيرة للزاوية x ، مما يؤدي الى انكماش (صغر) قيمة وشكل حاد ، وبالتالي لايمكن ملاحظة ولادة المدروج الثاني الا في حالة المنابع اللازرية للضوء .

3\_ندرس الآن المفاعيل اللاخطية التكعيبية . إن هذه المفاعيل ترتبط بالحد الثالث من العلاقة (3-20) ، لنعوض عن £ من(2-30) في الحد الثالث لـ(3-30) ، فنحصل بعد اجراء بعض العمليات المثلثية على العلاقة :

<sup>\*)</sup> ان نشر (P(E) على شكل سلسلة بالنسبة لـ E في الاوساط مختلفة المناحي لايملك الشكل البسيط الوارد في (3-30) . فير أن صيغة شرط التزامـــن تحتفظ بصحتها .

$$P_{3}(x,t) = \theta E^{3}(x,t) = \theta E_{0}^{3} \omega s^{3}(wt - Kx) =$$

$$= \frac{3}{4} \theta E_{0}^{3} \omega s(wt - Kx) +$$

$$+ \frac{1}{4} \theta E_{0}^{3} \omega s(3wt - 3KX)$$
(30\_12)

ويتضح من هذه العلاقة أن الحد الثاني من الطرف الأيمن متناسب مع ويتضح من هذه العلاقة أن الحد الثاني من الطرف الأيمن متناسب مع الانطلاق ، أو يولد موجة بتواتر ثلاثي ، وقد لوحظت مثل هده المدروجات منذ عام 1962 ، وتمكن العلماء في الوقت الحاضر من الحصول على مدروجات أعلى ، وتستخدم هذه المدروجات العاليتفي صناعة اللازرات للمجال فوق البنفسجي ،

$$\overline{p}(x,t) = \left(x + \frac{3}{4} \frac{\varphi}{\varepsilon_o} E_o^2\right) E_o \cos(\omega t - K x)$$
 (30\_13)

وينتج من هنا أن :

اللاخطية التكعيبية تغير السماحية المعزالية للوسط  $\cdot$  حيث تظهر في عبارة السماحية اضافة لاخطية تتعلق بشدة الموجة الواردة (نذكر أن الشدة تتناسب مع  $\frac{2}{F_0}$ ) .

لنرمز للسماحية الكلية المعزالية ب $lpha_{ ext{tot}}$ . عندئذ يعبر عماقيل بالعلاقة :

$$\varkappa_{t_0+} = \varkappa + \frac{3}{4\varepsilon_0} \theta \varepsilon_0^2 \qquad (30-14)$$

،  $\frac{\partial}{\mathcal{E}_o} \mathcal{E}_o^2 \ll 1$  ويمكن في حالة الامواج الغير شديدة الاتي تحقق الشرط الكلية للوسط بدقـــة

$$n_{tot} = \sqrt{1 - \varkappa_{tot}} = \sqrt{\frac{1 + \varkappa + \frac{3}{4 \varepsilon_o} \theta \varepsilon_o^2}{1 + \varkappa + \frac{3}{4 \varepsilon_o} \theta \varepsilon_o^2}} = \sqrt{1 + \varkappa} \left(1 + \frac{\frac{3}{4 \varepsilon_o} \theta \varepsilon_o^2}{1 + \varkappa}\right)^{1/2} \approx n + \frac{3 \theta \varepsilon_o^2}{8 \varepsilon_o n}$$

حيث  $N = \sqrt{1+\chi}$  . ويلاحظ أن المفعول اللاخطي التكعيبي ، يودي الى أن الله تابعية قرينة الانكسار لشدة موجة الضوء الوارد . ونشير الى أن قيمة الثابت  $\theta$  واشارته تكونان ابعتين للوسط و تختلفان باختلافه وينفذ في هذه الحالة شرط التزامن بشكل آلي (اوتوماتيكي) (لايوجيد تواترات مختلفة) . وهكذا تتراكم دائما المفاعيل المرتبطة بتابعية قرينة انكسار الوسط لشدة الموجة الواردة . نشير الى أن امكانية تغير قرينة انكسار الوسط بتغير شدة الشعاع الوارد ، تستعمل في تحقيق شروط التزامن الطوري من اجل المدروج الثاني .

ومن المفاعيل الممتعة والهامة المشروطة باللاخطية التكعيبية يعتبر التركيز الذاتي واللاتركيز الذاتي للأشعة الضوئية الضيقية ذات الاستطاعة العالية ، تكون كثافة تيار الطاقة في المقطع العرضي للشعاع عظمي في الوسط وتتناقص نحو الاطراف ، ونذكر هنا بالمناسبة أن القيمة المطلقة للاضافة اللاخطية الى معامل قرينة الانكسار تنمو أثناء الانتقال من طرفي الشعاع نحو مركزه ،وهذا يعنى أن الشعاع يقوم بتحويل الوسط في العدسة بنفسه ، فمن إجل ٥<٥ يصبح الوســط كعدسة مجمعة ، ذلك لأن الاشعة تتقارب، ويدعى هذا المفعول بالتركيز الذاتى ، واذا كانت  $0 < \theta$  يحدث العكس ويصبح الوسط كعدســـة مفرقة ، وتتباعد الأشعة ، وبالتالي يدعى بالاتركيز الذاتي . اذا بدأنا بشدة معتدلة ، فان التركيز الذاتي يعمل على موازنة التفرق الانعراجي للأشعة . وبزيادة الشدة يبدأ بالظهور بشكل تدريجي سهم دقيق وساطع حيث يؤدي التركيز الذاتي الى زيادة شدة الاشعة والتي تؤدى بدورها الى زيادة التأثير التركيزي للوسط ويمكن بالنتيجة الحصول علـــي كثافة لتيار الطاقة ضمن السهم تفهوق بعدة مراتب كثافة تيار الطاقة في موجة الانطلاق.

4\_نقارن في الختام بين الخواص اللاخطية الضوئية والصوتية. يحدث في الحالتين انحناء للموجة بالمدروجات العليا .غيررأن التبدد في الامواج الصوتية قليل ،وبالتالي فان شرط الترامن الطوري في علم الصوت اللاخطي يتحقق دائما بشكل جيد .وهكذا فان الموجت الصوتية الشديدة اثناء انتشارها ،يستمر اغناؤها بالمدروجات العليا (مفعول التراكم ) .ويؤدي هذا الاغناء في حالة شدات كافية الـــى

موجة الصدم ، وتكون مساهمة المدروجات العليا في موجة الصـــدم عظيمة ، ويكون التبدد في الامواج الضوئية ، خلافا لمايحدث في علــم الصوت ، شديدا ، وبالتالي يحدث في الضوء خرقا لشرط التزامن الذي يرافق نشوء المدروجات العليا ، مما يؤدي الى عدم تشكل موجة صـدم ضوئية .

مسائل وتطبيقات

1 \_ ينتشر ضوء في وسط متجانس قرينة انكساره م عبر عـــن

شدة الضوء بدلالة السعة A للشعاع الضوئي . \_\_ نقتصر على دراسة موجة ضوئية منتشرة باتجاه المحور ٥٪ :

E = Eo cos (wt - Kx)

 $H = H_0 \cos(\omega t - Kx)$ 

" = " " " " ( E = KX)

ان طویلة شعاع باونتنغ تعطی بالعلاقة :  $|\Pi| = E_0 H_0 \cos^2(\omega t - Kx) = E_0 H_0 \frac{1 + \cos[2(\omega t - Kx)]}{2}$ 

وينتج عن معادلات ماكسويل للموجة المستوية ، أن

VEES ES = VMMO HO

وبما أن 1 = 1 للمواد الشفافة ،فان :

 $H_0=\sqrt{\mathcal{E}}\sqrt{\frac{\mathcal{E}_0}{\mu_0}}$   $E_0$  بما أُن قرينة الانكسار المطلقة للمادة  $n=\frac{c}{2}$  حيث أُن ع

ع السرعتان الطوريتان للموجة الضوئية في الخلاء والمادة علي

الترتيب ، نستطيع أن نكتب استنادا الى العلاقة على:

 $n = \sqrt{\varepsilon_{\mu}} \approx \sqrt{\varepsilon}$ 

In1 = n/ E. A 2 1+ cos[2 (wt-Kx)]

 $F_o = A$  حيث أدخلنا هنا الرمز الشائع T

 $I = \frac{1}{T} \int_{0}^{T} I \vec{n} I \cdot dt = v \int_{0}^{1} I \vec{n} I \cdot dt$  عرف الشدة بالعلاقة :

حيث  ${\mathcal T}$  الدور ،  ${oldsymbol v}$  التواتر العددي . بالتبديل نجد :

 $I = \frac{1}{2} \eta \sqrt{\frac{\mathcal{E}_0}{M_0}} R^2 v \int_0^{\frac{1}{\nu}} [1 + \cos z (\omega t - kx)] \cdot dt =$   $= \frac{1}{2} \eta \sqrt{\frac{\mathcal{E}_0}{M_0}} R^2 v \left[ \frac{1}{\nu} + \frac{1}{2\omega} \sin z (\frac{\omega}{\nu} - kx) + \frac{\sin z k r}{2\omega} \right] =$ 

عندئذ :

$$I = \frac{\eta}{2} \sqrt{\frac{\varepsilon_0}{\mu_0}} A^2 \left[ 1 + \frac{1}{9\pi} \sin 2kx - \frac{1}{4\pi} \sin 2kx \right] = \frac{\eta}{2} \sqrt{\frac{\varepsilon_0}{\mu_0}} A^2$$

وهكذا نلاحظ أن شدة الضوء متناسبة مع قرينة انكسار الوسط ، ومـــع مربع سعة الموجة الضوئية  $I \sim n\, A^2$  .

ے تکتب عبارة الکثافة للتیار الکلی بالشکل:  $\frac{25}{3} + \frac{7}{3} + \frac{7}{10} = \frac{7}{10}$ 

Totale and the set of the set of

نلاحظ أن  $\frac{1}{100}$  يملك عبارة عقدية في الحالة العامة ، فاذا كانت ع حقيقية ، مثلت المركبة الحقيقية لم الطاقة الضائعة والمركب الخيالية الطاقة الردية ، من شروط المسألة يكون  $\frac{1}{100}$  =  $\frac{1}{100}$  انه مقدار عقدي ، وكذلك  $\frac{1}{100}$  =  $\frac{1}{100}$  ، وبالتالي تكون  $\frac{1}{100}$  :

Stot = iw E, E + w EZE

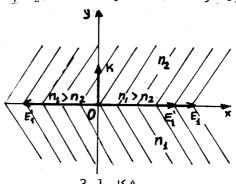
ومعروف من الالكترونيات أن الطاقة الضائعة هي الطاقة المرتبطة بالمركبة التي تكون على اتفاق في الطور مع  $\vec{E}$  ، أي المركبة  $\vec{E}$  ،  $\vec{E}$  ،  $\vec{E}$  ،  $\vec{E}$ 

ومنه تكون الطاقة الضائعة :

W=JE=WEZE2joue

3 ـ ترد موجة ضوئية ناظميا على السطح الفاصل بين وسطير ن عازلين متجانسين وشفافين ، قرينتا انكسارهما  $n_2$  و  $n_3$  بين أن طوري الموجة الواردة والمنكسرة يبقيان دائما متفقين ، بينما يتغير طور الموجة المنعكسة بصورة قفزية بمقدار  $\pi$  اذا تم الانعكاس على الوسط الاشد كسرا للضوء (الأكثر كثافة) .

 نختار المحور CX على طول حد الفصل باتجاه الشعاع الموجة الواردة ، ونرمز ب  $E_1$  لشعاع الموجة المنعكسة ، و  $E_2$  للموجة المنكسرة (العابرة) (الشكل 3.1) . بما أن شدة الحقل الكهربائيين في الوسط الاول ، وفقا لمبدأ التركيب ، تساوي  $E_1 + E_2$  ، ينتج عـــن



شكل 3.1

تطبيق شرط الاستمرارية للمركبة المماسية أن :

$$E_{1X} + E_{1X} = E_{2X} \tag{1}$$

من قانون انحفاظ الطاقة ، والأخذ بعين الاعتبار المسألة 1نحص على ؛

$$n_{1}E_{1x}^{2} = n_{L}E_{1x}^{2} + n_{2}E_{2x}^{2}$$

$$n_1 (E_{1X} + E_{1X}') (E_{1X} - E_{1X}') = n_2 E_{2X}^2$$
 (2)

وتكافئ العلاقتان (1) و (2) ، جملة معادلتين خطيتن :

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{1X} + \boldsymbol{\varepsilon}_{1X}^{'} = \boldsymbol{\varepsilon}_{2X} \tag{3}$$

$$E_{1X} - E_{1X}' = \frac{n_2}{n_1} E_{2X} \tag{4}$$

نجد من المعادلتين السابقتين ، بعد الأخذ بعين الاعتبار المساواة

$$E_{2x} = \frac{2E_{1}}{1 + (n_{2}/n_{1})} : 01, E_{1x} = E_{1}$$
(5)

$$\mathbf{E}_{1X}' = \mathbf{E}_{1} \frac{1 - \frac{n_{2}}{n_{1}}}{1 + \frac{n_{2}}{n_{1}}} \tag{6}$$

ينتج من العبارة (6) أن  $E_{1x} > 0$  اذا كان  $n_2 < n_1$  ، أي أن  $E_{1x} < 0$  ، أي أن التجاهي  $E_1 \cdot E_1 \cdot$ 

ملاحظة: اذا كان الشعاع Ē في الموجة الواردة عموديا على مستوي الورود ، فان النتيجة الحاصلة تبقى صحيحة ، وكذلك الحلا النسبة للورود المائل للضوء على حد الفصل بين الوسطين .

4 ـ بين بمساعدة صيغ فرنل وجود زاوية ورود  $\dot{g}$  ، يكون مـــن اجلها الضوء المنعكس على سطح وسط عازل مستقطبا بشكل تام ، وأن اجلها النوء  $\dot{g}$  ، خيث  $\dot{g}$  قرينة انكسار العازل .

سوف نرمز بر  $(F_1)$ ،  $(F_1)$  و  $(F_2)$  للقيم العظمى لمركبات الشعاع  $\vec{E}$  المعامد لمستوي الورود في الامواج الواردة والمنعكسة والمنكسرة على الترتيب ، و بر  $(F_1)$  ،  $(F_1)$  ،  $(F_2)$  للقيم السابقة ولكن الموازية لمستوي الورود ،  $\vec{E}$  زاوية الورود ،  $\vec{E}$  زاوية الانكسار .

العلاقتين:

 $(E_1)_{11} = 0$ ,  $(E_1)_{1} = (E_1)_{1} | \sin(c - \epsilon)| \neq 0$ 

يرمز لزاوية الورود التي تحقق الشرط (1) ب ع وتدعى زاوية بروستر ، وهكذا اذا كانت ع لا : الله المنعكس يكسسون مستقطبا بشكل تام في مستوي الورود ،

فستخدم القانون أن المراجع sin i = n sin ح

ونحصل من اجل 
$$g'=1$$
 و  $g'=\frac{\pi}{2}$  على :  
Sin ig  $g'=1$  على :

5 ـ يرد ضوء طبيعي بزاوية بروستر على سطح زجاجي ٠ جد : آ) معامل الانعكاس ب) درجة استقطاب الضوء المنكسر ٠

\_\_ نستعمل الرموز الواردة في المسألة 4 .

آ) ينتج عن صيغ فرنل أن:

$$(E_1)_{\perp} = (E_1)_{\perp} | \sin((i-\tau)) | | (E_1)_{\parallel} = 0$$

بما أن شرط المسألة هو عن عن ، فان :

$$(E_1') = (E_1) \mid \cos 2 i_{\mathcal{B}}$$
 (1)

وبما أُن المركبة الموازية للشعاع E معدومة ، فان الشدة للاشعــة المنعكسة هي  $I_1 = (I_1)$  . نربع العلاقة (1) ، ونأخذ بعين الاعتبار : ان  $(I_1)_{\perp} = \frac{1}{2}$  ، فنجد

$$I'_1 = (I_1) \cos^2(2i_B) = \frac{1}{2} I_n \cos^2(2i_B)$$
 (2)

يعطى معامل الانعكاس بالتعريف بالعلاقة  $\mathbf{R} = \frac{\mathbf{I}_1}{\mathbf{I}_1}$  . ينتهج عن العبارة (2) أن:

$$R = \frac{1}{2} \cos^2 (2 i_B) = \frac{1}{2} (2 \cos^2 i_B - 1)^2 =$$

$$= \frac{1}{2} (\frac{2}{1 + \frac{1}{2} i_B} - 1)^2 = \frac{1}{2} (\frac{2}{1 + n^2} - 1)^2 =$$

$$= \frac{1}{2} (\frac{1 - n^2}{1 + n^2})^2$$

ب) تعطى درجة استقطاب الضوء المنكسر ، تعريفا ، بالعلاقة :

$$P = \frac{T_{2 \max} - T_{2 \min}}{T_{2 \max} + T_{2 \min}}$$
 (3)

ونحصل وفقا لصيغ فرنل والمساواة ع ٢ - ١ على :

$$(E_2)_{\perp} = (E_1)_{\perp} 2 \cos^2 \frac{1}{1}_B = \frac{2(E_1)_{\perp}}{1 + \frac{1}{4}^2 i_B} = \frac{2(E_1)_{\perp}}{1 + n^2}$$

$$(E_{2})_{||} = (E_{1})_{||} \frac{2 \cos^{2} i_{B}}{\sin^{2} i_{B}} = (E_{1})_{||} \frac{\cos^{2} i_{B}}{\sin^{2} i_{B}} = \frac{(E_{1})_{||}}{n}$$

$$: \text{ with in the point in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in the point in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ with in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$: \text{ in } I \sim n \in \mathbb{Z} \text{ in } I_{B}$$

$$(\underline{I}_2)_{\text{max}} = (\underline{I}_2)_{11}$$

$$(I_2) \min = (I_2)_1 \tag{5}$$

نعوض العبارتين (4)و(5) في (3) فنجد أن درجة الاستقطاب للضوء المنك

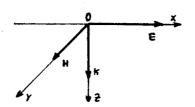
$$P = \frac{(I_2)_{11} - (I_2)_{1}}{(I_2)_{11} + (I_2)_{1}} = \frac{(2n)^{-1} - 2n(1+n^2)^{-2}}{(2n)^{-1} + 2n(1+n^2)^{-2}} = \frac{(1+n^2)^2 - 4n^2}{(1+n^2)^2 + 4n^2}$$

والمعدن على سطح مستولة بشكل ناظمي على سطح مستولمعدن ، واحسب (الشكل 6.1) . جد شدة الحقل الكهربائيي على سطح المعدن ، واحسب سمك الطبقة القشرية ، أي عمق اللطبقة التي تتناقص (تتخامد) فيها قيمة الحقل به مرة ( 2,73 ) . بفرض أن ناقلية المعلمات  $\omega = 10^{7} nod/se$  الكهرطيسية  $\omega = 10^{7} nod/se$  الكهرطيسية عمل الكهرطيسية  $\omega = 10^{7} nod/se$ 

H ،  $\vec{E}$  باتجاه  $O_X$  ،  $O_X$  باتجاه ،  $E_Y = E_2 = 0$  ،  $E_X \neq 0$  باتجاه ،  $E_Y = E_2 = 0$  ،  $E_X \neq 0$  الشكل  $E_X = E_2 = 0$  ،  $E_X \neq 0$  بنكتب معادلات ماكسويل ؛  $E_X = H_X = 0$  ،  $E_X = 0$   $E_X = 0$  (1)

$$\operatorname{rot} \vec{H} = \vec{j} + \frac{2D}{2t} \tag{2}$$

نسقط المعادلتين (1) و (2) على محوري الاحداثيات ، آخذين بعيــن



شكل 6.1 . الاعتبار أن عَلَم عَلَى . فنحصل على :

$$\frac{\partial E_X}{\partial t} = -\mu_0 \frac{\partial H_Y}{\partial t} \tag{3}$$

$$-\frac{\partial Hy}{\partial z} = \alpha E_X + z_0 \frac{\partial E_X}{\partial +} \tag{4}$$

بما أن كثافة تيار الازاحة في الناقل (من اجل التواترات المنخفضة) مغيرة بالمقارنة مع كثافة تيار الناقلية فانه بالامكان اهمال الحدد مع المعادلة (4) . ينتج عندئذ من المعادلتين (3) ، (4)

العلاقتين:

$$\frac{\partial^2 E_x}{\partial z^2} = -M_0 \frac{\partial z H_y}{\partial z \partial t}$$

$$-\frac{\partial^2 H_y}{\partial z \partial t} = S \frac{\partial E_x}{\partial t}$$
(6)

نحصل من المعادلتين (5) و (6) على معادلة تصف الحقل الكهرطيسي داخل الناقل:

$$\frac{\partial^2 E_X}{\partial z^2} - \mu_0 \propto \frac{\partial E_X}{\partial t} = 0 \tag{7}$$

ملك الحل للمعادلة (7) الشكل:

$$E_{\chi} = E_{o}(z) \cdot e^{i\omega t}$$
(8)

وتملك هذه المعادلة الحل:

$$E_0 = Ae^{KZ} + Be^{-KZ}$$

حيث أن A و B ثابتان ، K جذر المعادلة المميزة

نرمز بـ 2 p² = 2 م 40 فنحصل على :

$$K = P\sqrt{2i} = P(1+i)$$
 (10)

وهكذا يكتب حل المعادلة (9) بالاستفادة من (10) بالشكل:

$$E_0 = A e^{P^2} e^{iP^2} + B e^{-P^2} e^{-iP^2}$$
(11)

بما أن الحد الاول من المعادلة (11) ينمو بشكل لانهائي من اجل صحح  $\Xi$  نفرض أن A يساوي الصغر ، لأنه في الحالة المعاكسة اي عندما ندخل في عمق الناقل ينمو  $\Xi$  وهذا ليس لمه أي معنى فيزيائى .

نكتب الأن عبارة الشدة للحقل الكهربائي بالشكل:

$$E_{X} = E_{o}e = Be^{-\rho_{\frac{1}{2}}} i(\omega t - \rho_{\frac{1}{2}})$$
(12)

ويملك الجزء الحقيقي للعبارة (12) معنى فيزيائي:

ومن هنا نرى أن الحقل الكهربائي للموجة يتخامد بشكل أسي ، اضافة الى أن سرعة هذا التخامد تميزه قيمة المضروب الأسى ٩٦- ص من اجل مسافة  $\frac{1}{\rho} = \frac{1}{2}$  يتناقص الحقل بمقدار  $\rho$  مرة . نعوض في القيم العددية فنجد أن سمك الطبقة القشرية يساوى:

$$\frac{2}{2} = \sqrt{\frac{2}{\mu_0 \circ \omega}} \approx 10^{-4} \text{m}$$

7 \_ جد انطلاقا من عبارات فرنل فرق الطور الحاصل بيــــن المركبتين العمودية على مستوي الورقة (الرود) والواقعة فيه ، بنتيجة انعكاس الضوء انعكاسا كليا داخليا .بين أنه اذا كان الضوء الوارد مستقطبا خطيا ، فانه يخرج بنتيجة الانعكاس الكلى مستقطبا اهليلجيا. بجد عوالطور الناتج عين عمر على على الطور الناتج عين عمر على الناتج عين الطور الناتج عين الطور الناتج عين المادي انعكاس المركبة الموازية لسطح الفصل ، وه فرق الطور الناتـــج عن انعكاس المركبة الواقعة في مستوي الورود ، تذكر بأن

$$. t_3 = \frac{b}{a} \quad \text{and} \quad \frac{a-ib}{a+ib} = e^{-iS}$$

ــ ان شرط الانعكاس الكلي الداخلي هو أن تكون قرينة الانكسار

شكل 7.1

للوسط الأول اكبر من قرينة الانكسار للوسط الثانى ، أي  $\frac{n}{n} > 1$  (الشكل 7.1) ، وأن تكون زاوية الورود 🔗 اكبر من الزاوية الحدية 🔑 🗲 . نجد من العلاقة: nsina = n'sina'

$$\cos \theta' = \sqrt{1 - \left(\frac{n}{n!}\right)^2 \sin^2 \theta}$$

$$\cos \theta' = i \sqrt{\left(\frac{n}{n!}\right)^2 \sin^2 \theta - 1}$$

$$\cdot$$
  $\dot{l} = \sqrt{-1}$  حيث ان

ء او

في حالة المركبة المعامدة لمستوي الورود (أي الموازية لسطح في حالة المركبة المركبة المنعكسة  $E_{or}$  والمركبة الواردة للحقل الكهربائي من الشكل:

$$E_{or} = -E_{oi} \frac{\sin(i-\tau)}{\sin(i+\tau)}$$

: نفرض أن  $i = \theta$  ،  $r = \theta'$  ،  $E_{or} = A_2$  ،  $E_{oi} = A_1$  نفرض

$$A_{2h} = -A_{1h} \frac{\sin(\theta - \theta')}{\sin(\theta + \theta')} =$$

$$= -A_{1h} \frac{\sin(\theta - \theta')}{\sin(\theta + \theta')} =$$

$$=-A_{1h} \frac{(\sin\theta)(\frac{\eta}{n!})^2\sin^2\theta-1}{(\sin\theta)(\frac{\eta}{n!})^2}$$

$$i \sin \theta \left[ \left( \frac{n}{n!} \right)^2 \sin^2 \theta - 1 \right]^{\frac{1}{2}} + \omega s \theta \cdot \sin \theta \cdot \left( \frac{n}{n!} \right)$$

$$= R_{1h} \frac{\left(\frac{n}{n!}\right) \cos \theta - i \left[\left(\frac{n}{n!}\right)^{2} \sin^{2} \theta - 1\right]^{\frac{1}{2}}}{\left(\frac{n}{n!}\right) \cos \theta + i \left[\left(\frac{n}{n!}\right)^{2} \sin^{2} \theta - 1\right]^{\frac{1}{2}}}$$
(1)

$$\frac{a-ib}{a+ib} = e^{-iS}, \quad \frac{5}{2} = \frac{b}{a}$$

$$A_{2h} = A_{1h} e^{-c^2 \delta h}$$
 :

Ezh = Ph e ish e [wt - K1 (n. r)]

$$\frac{1}{2} \frac{\mathbf{S}_{k}}{2} = \frac{\left[\left(\frac{m}{n!}\right)^{2} \sin^{2} \theta - 1\right]^{1/2}}{\frac{n}{n!} \cos \theta} \tag{2}$$

نستطيع باسلوب مماثل أن نكتب انطلاقا من العلاقة الرابطــة بين سعة الموجة الواردة الواقعة في مستوي الورود وسعة الموجـــة المنعكسة والواقعة في نفس المستوى :

$$A_{2N} = A_{1N} \frac{4g(\theta - \theta')}{4g(\theta + \theta')} = A_{1N} \frac{\sin 2\theta - \sin 2\theta'}{\sin 2\theta + \sin 2\theta'} =$$

$$= A_{1N} \frac{2\sin \theta \cdot \cos \theta - 2\sin \theta' \cos \theta'}{2\sin \theta \cdot \cos \theta + 2\sin \theta' \cos \theta'} =$$

$$= \frac{\sin \theta \cdot \cos \theta - i\left(\frac{n}{n!}\right) \sin \theta \cdot \left[\left(\frac{n}{n!}\right)^2 \sin^2 \theta - 1\right]^{\frac{1}{2}}}{\sin \theta \cdot \cos \theta + i\left(\frac{n}{n!}\right) \sin \theta \left[\left(\frac{n}{n!}\right)^2 \sin^2 \theta - 1\right]^{\frac{1}{2}}} (3)$$

$$+g \frac{Sv}{2} = \frac{\frac{n}{n!} \left[ \left( \frac{n}{n!} \right)^2 \sin^2 \theta - 1 \right]^{1/2}}{\cos \theta}$$
 (4)

Ezo = Aire - iSv. e [ wt - K1 (nq. r)]

هكذا نلاحظ أن مركبتي الحقل الكهربائي  $\exists$  للموجة الضوئية :  $\mathbf{E}_{h}$  المعامدة لمستوي الورود ، و  $\mathbf{E}_{r_0}$  الموازية له تخصعان لتغير في الطور قدره  $\mathbf{a}_{h}$  ،  $\mathbf{a}_{r_0}$  على الترتيب ، وتكون سعتا المركبتين

الواردتين مساويتين لسعتي المركبتين المنعكستين و  $\theta_{1h}$  و  $\theta_{1h}$  و لذلك اذا كان الشعاع الوارد مستقطابا استقطابا خطيا ، فان المركبتين الواردتين تملكان نفس الطور بينما تكون المنعكستان مختلفتين بالطور  $\delta$  ومتعامدتين بنفس الوقت ، وبالتالى ينتج ضوء مستقطـــــب

اهلیلجیا ، ویکون:

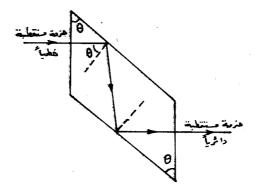
$$+q = +q (\frac{s_v}{2} - \frac{s_h}{2}) = \frac{+q (\frac{s_v}{2}) - +q (\frac{s_h}{2})}{1 + +q (\frac{s_v}{2}) \cdot +q (\frac{s_h}{2})}$$

بالاصلاح نجد:

$$\frac{1}{3} = \frac{\left[ \left( \frac{n}{n_i} \right)^2 - 1 \right] \cdot \left[ \left( \frac{n}{n_i} \right)^2 \cdot \sin^2 \theta - 1 \right]^{\frac{1}{2}}}{\sin^2 \theta \left[ \left( \frac{n}{n_i} \right)^2 - 1 \right] \cdot \frac{n}{n_i}}$$

ومنه

$$\frac{1}{\sqrt{\frac{8}{2}}} = \frac{\cos \varphi \cdot \left[ \left( \frac{m}{ni} \right)^2 \sin^2 \varphi - 1 \right]}{\frac{n}{n!} \sin^2 \varphi}$$



شكل 8.1

أن يُنفّذ الضوء العكاسين داخليين .

اذا ورد الضوء مبلحيث يصنع مستوي الاهتزاز مع مستسوي الشكل (الورود) زاوية 45° موكانت قرينة النكسار الزجاج 1,52 م

احسب زاوية الورود اللازمة للحصول على ضوء مستقطب دائريا . \_\_\_\_ نلاحظ من العلاقة التي حصلناعليها في المسألة 7 أنالاستقطاب الدائري يتم حدوثه اذا كان فرق الطور بين المركبتين البارزتين على  $\frac{\eta_1}{4}$  عند كلل و مساويا  $\frac{\eta_2}{4}$  مساويا  $\frac{\eta_2}{4}$  عند كلا انعكاس داخلى :

$$ty(\frac{90}{4}) = \frac{\cos o \left[ \left( \frac{n}{n_1} \right)^2 \sin^2 o - 1 \right]^{1/2}}{\frac{n}{n_1} \sin^2 o}$$

$$(+y^2 \frac{\pi}{8}) (\frac{n}{n!})^2 \sin^4 \theta = (+-\sin^2 \theta) [(\frac{n}{n!})^2 \sin^2 \theta - 1] =$$

$$= (\frac{n}{n!})^2 \sin^2 \theta - (\frac{n}{n!})^2 \sin^4 \theta - 1 - \sin^2 \theta$$

$$\left[ \left( \frac{1}{2} \frac{\pi}{R} \right) + 1 \right] \left( \frac{n}{n!} \right)^2 \sin^4 \theta - \left[ 1 + \left( \frac{n}{n!} \right)^2 \right] \sin^2 \theta + 1 = 0$$

وبحل هذه المعادلة ، نحصل على :

$$(Si'n^2\theta)_1 = 0,675 \Rightarrow \theta_1 = 55^\circ$$

$$(Si'n^2\theta)_2 = 0,549 \Rightarrow \theta_2 = 47^\circ$$

9 ـ يرد ضوء غير مستقطب على زجاج قرينة انكساره 1,52 براوية ورود قدرها 45° ميرر الضوء المنعكس خلال نيكول محلك عين نسبة الشدتين العظمى والصغرى اللتين يمررهما النيكول اثناء تدويره :

\_\_ يمكن تحليل الضوء الوارد الغير مستقطب الى مركبتي\_سسن متساويتين بالسعة ومتعامدتين .

نفرض أن سعة الضوء الوارد تساوي A . نحلله الى مركبتين :

$$A_{1h} = \frac{A_1}{\sqrt{2}} \qquad , \quad A_{1v} = \frac{A_1}{\sqrt{2}}$$

تعطى سعة المركبة المنعكسة الموازية لسطح الفصل بالعلاقة :

$$A_{2h} = -A_{1h} \frac{\sin(\theta - \theta')}{\sin(\theta + \theta')}$$

نجد من العلاقة :

$$\sin \theta' = \frac{n \sin \theta}{n!} = \frac{\sin \frac{\pi}{4}}{4.52} \approx 0.4652$$

$$A_{2h} = -\frac{A_1}{\sqrt{2}} \frac{\sin(45-28)}{\sin(45+28)^{\circ}} \approx -\frac{0.305}{\sqrt{2}} A_1$$

تعطى سعة المركبة المنعكسة المعامدة لسطح الفصل بالعلاقة:

$$A_{2v} = A_{1v} \frac{\frac{1}{3}(\theta - \theta')}{\frac{1}{3}(\theta + \theta')} = \frac{A_1}{V_2} \frac{\frac{1}{3}17^{\circ}}{\frac{1}{3}73^{\circ}} \approx \frac{0.094 A_1}{V_2}$$

ويلاحظ من العلاقات السابقة أن الشدة العظمى تحصل عندمـــا يمرر النيكول المركبة  $H_{2h}$  . ومنه

$$\frac{\text{I}_{2g(max)}}{\text{I}_{1}} = \frac{(A_{2h})^{2}}{(A_{1})^{2}} = \frac{(\frac{O_{1}3_{0}5}{V^{2}})^{2}A_{1}^{2}}{R_{1}^{2}} \approx \frac{O_{1}093}{2} = 7.4,65$$
erzec imak ilmin ilmi

$$\frac{I_{2v(min)}}{I_{4}} = \frac{(A_{2v})^{2}}{(A_{1})^{2}} = \frac{(O_{1}O94)^{2}}{2} = \frac{9}{10}O_{1}4$$

10 ـ يرد ضوء غير مستقطب على سطح زجاجي قرينة انكساره 1,5، بزاوية ورود  $h \in h$  و  $h \in h$  للضوء المنعكس، واحسب ايضا درجة الاستقطاب .

\_ نفرض أن سعة الموجة الواردة ، الله ، عند عند يكون :

$$A_{1h} = \frac{A_1}{\sqrt{2}} \qquad , \quad A_{2v} = \frac{A_1}{\sqrt{2}}$$

من العلاقة:

$$A_{2h} = -A_{1h} \frac{\sin(\theta-\theta')}{\sin(\theta+\theta')}$$

وبحساب ' ح من قانون الانكسار:

Sino = 
$$\frac{N}{N1}$$
 sino  $\approx 0,333$   $\implies \theta \approx 19^{\circ}$ 

$$A_{2h} = -\frac{A_{1}}{V_{2}} \cdot \frac{\sin(30-19)}{\sin(30+19)^{\circ}} \approx -0.032 A_{1}$$

$$A_{2v} = \frac{A_{1}}{V_{2}} \cdot \frac{4g(3v-19)^{\circ}}{4g(3v+19)^{\circ}} \approx 0,0192 A_{1}$$
:  $\approx \frac{4}{1} \cdot \frac{3v-19}{1} \cdot$ 

11 تسقط موجة احادية اللون ( Α > Α حيث Α البعد الخطي للذرة ) تواترها ω على وسط عازل لايتمتع بخواص مغناطيسية 1 = ٩. يبلغ تركيز الذرات فيه ٨ ونفرض أن كل ذرة تملك الكترونا سطحيا وحيدا . وأن ثابتا المرونة والمقاومة للالكترون المرتبط ٨ و ٩. على الترتيب . نفرض ايضا أن الاستقطاب الوحيد الفعال هو الاستقطاب الالكتروني .

جد قرينة الانكسار والسرعة الطورية للموجة في هذا الوسط وجد ايضا ثابت التخامد ، والمسافة التي تنفذ بها الموجة في الوسط بحيث تتخامد ب  $\mathbf{e}$  مرة من قيمتها الأصلية ( ثخن الطبقة القشرية ) . نرمز ب  $\mathbf{e}$  لشحنة الالكترون ، و ب  $\mathbf{e}$  لكتلته ،  $\mathbf{e}$  الثابيت الكهربائي .

الديبولي:
$$\frac{d^2 P}{d+1} + 28 \frac{dP}{dt} + \omega_o^2 P = \frac{q^2 E_o}{m} e^{-i\omega t}$$

$$= \frac{d^2 P}{d+1} + 28 \frac{dP}{dt} + \omega_o^2 P = \frac{q^2 E_o}{m} e^{-i\omega t}$$

$$= \frac{k}{m} \cdot 28 = \frac{B}{m} \cdot 28 = \frac{B}{m}$$

$$= P(+) = Z_o \ a(\omega) E(+)$$

$$= P(+) = Z_o \ a(\omega) = 0$$

$$= \frac{a^2}{m} \cdot 28 = \frac{B}{m} \cdot 28$$

$$n = \sqrt{\mathcal{E}(\omega)}$$
 ويكون

نكتب المعادلة الموجية في الاوساط:

$$\Delta E = \frac{\mathcal{E}_r \mathcal{N}_r}{c^2} \quad \frac{32E}{3t^2} = 0$$

ونفرض حلا من الشكل

E = E · e - i'wt + i'kx

نجد أن :

$$\kappa^2 = \frac{\omega^2 \mathcal{E}_r}{c^2} = \frac{\omega^2}{v^2}$$

ومنه تكون السرعة الطورية 
$$\frac{v}{c}$$
:  $\frac{1}{2}$   $\frac{c}{r}$   $\frac{c}{r}$   $\frac{c}{r}$   $\frac{c}{r}$   $\frac{c}{r}$ 

$$\chi = \frac{\beta}{2m}$$

لايجاد المسافة التي تنفذ بها الموجة حتى تتخامد بمقدار ع مرة ، نكتب الحل الموجى بعد تبديل ٢ ، حيث أن ١٤ عقدية في الحالة العامة:

$$=\frac{\omega^2}{c^2}\left[1+\frac{Nq^2}{\epsilon_0 m(\omega^2-\omega^2-2i\delta\omega)}\right]=$$

$$= \left[ K^{12} + \frac{7}{2}K^{12} \cdot \frac{1}{(\omega_0^2 - \omega_2 - 2i8\omega)} \right]$$

$$\gamma = \frac{N q^2}{\epsilon_0 m} \qquad K^2 = \frac{\omega^2}{c^2} \quad \text{and} \quad \kappa$$

$$\chi^{2} = \frac{\kappa^{2}}{\epsilon_{0} m} \quad \kappa^{2} = \frac{\omega^{2}}{c^{2}} \quad \text{and} \quad \kappa^{2} = \frac{\omega^{2}}{c^{2}} \quad \text{and} \quad \kappa^{2} = \frac{\kappa^{2}}{c^{2}} \quad \kappa^{2} = \frac{\kappa^{2}}{c^{2}} \quad \text{and} \quad \kappa^{2} = \frac{\kappa^{2}}{c^{2}} \quad \text{an$$

$$Z = \left[ (\omega_0^2 - \omega^2)^2 + 48^2 \omega^2 \right]^{\frac{1}{2}}$$

$$K^2 = K^{\frac{1}{2}} + \frac{7 K^{\frac{1}{2}} (\omega_0^2 - \omega^2)}{2} + \frac{2 i 8 \omega}{2}$$

$$A = K^{12} + \frac{2K^{12}(\omega_0^2 - \omega^2)}{2}$$
,  $B = \frac{ik\omega}{2}$ 

$$K^{2} = \begin{bmatrix} A^{2} + B^{2} \end{bmatrix}^{\frac{1}{2}} \cdot e^{i \cdot \alpha}$$

$$K = \begin{bmatrix} A^{2} + B^{2} \end{bmatrix}^{\frac{1}{4}} e^{i \cdot \frac{\alpha}{2}}$$

$$K = (A^{2} + B^{2})^{\frac{1}{4}} \cos \frac{\alpha}{2} + i(A^{2} + B^{2})^{\frac{1}{4}} \sin \frac{\alpha}{2}$$

$$E = E_{0} e^{-i\omega t + i(A^{2} + B^{2})^{\frac{1}{4}} \cdot x \cos \alpha}$$

$$\vdots$$

$$E = E_{0} e^{-i\omega t + i(A^{2} + B^{2})^{\frac{1}{4}} \cdot x \cos \alpha}$$

$$X = \frac{1}{(A^2 + B^2)^{\frac{1}{4}} \cdot \sin \frac{\alpha}{2}}$$

12 \_ احسب قرينة انكسار معدن النحاس اذا علمت أن ناقليت النوعية  $7 \cdot n \cdot n^{-1}$  من اجل التواترات المنخفضة والمرتفعة واوجد سمك الطبقة القشرية لهذا المعدن مسن اجل موجة كهرطيسية تواترها  $3 \cdot n^{-12} + 10^{-12}$  ، بغرض أن التأثيب ر

 $m_{a} = 8,5.10^{28} m_{e}^{-3}$  کتلته  $m_{e} = 1,9.10$  کتلته در الالکترونات -جد عبارة هذه الموجة داخل المعدن ·

\_ من العلاقة

$$n^2(\omega) = 1 - \frac{\epsilon}{\omega \epsilon_{\bullet}(\omega \tau + i)}$$

حيث تحد حيث الارتخاء ، لا ثابت التخامد .

$$S = \frac{q^2 \tau n_0}{m_e} \Rightarrow \tau = \frac{S'm}{q^2 n_0}$$

 $\omega \tau \ll 1$  ،  $\frac{\omega \xi_0}{\varpi} \ll 1$  يتحقق في حالة التواترات المنخفضة الشرط

ومنه تأخذ عبارة n الشكل:

$$n^{2}(\omega) = i \frac{\omega}{\omega \mathcal{E}_{0}} \Rightarrow n = \sqrt{\frac{\omega}{2\omega \mathcal{E}_{0}}} (1+i)$$

ويتحقق في حالة التواترات المرتفعة الشرط

$$\omega \tau = \frac{2\pi \cdot 10^{12} \cdot 5,8 \cdot 10^{7} \cdot 9,1 \cdot 10^{-31}}{(1,6)^{2} \cdot 10^{-38} \cdot 8,5 \cdot 10^{28}} \approx 20 \cdot 10^{-2} = 0.2$$

فنجد أن au فنجد أن au وبالتالي نستعمل عبارة au من اجل التواترات المنخفضة ، أَى أَن:

$$K^{2} = \frac{\omega^{2}}{c^{2}} \mathcal{E}_{r} \implies K = \frac{\omega}{c} \sqrt{\mathcal{E}_{r}}$$

$$K = \frac{\omega}{c} n = \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\sigma}{2\omega \xi_0}} (1+i)$$

ومنه تكون عبارة الموجة داخل المعدن :

$$E = E_0 e^{-i\omega t} + ikx = E_0 e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} (1+i) \right] =$$

$$= E_0 e^{-i\omega t} i \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega}{2\omega E_0}} \times \frac{\omega}{c} \right] = e^{-i\omega t} i \left[ \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\omega$$

ويجب أن تتحقق المساواة حتى تتخامد الموجة بمقدار و مرة:

$$e^{-\frac{\omega}{c}\sqrt{\frac{\omega}{2\omega\xi_0}}} = e^{-\frac{1}{2\omega\xi_0}} \Rightarrow \frac{\omega}{c}\sqrt{\frac{\omega}{2\omega\xi_0}} \times = 1$$

$$X = \frac{c}{\omega} \sqrt{\frac{2\omega \mathcal{E}_0}{m}} \approx 6.6.10^{-8} \text{ m}$$

13 ـ نعتبر وسطا يحوي في واحدة الحجوم على n الكترونـــا (شحنته ع ـ وكتلته m) و n ايونا (شحنته ع ـ وكتلته السيفرض أن الايونات ثقيلة وذات سرع صغيرة بشكل يكون معه الحقل الكهربائي هو الوحيد الذي يأثر في تحديد حركتهم .إن الازاحـــة للايونات والالكترونات تولد استقطاب الوسط .برهن أن ثابـــــت المعزالية للوسط يصبح أقل منه في الخلاء ،اتبع الخطوات التالية :

تواتره لم ، ماهو عزم ثنائي القطب المتولد بهذه الحركة ؟ ب استنتج استقطاب الوسط الذي يعزى للايونات ، حدد بنفسس الطريقة الاستقطاب التاتج عن الالكترونات ، وجد قيمة الاستقطابية الكلية .

n ، M ، m ، e بتابعیة  $\mathcal{E}=1+2$  بتابعیة  $\omega$  .  $\omega$ 

$$\mathcal{E} = 1 + \chi$$
 is not  $\vec{B} = \mathcal{E}_0 \mathcal{E} \frac{\partial E}{\partial t}$ 

ــ تتناسب قوة لابلاس مع السرعة ، ومع قيمة الحقل الكهربائي ، وعندما تكون سرعة الدقائق المشحونة صغيرة كما هو الحال في الايونات فان القسط الأعظم من هذه القوة يكون مرتبطا بالحقل ، وهكذا تكون

معادلة الحركة للايون الواقع في حقل كهربائي توافقي ، من الشكل:

$$Mx'' = eE \Rightarrow X = -\frac{eE}{M\omega^2}$$

ويساوي غزم الديبول المتولد:

$$P = ex = \frac{e^2 E}{M \omega^2}$$

( لاحظ أن اشارة الشحنة لاتدخل في تعيين قيمة العزم ، وهكذا فان عزم الديبول يبقى نفسه من اجل الشحن السالبة والموجبة ) .

ب ) يعطى الاستقطاب المعزو للايونات بالعلاقة :

$$P_{ion} = -\frac{ne^2}{m\omega^2}E$$

ويملك استقطاب الالكترونات نفس الشكل:

$$Pee = -\frac{ne^2}{mw^2} E$$

ومنه فان الاستقطاب الكلى:

$$P = P_{ion} + P_{ee} = -\frac{ne^2}{m\omega^2} \left(\frac{1}{m} + \frac{1}{M}\right) E$$

وبما أن س <١ ٨ يكون:

$$P \approx P_{ee} = -\frac{ne^2}{mw^2} E$$

ج) إذا رمزنا بي حج لثابت المعزالية في الخلاء ، فان :

ومنه:

$$\chi = \frac{\rho}{EE_0} = -\frac{ne^2}{m\omega^2 E_0}$$

$$E = 1 + \chi = 1 - \frac{ne^2}{m\omega^2 E_0}$$

rot  $\vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$ , rot  $\vec{B} = \int_{0}^{R} \left( \vec{J} + \vec{E}_{0} - \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \right)$ 

$$\int = -ne \frac{dx}{dt} = -n \frac{e^2}{m\omega^2} \cdot \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

پكون لدينا

rot 
$$B = M_0 \left( \mathcal{E}_0 - \frac{ne^2}{m\omega^2} \right) \frac{\partial E}{\partial t} =$$

$$= M_0 \mathcal{E}_0 \left( 1 - \frac{ne^2}{m\omega^2 \mathcal{E}_0} \right) \frac{\partial E}{\partial t} =$$

 $\mathcal{L}_{\mathcal{S}} = \mathcal{L}_{\mathcal{S}} \in \frac{2 \mathcal{L}}{2 \mathcal{L}}$  وهذا يعنى أن ثابت المعزالية في  $\mathcal{E}_{\mathcal{S}} < \mathcal{E}_{\mathcal{S}} < \mathcal{E}_{\mathcal{S}}$ 

الوسط ع ع يصبح أقل منه في الخلاء ع

نفرض الآن أن الحقل الكهربائي توافقيا:

\_ تكتب معادلة الحركة بالشكل:

14 \_ يحتوي معدن على 11 الكترونا حرا في واحدة الحجوم شحنة كل منهم 9 ، وكتلته 11 . تتحرك هذه الالكترونات في شبكة الايونات الثابتة للمعدن ، بحيث يكون المعدن ككل جسما معتدلا كهربائيا ، اكتب معادلة الحركة للالكترون عندما يسلط علي الناقل حقل كهربائي أم . بفرض أن الالكترون يخضع لقوة احتكاك معتدلا كهربائي أم سرعة الالكترون ، و ح زمن الارتخاء ، وذلك بفرض أن معزالية الوسط تساوي معزالية الخلاء .

E = E e

احسب الناقلية الكهربائية للمعدن من اجل التواتر  $\omega$  ، ماذا تصيح هذه العبارة عندما تكون التواترات كبيرة جدا (أي  $\tau >> 1$ ). حد العلاقة بين الشعاع الموجي  $\overline{\kappa}$  والتواتر  $\omega$  لموجيلة كهرطيسية مستوية تنتشر في المعدن المذكور ، ناقش النتيجة ،

$$m\frac{d\vec{v}}{dt} = q\vec{E} - \frac{m\vec{v}}{T}$$

 $E = \overline{E_0} \cdot e^{-(\omega + \omega)}$  : in its in the second of the second in the second of the

$$\vec{v} = \frac{q\tau}{m} = \frac{1}{1 - i\omega\tau}$$

$$e^{\omega} = \frac{nq^{2}\tau}{m}$$
يمكن ايجاد الناقلية  $\frac{\sigma}{1-i\omega\tau}$ 

اذا كان 1 ×< <del>م س</del> ،فان :

$$\delta = c \frac{nq^2}{m\omega}$$

يعطى الحقلان الكهربائي والمغناطيسي للموجة المستوية ،بالعبارة

وتكتب معادلات ماكسويل في حالة التوزع الشبه المستقر ،بالشكل:

$$rot \vec{E} = -\frac{3\vec{B}}{3t}$$
,  $rot \vec{B} = \frac{1}{\xi_0 c^2} \vec{J} + \frac{1}{c^2} \frac{3\vec{E}}{3t}$ 

$$i(\vec{K} \vec{N} \vec{B}) = \frac{1}{\xi_0 c^2} \vec{J} - \frac{i}{c^2} \vec{\omega} \vec{E}$$

$$i(\vec{K} \vec{N} \vec{E}) = i \vec{\omega} \vec{B}$$

$$\frac{i \, K \, N \, (K \, N \, \vec{E})}{\omega} = \frac{1}{\xi_0 c^2} \, \sigma \, \vec{E} - \frac{i \, \omega}{c^2} \, \vec{E}$$

$$i \left[ \, \vec{K} \cdot (\vec{K} \cdot \vec{E}) - \vec{E} \, (\vec{K} \cdot \vec{K}) \right] = \frac{\omega}{\xi_0 c^2} \, \sigma \, \vec{E} - i \, \frac{\omega^2}{c^2} \, \vec{E}$$

$$K^2 c^2 = -\frac{n \, q^2}{\xi_0 \, m} + \, \omega^2$$

$$K^2 c^2 = \omega^2 - \omega^2_\rho$$

$$\omega_p^2 = \frac{n \, q^2}{\varepsilon_0 \, m}$$
 حيث  $\omega_p^2 = \frac{n \, q^2}{\varepsilon_0 \, m}$  نلاحظ أن :

 $\omega>\omega$  والموجة تنتقل حقيقي اذا كان  $\omega>\omega$  والموجة لاتنتشر  $\kappa$ 

 $\vec{F} = \vec{E_0} e^{-i(\omega t - \vec{R}\vec{r})}$  مستوية مستوية مستوية مستوية وسط نفرض ثابته الكهربائي على وثابته المغناطيسي  $M_{i}$ . اذا كانت كثافة التيار في هذا الوسط أل ، وكثافة الشحنة الحجميسة S = 0 برهن أن كل شيئ يجري في هذه الحالة كما لو كسان الوسط يملك ثابتا كهربائيا S = S تابعا للتواتر S = S كما لو كانت S = S + i استنتج من ذلك أن الموجة الكهرطيسية تتخامد . احسب عمق الطبقة القشرية S = S ، وذلك عندما يكون الحد الخيالي مسيطرا في عبارة S = S .

\_\_ نكتب معادلات ماكسويل:

$$\operatorname{div}\vec{E} = \frac{g}{\xi_0} \quad , \quad \operatorname{rwt}\vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \tag{1}$$

$$\operatorname{div} \vec{B} = 0 \quad , \operatorname{rot} \vec{B} = \frac{1}{\varepsilon_0 c^2} \vec{J} + \frac{1}{c^2} \frac{3\varepsilon}{3\varepsilon} \tag{2}$$

div  $\vec{E}=0$  ,  $\vec{E}=\frac{1}{c^2}$  ,  $\vec{S}=0$ 

نأخذ دوار المعادلة الثانية من (2) ، فنجد :

rot not 
$$E = -\frac{2}{2t}$$
 rot  $B = -\frac{2}{2t} \left( \frac{1}{100} \frac{1}{3} + \frac{1}{100} \frac{2E}{3t} \right)$ 

grad div 
$$\vec{E}$$
 -  $\Delta \vec{E} = -\frac{1}{N_0} \frac{3}{3t} \left( \vec{\nabla} \vec{E} \right) - \frac{3^2 \vec{E}}{3t^2}$   
 $\frac{3^2}{3r^2} \vec{E} - \frac{1}{N_0} \vec{\nabla} \frac{3\vec{E}}{3t} - \frac{1}{N_0} \vec{E}_0 \frac{3^2 \vec{E}}{3t^2} = 0$ 

نفرض لهذه المعادلة التفاضلية حلا من الشكل:

ديث  $\vec{K}$  عقدية في الحالة العامة . نشتق ونبدل فنجد : حيث  $\vec{K}$  عقدية في الحالة العامة . نشتق ونبدل فنجد :  $\vec{K}$  عقدية في الحالة العامة . خيرت  $\vec{K}$  عقدية في الحالة العامة .

نلاحظ من مقارنة هذا الحل مع الحل في الخلاء حيث عمر الحل الحل مع الحل من مقارنة هذا الحل مع الحل في الخلاء ويجسري كل شيىء كما لو أنه في الخلاء ولكن بأخذ المساواة :

حيث به نام کا جائے ، عام ، عام کا ، عام

اذا كان الحد الخيالي في عبارة الحل على الشكل :

$$K^{2} \approx i \mu_{0} \omega \sigma \Rightarrow \frac{K^{2}}{\mu_{0} \omega \sigma} = i = e^{i \frac{\pi}{2}}$$

$$\frac{K}{\sqrt{\mu_{0} \omega}} = e^{i \frac{\pi}{4}} = \cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} = (1+i) \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\vec{E} = \vec{E}_{0} e^{-i \omega t} e^{i \left[ (1+i) \sqrt{\mu_{0} \omega \sigma} \right] r} \Rightarrow \omega_{0}$$

$$\sqrt{\frac{M_0 \omega \sigma}{2}} \cdot r = \frac{1}{2} \implies r = \sqrt{\frac{2}{M_0 \omega \sigma}}$$

وهي المسافة التي ينفذ بها الحقل في الوسط حتى يتخامد بمقدار e مرة ، أي سمك الطبقة القشرية .

16 ـ بلورة شاردية من كلور الصوديوم تواترها الذاتي (للزوج  $M_{\rm R}$  ـ  $\frac{1}{4}$  ـ  $M_{\rm R}$  ـ  $M_{\rm R$ 

 $\alpha(\omega) = \frac{\alpha(0) \omega_0^2}{\omega_0^2 - \omega^2 - 2 (\kappa \omega)}$   $\alpha(0) = \frac{q_0^2}{M_R \varepsilon_0 \omega_0^2}$ 

 $\mathcal{E}(\omega) = 1 + \alpha = 1 + n_0 d(\omega)$ 

ويكون:

$$\omega << \omega_0$$
 في حالة التواترات الصغيرة يتحقق الشرط وبالتالي  $\frac{q^2}{M_K \, \mathcal{E}_b \, \omega_0^2}$   $\varepsilon = 1 + n_0 \, \alpha(0)$ 

## دليـــل مصطلحات انكليزي ـ عربي

(A)

| Aberation          | الزيغ                  |
|--------------------|------------------------|
| Absorption         | امتصاص                 |
| Achromatic         | ِ ۔<br>لالونی          |
| Amplitude          |                        |
| Analyser           | محلل                   |
| Analysis           | تحليل                  |
| Angle of deviation | زاوية الانحراف         |
| " of incidence     | '' الورود              |
| " of phase         | " الطور                |
| " of polarization  | " الاستقطاب            |
| " of reflection    | '' الانعكاس            |
| " of refraction    | " الانكسار             |
| Anistropic media   | الاوساط مختلفة المناحي |
| Aperture           | فتحة (كوة)             |
| Axis               | محور                   |
| Azimuth            |                        |
| (B)                |                        |
| Band               | شريط (عصابة)           |
| Beam               | حزمة                   |
| Biaxial crystal    | بلورة ثنائية المحور    |
|                    |                        |

| Biprism                | موشور ثنائي (مضاعف) |
|------------------------|---------------------|
| Boundary conditions    | الشروط الحدودية     |
| Brightness             | سطوع                |
| (C)                    | ·                   |
| Circular polarization  | استقطاب دائري       |
| Coherence              | ترابط               |
| Coherent               | مترابط              |
| Color filter           | مرشح لوني           |
| Compensatur            | مكافىء              |
| Conjugate              | مترافقة             |
| Cornu's spiral         | حلزون كورنو         |
| Cross                  | متصالب              |
| Cross section          | مقطع عرضي           |
| Crosswise              | تصالبي              |
| Crystal                | بلورة               |
| Crystalline axise      | المحور البلوري      |
| (D)                    |                     |
| Damped motion          | حسركة متخامدة       |
| Degree of polarization | درجة الاستقطاب      |
| Deviation              | انحراف              |
| Dextrorotatory         | يمينية الدوران      |
| Dielectrics            | ً عوازل كهربائية    |
| Diffraction            | انعراج              |
| 89                     |                     |

| Diffraction gration  | شبكة انعراج           |
|----------------------|-----------------------|
| " pattern            | نموذج الانعراج        |
| Diopter              | كسيرة                 |
| Dispersion           | تبدد                  |
| Dispersive power     | شدة التبدد            |
| Displacement current | تيار الازاحة          |
| divergence           | تفرق                  |
| Double refraction    | انكسار مضاعف          |
| (E)                  |                       |
| Echelon              | شبكة مدرجة            |
| Effect Doppler       | مفعول دوبلر           |
| Ellipticol           | قطعي ناقصي (اهليليجي) |
| Extraordinary ray    | <br>شعاع شاذ (غریب)   |
| (F)                  |                       |
| Factor extinction    | عامل التخامد          |
| Filter               | مرشح (فلتر)           |
| Flux                 | تدفق                  |
| Focus                | محرق                  |
| Fringes              | أهداب                 |
| (G)                  |                       |
| Gradient             | تدرج                  |
| Group velocity       | تدرج<br>سرعة المجموعة |
|                      |                       |

| 11 - 1 - 1                 |                        |
|----------------------------|------------------------|
| Harmonic motion            | حركة توافقية           |
| Homogeneous                | متجانس                 |
| Horizantal                 | افقي                   |
| (1)                        |                        |
| Iceland spar               | بلورة البلق            |
| Ideal                      | نموذجي                 |
| Illumination               | اضاءة                  |
| Incoherent                 | غير مترابط             |
| Index of refraction        | قرينة الانكسار         |
| Infra-red                  | تحت الأحمر             |
| Instantaneous              | آنی                    |
| Intensity of luminous flux | "<br>شدة التدفق الضوئي |
| Interference               | تداخل                  |
| Interferometer             | مقياس تداخلي           |
| Interferinge               | البعد الهدبي           |
| Isotropic                  | متماثل المناحي         |
| (L)                        |                        |
| Lattice                    | شبكة                   |
| Lavorotatory               | يسارية الدوران         |
| Lens                       | عدسة                   |
| Luminous                   | ضياء                   |
| Luminous intensity         | شدة الضوء              |

| Macroscopic       | جهري               |
|-------------------|--------------------|
| Magnetic rotation | الدوران المغناطيسي |
| Microscopic       | مجهري              |
| Missing orders    | الرتب المفقودة     |
| Molar refraction  | الانكسار الجزئي    |
| Monochromatic     | وحيد اللون         |
| Multiple          | متعدد              |
| (N)               |                    |
| Newton's rings    | حلقات نيوتن        |
| Nicol             | نيكول              |
| Non-linear optics | ضوء لاخطي          |
| (0)               |                    |
| Operator          | مؤثر               |
| Objective         | جسمية              |
| Opoque            | معتم (عاتم)        |
| Optical axis      | محور ضوئي          |
| Optical path      | المسار الضوئي      |
| Optics            | علم الضوء          |
| Optically flat    | سطح مستوي ضوئيا    |
| Order             | رتبة               |
| Ordinary ray      | شعاع عادي          |
|                   |                    |

| Permeability               | نفوذية                |
|----------------------------|-----------------------|
| Permitivity                | سماحية                |
| Phase                      | طور                   |
| Plate-half-wave            | صفيحة نصف موجية       |
| " -quarter-wave            | " ربع موجية           |
| Polarimeter                | مقياس استقطابي        |
| Polarizability             | استقطابية             |
| Polarizer                  | مقطب                  |
| Principal axis             | محور أصلي             |
| Principle of superposition | مبدأ التركيب          |
| Prism                      | موشور                 |
| (Q)                        |                       |
| Qurts                      | كوارتز                |
| (R)                        |                       |
| Radiant energy flux        | تدفق الطاقة الاشعاعية |
| Reduced mass               | كتلة مختزلة           |
| Reflection total internal  | انعكاس كلي داخلي      |
| Resolving power            | شدة التحليل           |
| (S)                        |                       |
| Scolar                     | سلمي                  |
| Scattering                 | تشتت                  |

Slit شق

Spectrum Sectrometer مقياس الطيف Spherical موجة كروية wave (T) Theorem دعوى (مبرهنة) Transparent شفاف (U) Ultra-violet فوق البنفسجي Uncertainty principle مبدأ الارتياب (الشك) Unpolarized light ضوء غير مستقطب (V) Visibility وضوح (W) Wave موجة Wave front صدر الموجة Wave motion حركة موجية Wavelet موجة ثانوية Wedge اسفين (Z)Zone منطقة Zone plate

اللوح ذو المناطق

## دليل أسماء العلماء

| Abbe Ernst             | (1840–1905) | آبي     |
|------------------------|-------------|---------|
| Arago                  | (1786–1853) | ارغو    |
| Babinet Jaque          | (1794–1872) | بابنيه  |
| Doppler Cheristion     | (1803–1853) | دوبلر   |
| Fabry Charles          | ( 1945)     | فابري   |
| Faraday Michael        | (1791–1867) | فارادي  |
| Fermat Pierre          | (1601–1675) | فيرما   |
| Fresnel Augustin Jean  | (1787–1826) | فرنل    |
| Fourieur Jean Baptiste | (   768 )   | فورييه  |
| Galilei Galileo        | (1564–1642) | غاليليه |
| Gauss Karl Friedrich   | (1805–1855) | غوص     |
| Helmholtz Hermann L.   | (1821–1894) | هلمولتز |
| Hertz Heinrich         | (1837–1894) | هرتز    |
| Hooke Robert           | (1635–1703) | هوك     |
| Huyghens Christian     | (1629–1695) | هويغنز  |
| Jamin Jules C.         | (1818–1886) | جامان   |
| Joung Thomas           | (1773–1829) | يونغ    |
| Kirchhoff Gustav R.    | (1824–1887) | كيرتشوف |
| Lagrange Joseph L.     | (1736–1813) | لاغرانج |
| Lambert Johann H.      | (1728–1777) | الامبرت |
| Lloyd H.               |             | لويد    |

| Lorentz Hendrick A.  | (1853–1928) | لورانتز     |
|----------------------|-------------|-------------|
| Lummer Otto          | (1860–1925) | لومر        |
| Lyman Theodore       |             | لومين       |
| Maxwell James C.     | (1831–1879) | ماكسويل     |
| Michelson Albert A.  | (1852–1931) | ميكلسون     |
| Newton Isaak         | (1643–1727) | نيوتن       |
| Nicol William        | (1768–1851) | نيكول       |
| Perot A.             |             | بيرو        |
| Poisson Simeon Denis | (1781–1840) | بواسون      |
| Poynting Henry       | (1852-1914) | باونتنغ     |
| Rayleigh Robert John |             | رايلي       |
| Rochon Alexis Marie  | (1774–1817) | روشون       |
| Stokes George        | (1819–1903) | ستوكس       |
| Weber                |             | فييبر       |
| Zeeman Piter         | (1865–1943) | المان المان |

## المسراجــــع

- 1 \_ غ. س. لاندسبرغ \_ الضوء \_ موسكو (1976) .
- 2 \_ أ . استاخوف \_ يو . شيراكوف \_ كورس فيزياء 2 الحق\_\_\_\_ل الكهرطيسي \_ مُوسكو (1980) .
  - 3 \_ آ ، غوردييف \_ آ ، سيمينوف \_ الضوء \_ موسكو (1974) .
- 4 \_ شمس الدين على \_ الضوء الفيزيائي والاطياف \_ سوريا (1978).
  - 5 \_ عبدو مراد \_ الضوء الهندسي \_ حلب \_ سوريا (1982) .
- 6 ـ ج · بوك ـ ن · هيلين ـ كينغ ـ الامواج ـ الكهرطيسية ـ النسبية (كورس ) ـ باريس (1979) ·
- 7 ـ سلسلة بيركلي للفيزياء (الجزء الثالث ) الامواج (النسخة الروسية ) . (1984) . (1984)
  - 8 ـ س، غ، كلاشنكوف ـ الكهرباء ـ موسكو (1985) .
- 9 ـ اي ، تيرلسكى ـ يو ، ريباكوف ـ الالكتروديناميك ـ موسكو (1980)
  - 10 \_غ ، بيين \_ فيزياء الاهتزازات والامواج \_ لندن (1976) .
  - موسكو \_ موسكو \_ مسائل في الالكتروديناميك الكلاسيكي \_ موسكو \_ 11 . 11 . (1977 )
  - 12 ـ اي ، ايرودف ـ مسائل في الفيزياء العامة ـ موسكو (1977). 13 ـ ف ، باتيغين ـ اي ، تابتيغين ـ مسائل في الالكتروديناميـك
  - موسكو (1962) .
  - 14 ـ ل · غ · غريتشكو وآخرون ـ مسائل في الفيرياء النظرية ـ موسكو (المد سة العليا ) (1984) .
  - 15 ـ ف ، مورزوف وآخرون ـ الفيزياء العامة مسائل وحلول مينسك . (1986)
  - 16 ـ ب · ب · بوخافتسييف وآخرون مسائل في الفيزياء البسيطة موسكو (1974) .
    - 17 \_ سلسلة شوم \_ الضوء (كورس ومسائل) ـباريس (1985) .
  - 18 ـ ن · هيلين ـ يونغ ـ النسبية والامواج الكهرطيسية (أعمـال) تطبيقية ) باريس ( 1972) .
  - 19ـ أحمد الحصري ـ طاهر تربدار ـمسائل محلولة في الفيزياء \_ ـ مؤسسة الرسالة ـ دمشق ـ سوريا (1983) .

- 20 ـ فاروق تقلا ـ فيزياء الاهتزازات والامواج ـ سوريا (1982) . 21 ـ دويت هربرت برستول ـ جدول التكاملات (النسخة الروسية) موسكو (1966) .
- 22 \_ أحمد شفيق الخطيب \_ معجم المصطلحات العلمية والفنيــة والهندسية \_ بيروت (1978) .

| ـــر س | - |
|--------|---|
|        |   |
|        |   |
|        |   |

| 1   | مقدمة  |
|-----|--|
|     | الفصل الأول : التداخل .                                      |
| 4   | 1 ـ القوانين الأساسية للحوادث الموجية                        |
|     | تركيب الأمواج .  |
| 9   | 2 ـ تداخل الامواج الميرابطة                                  |
|     | مرآتا فرنل _ موشورا فرنل _ عدسة بييه المشطورة _ مرآة لويــد  |
|     | شقا يونغ ـ ايجاد مواضع أهداب التداخل .                       |
| 17  | 3 _ التداخل في الصفائح والاسافين                             |
|     | الصفائح متوازية الوجهين _ اهداب تساوي الميل _ اهدابتساوي     |
|     | السماكة _ حلقات نيوتن .                                      |
| 23  | 4 _ مقاييس التداخل   |
|     | مقياس جامان ـ مقياس ميكلسون ـ مقياس رايلي ـ معامل وضوح       |
|     | الاهداب .  |
| 27  | 5 ـ تداخل الامواج متعددة الانعكاسات                          |
|     | معالجة ستوكس للانعكاس والانكسار ـ تداخل الأمواج النافــذة    |
|     | والمنعكسة فيحالة صفيحة ذات وجهين مستويين ومتوازيين _         |
|     | مقياس فابري بيرو التداخلي _ مقياس لومر _غرك التداخلي _       |
|     | المرشحات التداخلية .   |
| 39  | ــــ مسائل وتطبيقات  |
|     |  |
|     | الفصل الثاني : الانعراج .                                    |
| 58  | 6 ــ مبدأ هويغنز ــفرنل ــ مناطق فرنل                        |
| 65  | 7 ـ بعض المسائل البسيطة في الانعراج                          |
|     | الانعراج على فتحة مستديرة _ الانعراج على قرص عاتم _ الانعراج |
|     | على حافة مستقيمة لحاجز تفسير الانعراج استنادا الى هلمرون     |
|     | کورنو .  |
| 7.3 | 8 ـ انعراج فراونهوفر   |
|     | انعراج فراونهوفر على شق ضيق _ الانعراج على فتحة مستطيلة .    |
| 86  | 9 ـ تعبير كيرتشوف لمبدأ هويغنز وانعراج فراونهوفر             |

|       | تطبيق على الامواج الكروية _ مبدأ بابنيه .                   |
|-------|---|
| 86    | 10 ـ تفسير بعض الطواهر الانعراجية باستخدام مبدأ كيرتشوف     |
|       | الانعراج على فتحة مستديرة _ الانعراج على عدد من الفتحسات    |
|       | المستديرة المتماثلة _ الانعراج على شق مضاعف .               |
| 94    | 12 _ استخدامات الانعراج _ شبكة الانعراج                     |
| 100   | 12 ـ مواصفات أجهزة التحليل الطيفي                           |
|       | تبديد الجهاز الطيفي ـ شدة التحليل ـ مجال التبديد _ الانعراج |
| 109   | على شبكة ثنائية البعد ـ شبكة الانعراج المدرجة .             |
|       | الفصل الثالث : الضوء الهندسي .                              |
| 124   |   |
|       | انعكاس وانكسار الضوء على السطوح الكروية _ العدسات الرقيقة   |
|       | أبعاد الخيال ـ مبرهنة لاغرانج ـ هلمولتز .                   |
| 129   | 14 ـ أسس نظرية الجمل البصرية                                |
|       | الجمل المتمركزة (نظرية غوص) _ علاقة نيوتن _ المكبرة _ القوة |
|       | البصرية لمنظومة ضوئية معقدة .                               |
| 137   | 15 ـ الاجهزة البصرية وتشويهاتها                             |
|       | منظومة المجهر ـ المنظار ـ الزيغ الكروي ـ الكوما ـ الاستغما  |
|       | تزم _ انحناء حقل الخيال _ الزيغ اللوني _ شرط الجيوب لآبي _  |
|       | الموشور ـ تأثير الانعراج على قدرة الفصل للأجهرة البصرية .   |
| 14455 |   |
|       | آلة التصوير ( الكمرة ) _ تركيب العين _ مسافة الوبا الأمثل . |
| 152   | ـــ مسائل وتطبيقات ٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠     |
| ,     | الفصل الرابع : المفاهيم الفوتومترية وواحدات قياسها          |
| 175   | 17 ـ المفاهيم الأساسية                                      |
|       | تدفق الطاقة الاشعاعية _ شدة الضوء _ الاضاعة _ سطوع المنبع   |
|       | الضياء _ شدة التدفق الضوئي م الانتقال من المقادير الطاقية   |
|       | الى المقادير الضوئية .                                      |
| 186   | 18 ـ واحدات القياس الضوئية                                  |
|       | المقها سلب الضوعية .  |

| 197 | مسائل وتطبيقات  |
|-----|---|
|     | الفصل الخامس: الاستقطاب.  |
| 206 | 19 _ استقطاب الضوء  |
|     | تعريف الاستقطاب _ زاوية بروستر _البرهان التجريبي على  |
|     | عرضية الامواج الضوئية .   |
| 211 | 20 ـ الانكسار المضاعف   |
|     | الاستقطاب القطعي _ الانكسار المضاعف _ موشور نيكول _موشورا   |
|     | روشون وولاستون ٠  |
| 218 | 21 ـ الصفائح البلورية اللامتماثلة المناحي   |
|     | تابعية قرينة الانكسار للاتجاه _ البلورات ثنائية المحـــور   |
| ر   | الضوئي _ الصفيحة الربع والنصف الموجية . مفعول كير الظواهر   |
|     | الضوئية في البلورات اللامتماثلة المناحي .   |
| 229 | ــ مسائل وتطبيقات   |
|     | الفصل السادس : معادلات ماكسويل والحقل الكهرطيسي .   |
| 236 | 22 ـ معادلات ماكسويل  |
| 250 | معادلات ماكسويل بالصياغة التكاملية والصياغة التفاضلية   |
|     | خواص معادلات ماكسويل .  |
| 251 | 23 ـ الاندفاع ، الطاقة ، عزم الاندفاع للحقل الكهرطيسي   |
| •   | مقدمة _ كثافة اندفاع الحقل الكهرطيسي _ كثافة الطاقةللحقل  |
|     | الكهرطيسي وشعاع باونتنغ ـ كثافة عزم الاندفاع للحقلالكهرطيسم   |
| 259 | مسائل وتطبيقات  |
|     |   |
|     | الفصل السابع: الامواج الكهرطيسية في الخلاء.   |
| 281 | 12 - الأخواج الكهرطيسية النبي المخلامه المسمة عن المخلاء  |
|     | الخواص الاساسية للامواج الكهرطيسية في الخلاء ـ الاستقطاب  |
|     | علاقات الارتياب .<br>25. اثم المالا المالي التي المالية الم |
|     | 25 ـ أشعاع الامواج الكهرطيسية ومولداتها وطرق ملاحظتها   |
| 302 | 26 ـ آلية الاشعاع الكهرطيسي   |
|     | حيبول فدرح والمنطقة الموجية ـ حساب الكمور السعاعي و   |

|     | المنطقة الموجية ـ شدة اشعاع ديبول هرتز .                    |
|-----|---|
| 308 | مسائل وتطبيقات  |
| ية  | الغصل الثامن : التأثيرات المتبادلة بين الامواج الكهرطيس     |
|     | والمادة   |
| 314 | 27 _ آلية التأثيرات المتبادلة                               |
|     | 28 _ التبدد والامتصاص والتشتت للامواج الكهرطيسية الانكسار   |
| 320 | المضاعف   |
|     | التأثير المتبادل بين الأمواج الكهرطيسية والمادة في حالـــة  |
|     | التقريب الخطي ـ تبدد الامواج في العوازل وامتصاص طاقتها _    |
|     | التقطيبية الشاردية _ التبدد في النواقل _ تشتت الامواج       |
|     | الانكسار المضاعف .  |
|     | 29 ـ سلوكية الامواج الكهرطيسية على الحدود الفاصلة بيـــن    |
| 338 | الاوساط   |
|     | الانعكاس والانكسار _ تحليل نتائج الانعكاس والانكسار _ صيفتا |
| 250 | فرنل ـ استخدامات انعكاس وانكسار الامواج الكهرطيسية .        |
| 352 | 30 ـ علم الضوء اللاخطي                                      |
|     | مفاعيل علم الضوء اللاخطي ـ المفاعيل اللاخطية التربيعية _    |
| 261 | المفاعيل اللاخطية التكعيبية .                               |
| 361 | ـــ مسائل وتطبيقات  |
| 388 | _ دلیل مصطلحات علمیة  |
| 395 | _ دليل أسماء العلماء  |
| 397 | ــ المراجع  |
| 399 | ــ الفهرس   |